



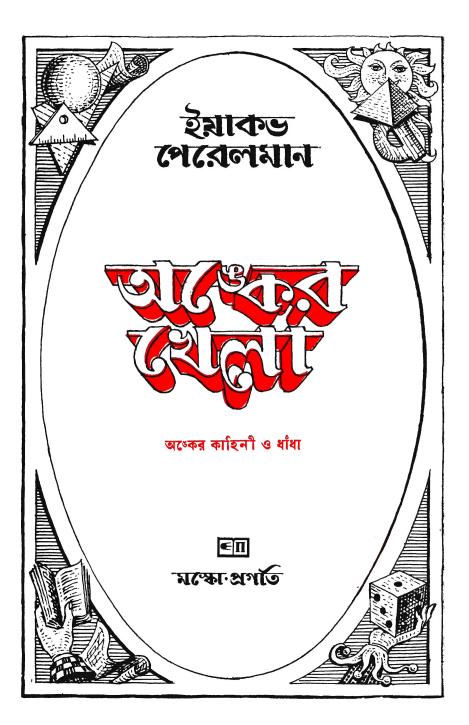




Я. ПЕРЕЛЬМАН

ЖИВАЯ МАТЕМАТИКА

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ РАССКАЗЫ И ГОЛОВОЛОМКИ



অন্বাদ: বিমলেন্দ্ সেনগ্পু সম্পাদনা: দ্বিজেন শর্মা অঙ্গসজ্জা: ড. করল্কোড

Я. Перельман ЖИВАЯ МАТЕМАТИКА На языке бенгали

J. Perelman

FIGURES FOR FUN

In Bengali

প্রিচর বাংলা অনুবাদ • প্রগতি প্রকাশন • ১৯৮৪সোভিয়েত ইউনিয়নে মৢরিত

স্চী

ভূমিকা	22
১। খাবার টেবিলে ব্দির খেলা	20
১. জংলা জমির কাঠবিড়ালী • • • • • • • •	১৫
২. স্কুলের চক্র	
৩. কে বেশী গ্নেছিল? • • • • • • • •	28
৪. নাতি ও ঠাকুর্ণা	১৮
৫. শ্রেনের টিকিট · · · · · · · · · · ·	
৬. হেলিকপ্টারের পাল্লা 🖟 · · · · · · · · ·	১৯
৭. ছায়া	
৮. দেশলাই কাঠির ধাঁধা	25
৯. 'অন্তুত' এক গাছের গ্র্বাড় 	
১০. ডিসেম্বরের ধাঁধা	২৩
১১. অঙ্কের খেলা	
১—১১ নশ্বর ধাঁধার উত্তর	২ ৪
১২. হারানো সংখ্যা	00
১৩. কার কাছে আছে?	
३। ८थमा ७ व्यक्	৩৭
	09
ডোমিনো · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	৩৯
১৪. ২৮ ঘুটির সারি ০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০	
১৫. এক সারির দুই মাথা	ల స
১৬. মজার খেলা ডোমিনো ০০০০০ ০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০০	03
১৭. একটি কাঠামো	ం స
১৮. সাতটা বর্গক্ষেত্র	80
১৯. যাদ্-বর্গক্ষেত্র	85
২০. ছোট থেকে বড় করে ডোমিনো ঘ্রুটি সাজানো	
পনেরোর ধাঁধা	8\$

२५.	লয়েডের প্র	থম ধ	धा											•	81
२ २.	লয়েডের দি	তীয় গ	ধাঁধা											•	88
২৩.	লয়েডের তৃ	তীয় ধ	গাঁধা			•	٠	•				•		•	88
১৪—২৩	নস্বর ধাঁধার	<u>উত্তর</u>										•		•	88
৩। আরও	এক সারি ২	ाँथा -	•	•	٠	•	٠	٠	٠	•	•	•	•	•	Ġ (
₹8.	দাড় •							,	,		٠				ું હ
	মোজা আর														હ
	চুলের আয়														હ
	মাইনে .														৫৮
	স্কিইং .														৫৮
	দ্,'জন শ্ৰা														৫৮
	টাইপ করা														৫১
o5.	দাঁতওয়ালা	চাকা													৫১
	বয়স কত?														
৩৩.	ইভানোভ প	ারিবার													৬০
0 8.	কেনাকাটা														9 0
50-00 =	াশ্বর ধাঁধার	गरेक्ट													
4 0-00 •	אורוף ארייו	ভত্তর	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	৬০
٠. 															
স। গ্ৰাত	• • •		•	٠	•	•	•	•		•	٠	٠	٠	•	હ વ
৩৫.	তুমি গ্নতে	জান ?													৬৯
৩৬.	বনের গাছ	গ্ৰনব	কেন	?											90
६। ठेकारना	नःथा .		•	٠	٠	•	•	٠	•	•	•	٠			96
20	পাঁচ র,বলের	त तक्त	o.as	7301	7-7	-									
	এক হাজার														99
	চৰিবশ .														99
	তিরিশ •														94
	লুপ্ত সংখ্যা														98
	भःशाग्रुटला भःशाग्रुटला								٠				٠		98
	ভাগ · ·											•	•	•	94
88	১১ দিয়ে ভ	 নগ	•	•	•	•	•	•	•	•					٩۵
86 86	মজার গ্রণন		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	৭৯
814	সংখ্যার <u>বিভু</u>	· ·	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	৭৯
o c .	190	٠ .	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	•	٠	٠	•	৭৯

8	۹.	আরও এ	কটা :	मार्शथ!	্ক	<u>বি</u> ত্	হজ										৭৯
8	ሁ .	যাদ্-তারা															ЯO
oq—81	৮ন	াম্বর ধাঁধার	ৰ উত্তৰ	র .					•			•					Αo
७। मान	বীয়	সংখ্যা															४१
8	§გ.	একটি ল	ভিজন	ক কে	निट	1ন											৮৯
Ġ	0.	গ্ৰুজব															৯৫
		সাইকেলে															22
Ġ	٤.	প্রস্কার															500
Ó	٥.	দাবাখেলা															220
Ġ	8.	দ্ৰুত বংশ	বিস্তার														১১৫
		বিনা পয়															525
Ó	₺ .	মুদ্রার যা	म्द .														529
Ó	<u>۱</u> ۹.	বাজি ধর	π .														১৩২
Ó	ኔ ৮.	আমাদের	চার	পাশে	অ	ার	দেহে	র	ভে	তরে	मा	নবীয়	F.	সংখ	गगर्	লা	১৩৬
५। यन्द्	গা	তর সাহায	য় ছাড়	াও ম	াপা	याः	ি ক	ক্	র ?								282
,	55	পদক্ষেপে	দ্ধ বা	ত্র '	कि ट	দ্বন											580
		জীবন্ত ম															
`	, .	91110 4	1 1 7 11	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	200
৮। মাণ	था-घ	ামানো জ্য	ামিতি														\ 89
و	b 5 .	ঠেলাগাড়ি	· .														\$88
e	۶٤.	বিবধ ি ক															585
		ছ,তোরের															\$60
		কতগ ু লো															262
		্ অধ্চন্দ্ৰ															262
ي	ა ც.	দেশলাই	কাঠির	ে খে	লা												১৫১
ي	١٩.	আরও এ	।কটা	দেশ	নাই	ক	ঠির	খে	লা								১৫২
ي	υ Ε.	মাছির রা	ন্তা .														১৫২
ي	າ ລ.	ছিপি দি	তে 🔊	ার এ	একট	गे ?											১৫৩
		দ্বিতীয় বি															১৫৩
		তৃতীয় ি															১ ৫8
		মুদ্রার ে															
		মনারের															
	18.																>68

								•	•	•		•	•	٠	٠			268
	વહ. હ					•	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•		১৫৫
	.૧૧. રે																	১৫৫
	१५. ।																	১৫৫
	৭৯. া	•	**															১৫৬
	RO. 4																	১৫৬
	b2.																	১৫৭
	৮ ২ .া	•																269
	४०. ^१	ণীতক	ালে	•	٠	٠	•	•	•	•	٠	•	•	٠	•	•	•	269
৬১—	৮৩ ন	বর হ	ধাঁধার	উত্ত	র		•			•			•					১৫৭
৯।ৰ	्छि वंगी,	তুষা	রের ভ	न्यांभ	তি	•	•				•							১৬৯
	¥8. 3	বৃণ্টি	মাপা	র য	ত্র:	প্লৰ্	ভত	মিটা	র									292
			•															290
	৮৬ . ፡	কতটা	তুষার	₫?	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	> 98
5 01	গণিত	હ :	মহাপ্লা	বন									•					১৭৯
																		282
																		১৮২
	∀ ኤ.	ঐরকঃ	ম এক	ন্টা ৰ	जाश	জ '	ছিল	বি	5 5	•				•			•	280
551	পাঁচিম	भानी	ধাঁধা	•	•													১৮৫
		শেকল																289
	۵۵.	মাকড়	শা অ	ার গ	া্বে	রপো	কা											288
	৯২.	বৰ্ষাণি	ত, টুর্ণি	প অ	ার গ	गाद	াস											288
	৯৩.	ম্রগ	ত, টুর্ণ ী আর	র পা	তিহ	াঁসের	ি বি	<i>হ</i> ম										১৮৯
			শভ্ৰমণ															১৮৯
	৯৫.	উপহা	রের ট	গকা														১৮৯
	৯৬.	দ্ৰটো	ভু্যায	দটের	ঘং	ট							٠					24%
	৯৭.	म ूटिं।	অ	ং ক														24%
	৯৮.	এক																2 ዓ አ
	৯৯.	পাঁচটা	ر ا															১৯০
	\$00.	দশট	া অ	ঃ ক														\$\$0
	505	. চার	টে উগ	শায়														550
	505	চাব্য	n .															550

	১০৩. মজার ভাগ · ·		•		•		•	٠	٠	১৯০
	১০৪. আর একটা ভাগ অঙ্ক									222
	১০৫. কতটা পাওয়া যাবে?									222
	১০৬. ঐ ধরনেরই আর একটা									222
	১০৭. একটা উড়োজাহাজ									222
	১০৮. দশ লাখ জিনিস									১৯২
	১০৯. পথের সংখ্যা 🕠 .									১৯২
	১১০. ঘড়ির মুখ 🕟 .									220
	১১১. আট-মাথা তারা 🕠									220
	১১২. সংখ্যা চক্র · ·									১ ৯৪
	১১৩. তেপায়া 🕟 .									228
	১১৪. কোণ · · ·									228
	১১৫. বিষ্ববরেখার উপর									১৯৫
	১১৬. ছ'টা সারি 🕟 🕟						٠			১৯৫
	১১৭. ভাগটা করবে কী করে?									১৯৫
	১১৮. কুশ আর চাঁদের ফালি			٠		٠	•			১৯৫
\ O-	–১১৮ নম্বৰ ধাঁধাৰ উত্তৰ .									556

ভূমিকা

এই বইখানি পড়ে আনন্দ পেতে হলে কিছুটা গণিতের জ্ঞান থাকা চাই — অঙকর নিয়মাবলী ও প্রাথমিক জ্যামিতির কিছুটা জ্ঞান থাকলেই যথেন্ট। অবশ্য কিছু ধাঁধা আছে যেগ্বলোর জন্য সহজ সমীকরণের জ্ঞানও কিছুটা দরকার।

বইয়েই দেখা যাবে যে ধাঁধাগন্বলো নানা ধরনের। ব্রাদ্ধির অঙ্ক ও অঙ্কের চালাকি থেকে আরম্ভ করে গ্রনতি ও মাপের বাস্তব কোঁশল পর্যন্ত সবরকমের বিষয়ই এতে আছে।

देश्य (भ गावा -GII

বৃষ্টি পড়ছে। বিশ্রাম ভবনে দ্বপ্রবেলায় সবেমার খেতে বর্সেছি আমরা। এমন সময় আমাদের ভেতর একজন জানতে চাইল যে তার ভোরবেলার ঘটনাটা আমরা সবাই শুনতে চাই কিনা।

আমরা তো সব্বাই রাজী হলাম। সে শুরু করল।

১. জংলা জমির কাঠবিড়ালী

''একটা কাঠবিড়ালীর সঙ্গে লাকোচুরি খেলতে গিয়ে ভারি মজার ব্যাপার ঘটেছে। জঙ্গলের সেই গোলাকার ফাঁকা জায়গাটা তো চেন তোমরা সবাই — মাঝখানে যার একটামাত্র বার্চ গাছ? এই গাছটাতেই একটা কাঠবিড়ালী লাকিয়ে বেড়াচ্ছিল আমার কাছ থেকে। সবেমাত্র একটা ঝোপ থেকে বেরিয়েছি, দেখি গাছের গাঁঝটার পেছন থেকে ওর নাক আর চকচকে দাটো ছোট চোখ উর্ণক মারছে। ক্ষাকে প্রাণীটাকে দেখতে ইচ্ছে হল। তাই গোল জামটার কিনারা বরাবর চক্কর দিতে লাগলাম। যাতে ভয় না পেয়ে যায়, তাই খেয়াল করে একটু দারে দারেই থাকতে হল। পারের চারবার ঘারে এলাম, কিস্তু ক্ষাকে শয়তানটা সন্দেহমাখা দািত নিয়ে দারের গাছের পেছনদিকে হটে যেতে লাগল। অনেক চেডাচারিন্তার করেও ওর পিঠটা দেখতে পেলাম না।''

''কিন্তু তুমিই তো বললে এইমাত্র যে গাছটাকে চারবার চক্কর দিয়েছ,'' প্রশ্ন করল শ্রোতাদের একজন।

- ''গাছের চারপাশে ঠিকই, কিন্তু কাঠবিড়ালীকে ঘিরে তো নয়!''
- ''কিন্তু কাঠবিড়ালীটা তো গাছের উপরই ছিল, তাই না?''
- ''তাতে কি?''
- ''তার মানেই হল তুমি কাঠবিড়ালীটাকেও ঘুরে এসেছ।''
- ''বা রে! ওর পিঠটাই দেখতে পেলাম না, আর তুমি বলছ ওর চারপাশে ঘুরে এলাম?''
- ''ঘ্ররে আসার সঙ্গে পিঠের আবার কি সম্পর্ক? গোল জমিটার মাঝখানের গাছটায় ছিল কাঠবিড়ালী। সেই গাছটাকে বেড় দিয়ে এলে তুমি। তার মানেই হল কাঠবিড়ালীর চারপাশে তুমি ঘুরে এলে।''
- ''আরে না, তা নয়। ধর, তোমার চারপাশে ঘ্রছি আর তুমিও এমনভাবে ঘ্রছ যাতে তোমার ম্বটাই দেখতে পাচছি কেবল। তার মানে তোমাকে ঘিরে প্রদক্ষিণ করা হল বলতে চাও?''

''নিশ্চয়ই, তা ছাড়া আর কি?''

''তার মানে, তোমার পেছনদিকে কোন সময়ই পেণছতে পারলাম না বা তোমার পিঠটাও দেখতে পেলাম না, তব্ তোমাকে ঘ্ররে আসা হয়ে গেল?''

"পিঠ-টিঠ ভুলে যাও! আমার চারধারে ঘ্রুরে এলে — এটাই বড় কথা। পিঠের জন্য কি ঠেকে থাকছে?"

''থামো বাবা, প্রদক্ষিণ করা কাকে বলে বল তো? এটাকে আমি যেভাবে ব্রিঝ, তা হল — কোন জিনিসের চারপাশে এমনভাবে ঘ্রের আসা যাতে সে জিনিসটাকে সব দিক থেকেই দেখতে পাওয়া যায়। ঠিক বলি নি, প্রফেসর?'' আমাদের খাবার টেবিলে একজন ব্রেজর দিকে ঘ্রের দাঁড়িয়ে প্রশ্নটি করল সে।

অধ্যাপক উত্তর দিলেন, ''তোমাদের সমস্তটা আলোচনা আসলে একটিমান্ত শব্দকে নিয়ে। 'প্রদক্ষিণ' শব্দের সংজ্ঞা সম্পর্কে প্রথমে একমত হতে হবে তোমাদের। 'কোন কিছুর চারপাশে প্রদক্ষিণ করা' বলতে কি বোঝ তোমরা? কথাটা থেকে দ্ব'ধরনের অর্থ বোঝা যায়। প্রথমটা হল, একটা ব্রের মাঝখানে থাকা কোন জিনিসকে ঘ্ররে আসা। দ্বিতীয়টা হল, জিনিসটার চারপাশে এমনভাবে ঘোরা যাতে তার সব দিকটাই দেখতে পাওয়া যায়। যদি প্রথম অর্থটাই ধরতে চাও, তাহলে কাঠবিড়ালীকে চারবার ঘোরা হয়েছে তোমার। যদি দ্বিতীয় অর্থটাকে মেনে নাও, তাহলে কাঠবিড়ালীর চারপাশে মোটেই ঘোরা হয় নি। তোমরা দ্ব'জনে যদি একই ভাষায় কথা বল, আর শব্দবালিকে একইভাবে মানে করে নাও তাহলে সতিটেই বিতর্কের আর কোন প্রয়োজন থাকে না।''

''আচ্ছা, মেনে নিলাম কথাটার দ্বটো অর্থাই হয়। কিন্তু এর ভেতর সঠিক কোনটা?''

''এভাবে প্রশ্ন করাটা তো ঠিক হল না তোমার! যেকোনটাকেই মেনে নিতে পার তোমরা। কথাটা হল, দ্বটোর ভেতর সাধারণত কোন অর্থটাকে মেনে নিই আমরা? আমার মতে প্রথমটা। কেন তা বলছি। তোমরা জান স্বর্ধ নিজের চারপাশে প্ররো পাক খেয়ে আসে ২৫ দিনের একটু বেশী সময়ে..''

''সূর্য'ও ঘোরে নাকি?''

''নিশ্চয়ই, ঠিক প্থিবীর মতোই ঘোরে। একটা উদাহরণ দিচ্ছি। মনে কর, এতে সূর্যের ২৫ দিনের বদলে লাগছে ৩৬৫ ১/৪ দিন, অর্থাৎ প্রেরা এক বছর। ঘটনাটা যদি এমন দাঁড়ায়, তাহলে প্থিবী থেকে স্বর্ষের একটা দিক, অর্থাৎ 'ম্খটাই' কেবল দেখা যাবে। তব্ কেউ কি জোর করে বলতে পারত যে প্রথিবী সূর্যের চারদিকে ঘুরছে না?''

''ঠিক, এতক্ষণে ব্রালাম আমি কাঠবিড়ালীর চারপাশেই ঘ্রে এসিছি তাহলে।''

আমাদের একজন সঙ্গী চে চিয়ে উঠল, ''ভাই, আমার একটা কথা আছে। বৃষ্টি পড়ছে, কেউই বাইরে বের হচ্ছি না। তাহলে, সবাই মিলে ধাঁধার খেলা চালান যাক। কাঠবিড়ালীর ধাঁধাটা দিয়ে বেশ শ্রুর করা গেছে। এসো, আমরা সবাই কিছু বৃদ্ধির খেলা বের করি। প্রফেসর হবেন আমাদের প্রধান বিচারক।''

''বীজগণিত বা জ্যামিতির ব্যাপার-ট্যাপার থাকলে আমি কেটে পড়ছি,'' বলল একটি তর্নী।

''আমিও!'' তার সঙ্গে স্কুর মেলাল আর একজন।

''না, সব্বাইকেই খেলতে হবে! অবশ্য কথা দিচ্ছি খ্ব সোজা আর সাধারণ নিয়মগ্নিল ছাড়া বীজগণিত বা জ্যামিতির ভেতর যাব না আমরা। আপত্তি আছে কারও?''

''না-না,'' সবাই চে'চিয়ে উঠলো একসঙ্গে, ''তাহলে শ্বর্ করা যাক!''

২. স্কুলের চক্র

একজন তর্ণ পাইওনিয়র শ্রুর্ করল, ''আমাদের দ্কুলে পড়াশ্নের বাইরে পাঁচটা চক্র আছে। এগ্নলি হল — ফিটারের কাজ শেখার, কাঠের কাজ শেখার, ফোটোগ্রাফি শেখার, দাবাথেলা শেখার আর সমবেত সঙ্গীত শেখার চক্র। ফিটারের কাজ শেখার চক্রের অধিবেশন হয় একদিন অন্তর, কাঠের কাজ শেখার চক্রের প্রতি তৃতীয় দিনে, ফোটোগ্রাফি শেখার চক্রের প্রতি চতুর্থ দিনে, দাবা খেলোয়াড়দের প্রতি পশুম দিনে আর সমবেত সঙ্গীত চক্রের প্রতি বন্ধ দিনে। ১ জান্মারিতে প্রতিটি চক্রের প্রথম অধিবেশন হল। তারপর থেকে নিয়মমতো প্রত্যেকের বৈঠক হতে থাকল। প্রশন হল, প্রথম তিন মাসে মোট কতবার সব চক্রই একই দিনে সভা করেছিল (১ জান্মারি বাদ দিয়ে)?''

^{&#}x27;'বছরটা কি লিপ্ইয়ার (অধিবর্ষ)?''

^{&#}x27;'উইঃ''

^{&#}x27;'তাহলে প্রথম তিন মাসে মোট ৯০ দিনই ছিল?''

''ঠিক ধরেছ।''

অধ্যাপক কথার মাঝখানে বাধা দিয়ে বললেন, "আরও একটা প্রশন জাড়ে দিচ্ছি এর সঙ্গে। সেটা হল: প্রথম তিন মাসে মোট কতদিন কোন দলেরই বৈঠক হয় নি?"

''তাহলে নি*চয়ই একটা ফাঁকি আছে এর ভেতরে? পাঁচটি চক্রের সবারই বৈঠক হবে এমন আর কোনো সন্ধ্যেবেলা আসবে না, বা একেবারেই কোনো বৈঠক হবে না এমন সন্ধ্যেবেলাও পাওয়া যাবে না। এ তো পরিষ্কার!'

''কেন?'' জিজ্ঞেস করলেন অধ্যাপক।

''তা জানি না, তবে একটা ফাঁকির গন্ধ পাচ্ছি যেন!''

''এটা কোন যুক্তি নয়। সন্ধ্যেবেলা দেখা যাবে আপনার পাওয়া গন্ধটা ঠিক কিনা। এবার আপনার পালা!'

এ খেলার কথাটা যে তুলেছিল সে বলল, ''জবাব এখন বলা হবে না। বেশ কিছু সময় নিয়ে ভাবব আমরা। রাতে খাবার সময় সব উত্তর জানা যাবে।''

০. কে বেশী গুনেছিল?

''দ্ব'জন লোক, একজন দাঁড়িয়েছিল তার বাড়ির দরজায়, অন্যজন পায়চারী করছিল সামনের রাস্তায়। তারা দ্ব'জনেই প্রেরা একঘণ্টা ধরে রাস্তার লোকদের গ্রনতি করেছিল। বল তো, কে বেশী গ্রনেছিল?'' খাবার টেবিলের শেষ দিক থেকে উত্তর দিল একজন, ''যে পায়চারী করছিল সে। এ তো খুবই সোজা।''

অধ্যাপক বললেন, ''রাতে খাবার সময় উত্তরটা শ্নব আমরা। পরের ধাঁধাটা বল এবার।''

৪. নাতি ও ঠাকুদা

''১৯৩২ সালে আমার বয়স ছিল আমার জন্মসালের শোষ দ্ব্'সংখ্যার সমান। এই অন্তুত ঘটনাটা ঠাকুর্দাকে শোনাতে তিনি আমাকে আরও অবাক করে দিয়ে বললেন — তাঁর নিজের বয়সেরও নাকি ঐ একই হিসাব দাঁড়াচ্ছে। আমি ভেবে দেখলুম তা অসম্ভব…''

''এক্কেবারে অসম্ভব,'' কার যেন গলা শোনা গেল।

''বিশ্বাস কর, এটা খ্বই সম্ভব আর ঠাকুদা তা প্রমাণও করেছিলেন। তাহলে বল তো ১৯৩২ সালে আমাদের কার বয়স কত ছিল?''

এরপর শ্রে করল একটি মেয়ে, ''আমার কাজ রেলের টিকিট বিক্রি করা। সবাই ভাবে, কাজটা ব্রিঝ খ্রই সোজা। একটা ছোট্ট স্টেশনেও যে কতগ্রিল টিকিট বিক্রি করতে হয়, বোধহয় সে সম্বন্ধে কোন ধারণাই নেই তাদের। আমাদের লাইনে আছে ২৫টা স্টেশন। আর আপ-ডাউন মিলিয়ে প্রতিটি জায়গার জন্য আছে আলাদা টিকিট। বলতে পার আমাদের লাইনের স্টেশনগ্রেলার জন্য কত ধরনের টিকিট আছে?''

একজন বিমানচালকের দিকে তাকিয়ে অধ্যাপক বললেন:

''এরপর তোমার পালা।''

৬. হেলিকণ্টারের পাল্লা

'লোননগ্রাদ থেকে একটা হেলিকপ্টার রওনা হল উত্তর্রাদকে। ৫০০ কিলোমিটার যাবার পর তা পর্বাদকে ঘ্রের উড়ে গেল আরও ৫০০ কিলোমিটার। তারপর গতি পরিবর্তান করল দক্ষিণাদকে, এগিয়ে গেল ৫০০ কিলোমিটার। শেষে ৫০০ কিলোমিটার পশ্চিম গিয়ে নেমে পড়ল মাটিতে। প্রশ্নটা হল, হেলিকপ্টারটা নামল কোথায়? লোনিনগ্রাদের পশ্চিমে, প্রের্বা, উত্তরে, না দক্ষিণে?''

একজন বলে উঠল, ''এ তো সোজা, ৫০০ পা সামনে, ৫০০ পা ডানে, পেছনদিকে ৫০০, তারপর বাঁদিকে আবার ৫০০। তার মানেই যেখান থেকে রওনা হয়েছিলে সেখানেই এসে পেণছলে!'

''খ্ব সোজা ব্রিঝ! তাহলে আপনার মতে, কোথায় নাম্প হেলিকপ্টারটা ?''

''ঠিক লেনিনগ্রাদেই, তা ছাড়া আবার কোথায়?''

''উহু, হ-ল না!''

''তাহলে, বুঝতে পারছি না!''

''ধাঁধাটায় কোথাও চালাকি আছে একটা,'' বলল আর একজন, ''ওটা লেনিনগ্রাদে নামে নি ব্যুঝি?''

''আর একবার বলবে, ধাঁধাটা?''

বিমানচালক ছেলোট বলল আর একবার। শ্বনে তো মুখ চাওয়া-চাওয়ি করতে লাগলো স্বাই।

''ঠিক আছে, জবাব ভেবে বের করতে অনেকটা সময় পাওয়া যাবে। পরের ধাঁধাটা শোনা যাক তাহলে,'' বললেন অধ্যাপক।

৭. ছায়া

পরের ছেলেটি বলতে লাগল, ''আমার ধাঁধাটাও একটা হেলিকণ্টার নিয়ে। বল তো কোনটা বেশী লম্বা, একটা হেলিকণ্টার, না তার ঠিক ছায়াটা?''

''শাুধাু এই?''

''শ্বধ্মাত্র এই।''



১ নং ছবি। মেঘের আড়াল থেকে ছড়িয়ে পড়া স্থের কিরণ।

''হেলিকণ্টার থেকে তার ছায়াটাই সাধারণত লম্বা! স্থের আলো তো পাখার মতোই ছড়িয়ে পড়ে, তাই না?'' সঙ্গে সঙ্গেই উত্তর দিল একজন। ''আমি কিন্তু তা বলব না,'' বলে উঠল আর একজন, ''স্থেরিমিম হল সমান্তরাল, তার মানেই হেলিকণ্টার আর তার ছায়া সমান মাপেরই হবে।'' ''কি যে বল! মেঘের পেছন থেকে স্থের আলো ছড়িয়ে পড়তে দেখেছ কখনো? তাহলে, দেখেছ বোধহয় কিভাবে ছড়িয়ে পড়ে তারা। মেঘের ছায়াটা যেমন মেঘ থেকে বড় হয়, হেলিকপ্টারের ছায়াটাও তেমনি হেলিকপ্টারটা থেকে বেশ বড হবে।''

''তাহলে নাবিক, জ্যোতিবি**ং, এদের মতো লোকেরা স্**র্যরি**শ্মকে** সমান্তরাল বলে কেন?''

অধ্যাপক আর একজনকে তাঁর ধাঁধাটা বলতে বলে তকটো থামিয়ে দিলেন।

৮. দেশলাই কাঠির ধাঁধা

একটি ছেলে দেশলাইয়ের বাক্সটা টেবিলের ওপর খালি করে কাঠিগুলোকে ভাগ করল তিনটি ভাগে।

ঠাট্টা করে প্রশন করল একজন, ''অগ্নিকাণ্ড-টাণ্ড ঘটাতে যাচ্ছো না তো ভাই?''

'না-না, এগ্নলো সব মগজ ঘামানোর জন্যে। এই হল, তিনটে ভাগ। ভাগগনলো সমান নয়। সবশন্দা কাঠি আছে ৪৮ টা। প্রতি ভাগে কটা আছে তা অবশ্য বলব না আমি। এবার সব নজর দাও ভালো করে। দিতীয় ভাগে যতটা কাঠি আছে প্রথম ভাগ থেকে ততটা নিয়ে রাখলাম দিতীয় ভাগে। তারপর তৃতীয় ভাগে যতটা আছে ততটা কাঠি দিতীয় ভাগ থেকে নিয়ে রাখলাম তৃতীয় ভাগে। সবশেষে প্রথম ভাগে যে কয়টা কাঠি পড়েছিল তৃতীয় ভাগ থেকে সে কয়টা নিয়ে চালান করে দিলাম প্রথম ভাগে। এইসব কাণ্ড করলে পর তিনটে ভাগেই কাঠির সংখ্যা হবে সমান সমান। তাহলে বল তো, প্রথমে প্রতি ভাগে কটা করে কাঠি ছিল?''

৯. 'অভূত' এক গাছের গ;ড়ি

পরের ছেলেটি শ্বর্ করল, ''এই ধাঁধাটা গাঁয়ের এক অঙ্কের পশ্ডিত করতে দিয়েছিলেন আমাকে।''

আসলে এটা একটা মজার গল্প। একদিন এক কৃষকের সঙ্গে এক ব্র্ড়োর দেখা হল বনের ভেতর। কথাবার্তা শ্রুর হতে ব্র্ড়ো বলল:

''এই বনে একটা অন্তুত ছোট্ট গাছের গ;্বড়ি আছে। দরকারমতো এটি মানুষকে সাহায্য করে।''

''তাই নাকি? কি করে? অস্বখ-বিস্বখ সারায় ব্বি।?''

''না, ঠিক তা নয়। এটি মান্বেষর টাকা দ্বিগ্ন্প করে দেয়। টাকার থালিটা শেকড়ের ভেতর রেখে একশো পর্যস্ত গ্নুনে যাও, তারপরেই দেখতে পাবে টাকাটা দ্বিগ্ন হয়ে গেছে। এক অদ্ভূত গ';ড়ি হে!''

কৃষক তো উৎসাহের চোটে বলে উঠল, ''পরীক্ষা করে দেখতে পারি না?''

''কেন পারবে না, কিছু দক্ষিণা দিতে হবে অবশ্য।''

''কাকে দিতে হবে, টাকাটা কত?''

''যে তোমাকে গ্ৰুড়িটা দেখাবে, সে তো আমি। কত দিতে হবে সে অবশ্য আলাদা কথা।''

দ্বজনে তো দরাদরি শ্রের করল তখন। কৃষকের বেশী টাকা নেই শ্রেন, ব্র্ড়ো যতবার টাকা দ্বিগ্রণ হবে প্রতিবারে ১ র্বল ২০ কোপেক করে নিতে রাজী হল।

দ্বজনে তখন ঢুকল গভাঁর জঙ্গলে। বুড়ো অনেক খাঁজে পেতে কৃষককে নিয়ে এল ঝোপের ভেতর এক শেওলাধরা ফারগাছের গাঁড়ির সামনে। তারপর কৃষকের থলিটা নিয়ে গাঁজে দিল শেকড়গা্লির ভেতর। তারপর তারা একশো পর্যন্তি গা্নল। অনেকক্ষণ ধরে খাঁজবার পর থালিটা বের করে কৃষককে ফিরিয়ে দিল বুড়ো।

কৃষক তো খুললে থালিটা। কি অবাক কাণ্ড, টাকাগ্নলো সত্যিই দ্বিগ্নণ হয়ে গেছে! কথামতো ১ র্বল আর ২০ কোপেক গ্ননে বের করে নিয়ে, সে ব্যুড়াকে আবার রাখতে বলল ওটা।

আবার তারা একশো পর্যন্ত গ্ননল। আবার সেই ব্রুড়ো খ্রুজে বার করল থালিটা। আবারও ঘটল সেই অন্তুত ব্যাপারটা, টাকাগ্রুলো সব দ্বিগ্রণ হয়ে গেছে। আবার সেই চুক্তিমতো ব্রুড়োকে সে দিল ১ র্বল আর ২০ কোপেক।

তারপর তৃতীয়বার তারা থলিটাকে ল, কিয়ে রাখল। এবারও টাকাটা দ্বিগ্র হল। কিন্তু ব্রুড়োকে তার ১ র্বল ২০ কোপেক দেবার পর এবার আর কিছ্ই থাকল না থলিতে। এভাবে সব টাকা হারাল গরিব লোকটা। দ্বিগ্র করে নেবার মতো আর টাকা যখন রইল না, মাথা হে°ট করে চলে গেল সে।

রহস্যটা অবশ্য ব্ঝতে পারছ সবাই। ব্রুড়া তো আর থলিটা খ্রুজে বের করতে শ্ব্যু শ্ব্যু দেরি করে নি। কিন্তু আমি তোমাদের কাছে জিজ্ঞেস করব আর একটা প্রশ্ন। বল তো কৃষকের কাছে প্রথমে কত ছিল?''

১০. ডিসেম্বরের ধাঁধা

পরের জন শ্রের্ করল, ''শোনো ভাই তোমরা। আমি অঙ্কটঙ্ক জানি না। আমি হচ্ছি ভাষাতত্ত্বের লোক। আমার কাছে অঙ্কের ধাঁধা শ্বনতে চেও না কিন্তু। আমি জিজ্ঞেস করব আর এক ধরনের প্রশ্ন। আমার কাজকর্মের সঙ্গেই তার সম্পর্ক। এটা হল ক্যালেন্ডারের ব্যাপার।''

''বল, ব**ল**।''

''ভিসেম্বর হল বছরের বারো নম্বরের মাস। ঐ নামটার আসল অর্থ কি জানো? কথাটা আসছে গ্রীক 'ডেকা' শব্দ থেকে, যার অর্থ হল দশ। যেমন 'ডেকালিটার' শব্দের অর্থ দশ লিটার, 'ভিকেড' মানে হল দশ বছর, এইরকম। তাহলে ভিসেম্বরেরও হওয়া উচিত দশ নম্বরের মাস। কিন্তু তা তো নয়। কেন, তা বলতে পার ব্রিয়ের?''

১১. অঙ্কের খেলা

''আমি তোমাদের দেখাব একটা অঙ্কের ম্যাজিক, তোমাদের ব্যাখ্যা করে ব্রিয়ের দিতে হবে এটা। তোমাদের মধ্যে একজন — আচ্ছা প্রফেসর, আপনিই একটা তিন-সংখ্যাওয়ালা অঙক লিখ্ন না। কী লিখলেন তা কিন্তু বলবেন না আমাকে।''

- · 'অঙ্কটার ভেতর শূন্য দেওয়া চলবে তো?''
- ''কোন আপত্তি নেই। তিন-সংখ্যার যেকোন অধ্ক লিখতে পারেন।'' ''বেশ, এই লিখলাম। এরপর কী করতে হবে?''
- ''ঐ সংখ্যাকেই আবার আপনার সংখ্যাটার পাশে বসান। তাহলে এবার একটা ছয়-সংখ্যার অঞ্চ পেলেন।''
 - ''ঠিক।''

''এবার কাগজটা আপনার পাশের ছেলেটিকে দিয়ে দিন। তাহলে ওটা আমার কাছ থেকে আরও দ্রের চলে গেল। এবার ওকে ছয়-সংখ্যার অংকটাকে সাত দিয়ে ভাগ করতে বল্ন।''

- ''খ্ব তো বলছেন; যদি ভাগ না করা যায়?''
- ''যাবে, যাবে, ঘাবড়ে যাচ্ছেন কেন?''
- সংখ্যাটা না জেনেই এত নিশ্চিন্ত হয়ে কথা বলছেন কী করে?''
- ''ভাগটা তো করে ফেল, তারপর কথা বল।''
- ''ঠিক বলেছ, ভাগ মিলে গেছে।''

''এখন অঙ্কের ফলটা পাশের ছেলেটিকে পেণছে দাও। আমাকে বোলো না কিন্তু। ও এটাকে ভাগ কর্ত্ব ১১ দিয়ে।''

''ভাবছ, এবারও আগের মতোই হবে?''

''আরে, অঙ্কটা তো কর। দেখো কোন ভাগশেষই থাকবে না।''

''এবারও ঠিকই বলেছ। এরপর?''

''উত্তরটাকে আবার চালান করে দাও, এবার এটাকে ভাগ করা হোক... ধর ১৩ দিয়ে।''

''তোমার পছন্দটা ভাল হল না। খ্ব কম সংখ্যাই আছে যাকে ১৩ দিয়ে ভাগ করা চলে। না, কপাল ভাল তোমার, এটা তো মিলে গেছে!' ''এখন কাগজটা দাও আমাকে; হ্যাঁ, ভাঁজ করেই দাও যাতে দেখতে না পাই আমি।''

কাগজটাকে না খুলেই ছেলেটি এটা দিল অধ্যাপকের হাতে।

''এই তো আপনার সেই সংখ্যাটা, ঠিক বলি নি!''

''একেবারে ঠিক,'' আশ্চর্য হয়ে গেলেন অধ্যাপক, ''এই সংখ্যাটাই তো লিখেছিলাম আমি... সব্বাইয়ের পালাই শেষ হয়েছে তো, আর ব্যুটিটাও থেমেছে। চল তবে বেরিয়ে পড়া যাক। রাত্রিবেলাতেই খাবার পর সব উত্তর জানা যাবে। তোমাদের সকলের উত্তর লেখা কাগজের টুকরোগ্নলো আমাকে জমা দিতে পার।''

১—১১ নম্বর ধাঁধার উত্তর

- **১.** কাঠবিড়ালীর ধাঁধাটা আগেই সমাধান হয়েছে, স্বতরাং পরের প্রশনগর্লোর জবাব দিচ্ছি।
- ২. প্রথম প্রশ্নটার উত্তর খ্ব সহজেই দেওয়া যায়: প্রথম তিন মাসে পাঁচটি চক্র মোট কতবার একই দিনে বৈঠক করেছিল (১ জান্য়ারি বাদে) এটা বের করা যেতে পারে ২, ৩, ৪, ৫ ও ৬-এর ল.সা.গ্র্বার করলে। এটা তো কঠিন কিছ্ব নয়। ল.সা.গ্র্হল ৬০। তাহলে পাঁচটি চক্রেরই আবার একসঙ্গে বৈঠক হবে ৬১তম দিনে ফিটারের কাজ শেখার চক্রের অধিবেশন হল তিরিশের দ্বিগ্রণ দিনের ব্যবধানে, কাঠের কাজ শেখার চক্রের বৈঠক বসল ২০টা তিন-দিনের ব্যবধানে, ফোটোগ্রাফি শেখার চক্রের ১৫টা চার-দিন অন্তর, দাবা খেলোয়াড্রা ১২টা পাঁচ-দিন পরপর আর সমবেত

সঙ্গীত শেখার চক্রের প্রতি ছ'-দিনের দিন ১০ বার। তার মানে হল, কেবল ৬০ দিনের মাথায় তারা সবাই একই দিনে বসতে পারছে। আর, প্রথম তিন মাসে আছে ৯০ দিন, তাহলে তারা সবাই প্রথমবার ছাড়া আর একবারই মাত্র একসঙ্গে মিলতে পারছে।

দ্বিতীয় প্রশ্নটা এর চেয়ে একটু বেশী কঠিন: প্রথম তিন মাসে মোট কতদিন কোনো দলেরই কোনও বৈঠক হয় নি? এটা বের করতে হলে ১ থেকে ৯০ পর্যন্ত সবকটি সংখ্যা লিখতে হবে, তা থেকে ফিটারের কাজ শেখার চক্রের অধিবেশনের দিনগর্লো কেটে বাদ দাও, যেমন ১, ৩, ৫, ৭, ৯... এইরকম। তারপর বাদ দাও কাঠের কাজ শেখার চক্রের বৈঠকের দিনগর্লি: যেমন ৪, ১০ ইত্যাদি। ফোটোগ্রাফি শেখার চক্র, দাবা খেলোয়াড়, সমবেত সঙ্গীত শেখার চক্রের মেলবার দিনগর্নাও যখন বাদ দেওয়া হয়ে যাবে, তখন বাকি দিনগর্বলাই হবে সেই দিন যাতে কোনো দলেরই বৈঠক হবে না।

এটা করলেই দেখতে পাবে জান্মারিতে আট দিন, যেমন ২, ৮, ১২, ১৪, ১৮, ২০, ২৪ আর ৩০, ফেব্রুয়ারিতে সাত দিন আর মার্চে নয় দিন, মোট হবে ২৪ দিন।

- তারা দ্ব'জনেই সমান সংখ্যার পথিকদের গ্বনতি করেছিল। দরজায় যে দাঁড়িয়েছিল সে গ্বনেছিল যারা আসা-যাওয়া করছিল তাদের। যে পায়চারী করছিল সে রাস্তা দিয়ে যাদের আসতে দেখেছিল, তাদের সংখ্যা ছিল যাদের যেতে দেখেছিল তাদের দ্বিগ্বণ।
- প্রথমে মনে হতে পারে যে ধাঁধাটা বলতে হয়ত ভুল হয়েছে নাতি আর
 ঠাকুর্দা দ্ব'জনের বয়সই সমান! শিগগিরই দেখতে পাবে কিচ্ছ্ব ভুল নেই
 ধাঁধাটায়।

এটা তো পরিষ্কার যে নাতির জন্ম হয়েছিল বিংশ শতাব্দীতে। তাই, তার জন্মসালের প্রথম দ্বটো সংখ্যা হল ১৯ (শতকের ঘরের সংখ্যা)। অন্য দ্বটো সংখ্যাকে দ্বিগ্রণ করলে হয় ৩২। তাহলে সংখ্যাটা হল ১৬। নাতির জন্ম হয়েছিল ১৯১৬ সালে আর ১৯৩২ সালে তার বয়স হল ১৬ বছর।

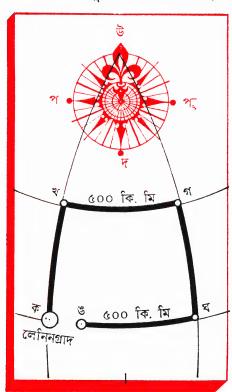
তাহলে ঠাকুর্দা নিশ্চয়ই জন্মেছিলেন উনবিংশ শতাব্দীতে। সেইজন্য তাঁর জন্মসালের প্রথম দ্বটো সংখ্যা হল ১৮। বাকি সংখ্যা দ্বটোকে দ্বিগ্র্ণ করলে হবে ১৩২-এর সমান। তাহলে আমাদের সংখ্যাটা হল ১৩২-এর অর্ধেক, অর্থাৎ ৬৬। ঠাকুদা জন্মেছিলেন ১৮৬৬ সালে, আর ১৯৩২ সালে তাঁর বয়স দাঁড়াল ৬৬ বছর।

তাহলেই ১৯৩২ সালে নাতি আর ঠাকুর্দা দ্বজনের বয়সই তাদের জন্মসালের শেষ দ্বটো সংখ্যার সমান ছিল।

৫. ২৫টা স্টেশনের প্রতিটা থেকেই যাত্রীরা বাকি ২৪টা স্টেশনের যেকোনটার টিকিট কিনতে পারে। তাহলে যত বিভিন্ন ধরনের টিকিট দরকার হয় তাদের সংখ্যা হল ২৫ × ২৪ = ৬০০।

আর যাত্রীরা যদি ফিরতি টিকিটও কাটে (অর্থাৎ দ্'দিকেরই) তাহলে টিকিটের ধরনের সংখ্যা হবে ২ × ৬০০, অর্থাৎ ১২০০।

৬. কিচ্ছ, গোলমেলে কথা নেই এ ধাঁধাটায়। হেলিকণ্টারটা তো আর একটা



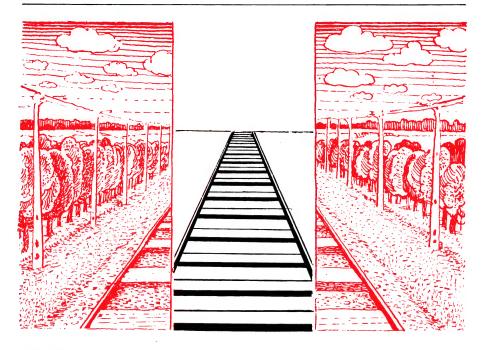
২ নং ছবি

বর্গক্ষেত্রের সীমানা ধরে উড়ে যায় নি!
এটা খেয়াল করতে হবে যে প্রথিবীটা
হল গোল আর দ্রাঘিমা রেখাগ্রলো সব
মের্তে গিয়ে একসঙ্গে মিশে যায়
(২ নং ছবি)। তাহলে লেনিনগ্রাদের
অক্ষাংশের ৫০০ কিলোমিটার উত্তরের
অক্ষাংশ বরাবর প্রবিদকে যাবার সময়
হেলিকপ্টারটাকে যত পথ পার হতে
হয়েছে তা লেনিনগ্রাদের অক্ষাংশ ধরে
ফিরে আসবার পথের চেয়ে কম।
ফলে লেনিনগ্রাদের প্রবিদিকেই
হেলিকপ্টারের পাল্লা শেষ হয়েছিল।

কথা হচ্ছে, কত কিলোমিটার দ্রে? সে তো হিসেব কষেই বের করা যায়। ২ নং ছবিতে হেলিকপ্টারের পথটা ক খ গ ঘ ঙ দিয়ে দেখানে হয়েছে। উ হল উত্তর মের্, এখানে ক খ আর ঘ গ দ্রাঘিমা এসে মিশছে। হেলিকপ্টারটা প্রথমে গিয়েছিল ৫০০ কিলোমিটার উত্তরে তার মানে ক উ দ্রাঘিমাধরে এগিয়েছিল। এখন দ্রাঘিমার

ওপরে প্রতি ডিগ্রিতে হয় ১১১ কিলোমিটার: তাহলে ৫০০ কিলোমিটার লম্বা ব্ত্তচাপে হবে $600:555\approx 8^{\circ}00'$ । লেনিনগ্রাদ হল ৬০ অক্ষাংশে। তাহলে খ-র অক্ষাংশ দাঁড়াচ্ছে ৬০°+৪°৩০′=৬৪°৩০′। হেলিকপ্টারটা এরপর উড়ে গিয়েছিল পূর্বদিকে, তার মানে খ গ অক্ষাংশ ধরে ৫০০ কিলোমিটার এগিয়েছিল। এই অক্ষাংশে (৬৪°৩০') প্রতি ডিগ্রির (দ্রাঘিমার) দরেত্ব হিসেব করে বের করা যায় (তৈরি করা ছক থেকেও পাওয়া যেতে পারে) — এটা হল ৪৮ কিলোমিটারের সমান। এখন প্রবাদকে হেলিকপ্টারটাকে মোট কত ডিগ্রি পথ পেরোতে হয়েছিল তার হিসেবটা সোজা হয়ে যাচ্ছে - ৫০০ : ৪৮ pprox ১০°২৪'। হেলিকপ্টারটা এগোলে দক্ষিণে, অর্থাৎ গ घ দ্রাঘিমা ধরে। এভাবে ৫০০ কিলোমিটার পার হবার পর এসে পে'ছিল লেনিনগ্রাদের অক্ষাংশে — আর সেখান থেকেই আবার তার গতি হল পশ্চিমদিকে ঘ ক বরাবর। স্পন্টই দেখা যাচ্ছে এখানে ৫০০ কিলোমিটার পথ क আর ঘ-র দ্রুত্বের চেয়ে ছোট। এখন ক ঘ আর খ গ দু'জায়গাতেই ডিগ্রির (দ্রাঘিমার) পরিমাণ সমান, অর্থাং ১০°২৪'। ৬০° অক্ষাংশে ১° (দ্রাঘিমার) দৈঘ্য হল প্রায় ৫৫.৫ কিলোমিটার। তাহলে ক থেকে ঘ-র দূরেত্ব হল ৫৫.৫ \times ১০ $^{\circ}$ ২৪'pprox৫৭৭ কিলোমিটারের সমান। তাহলেই দেখা যাচ্ছে যে হেলিকপ্টারটা লেনিনগ্রাদের কাছাকাছিও নামতে পারে নি. নেমেছিল ৭৭ কিলোমিটার দূরে (পূর্বে), অর্থাৎ লাদোগা হদের ওপর।

এই ধাঁধাটা নিয়ে আলোচনা করতে গিয়ে আমাদের গলেপর সবাই অনেক ভুল করেছিল। স্থের রিশম পাখার মতোই ছড়িয়ে পড়ে — কথাটা কিন্তু ঠিক নয়। দ্রত্বের তুলনায় প্থিবী স্থ থেকে এত ছোট যে স্থের রিশম প্থিবীর যেখানেই পড়্ক না কেন একটার সঙ্গে আর একটা যে একটু কোনাকুনিভাবে আছে তা প্রায় ধরাই যায় না। সত্যি বলতে কি রিশমগ্রিকে একরকম সমান্তরালই বলা চলে। আমরা অবশ্য অনেক সময় রিশমকে পাখার মতোই ছড়িয়ে পড়তে দেখি (য়েমন, স্থ যখন কোন মেঘের আড়ালে থাকে, ১ নং ছবি)। এগ্লো অবশ্য পরিপ্রেক্ষণের ব্যাপার ছাড়া আর কিছুই নয়।

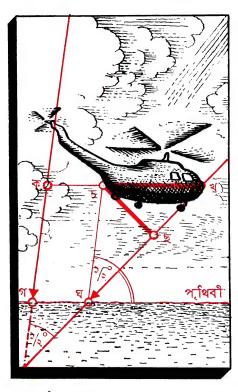


ত নং ছবি

কোনও বিন্দর থেকে দর্টো সমান্তরাল রেখাকে বাড়িয়ে গেলে মনে হবে যেন অনেক দর্বের একটা বিন্দর্তে মিশে যাচ্ছে তারা, যেমন রেলওয়ের লাইন (৩ নং ছবি), বা দর্থারে গাছের সারি দেওয়া লম্বা পথ।

কিন্তু স্বর্ধের কিরণ মাটিতে সমান্তরাল হয়ে পড়ে মানেই এ নয় যে হেলিকণ্টারের নিখ্ত ছায়াটাও হেলিকণ্টারটার সমানই লম্বা হবে। ৪ নং ছবিতে দেখা যাচ্ছে যে হেলিকণ্টারের নিখ্ত ছায়াটা শ্নের মধ্য দিয়ে প্থিবীর ওপরে পেণছবার পথে ছোট হয়ে আসে। ফলে হেলিকণ্টারের যে ছায়াটা পড়ে তা তার নিজের চাইতে ছোট — গ ঘ যেমন ক খ-র চাইতে ছোট হয়েছে।

দৈর্ঘ্যের এই তফাতটা কিন্তু হিসেব করে বের করে ফেলা যায়। অবশ্য তা করতে হলে হেলিকণ্টারটা কত উণ্চুতে উড়ছে সেটা জানতে হবে। ধরে নেওয়া যাক ওটা উড়ছে ১০০ মিটার ওপরে। এখন ক গ



৪ নং ছবি

আর খ ঘ রেখার ভেতরে যে কোণটা তৈরি হয়েছে সেটা প্রথিবী থেকে যতটা কোণের ভেতর সূর্যকে দেখা যায় তারই সমান। আমরা জানি সেটা হল ১/২°-র সমান। আবার এটাও জানা আছে যে, যে জিনিসটাকে $5/2^\circ$ কোণের ভেতরে দেখা যায়, যে দেখছে তার থেকে সেটার দ্রেত্ব হয় সেই জিনিস্টার ব্যাসের ১১৫ গুণ। তাহলে, চ ছ অংশটা (যা প্রথিবীর উপরিভাগ থেকে ১/২° কোণে দেখা যায়) হল **ক গ**-র ১/১১৫ অংশ। ক থেকে সোজাস্কাজি প্রথিবীর দূরত্ব যতটা (লম্ব দূরেত্ব) ক গ রেখা তার চেয়ে লম্বায় বড। এখন, সূর্যের কিরণ পূথিবীর মাটিতে যদি কোনাকুনিভাবে পড়ে, তাহলে ক গ (হেলিকপ্টারের উচ্চতা ১০০ মিটার, তা তো দেওয়াই আছে) হল প্রায় ১৪০ মিটার লম্বা। কাজেকাজেই চ ছ অংশটা ১৪০ : ১১৫ = ১ · ২ মিটারের সমান।

তাহলেই, হেলিকপ্টার আর ছায়ার ভেতরে তফাতটা — অর্থাৎ $\mathbf{5}$ খ $\mathbf{5}$ ছ-এর চাইতে বড় (ঠিক ঠিক বলতে গেলে $\mathbf{5} \cdot \mathbf{8}$ গুন্) কারণ $\mathbf{5}$ খ ব কোণ প্রায় ৪৫°-র সমান। এইভাবে $\mathbf{5}$ খ হল $\mathbf{5} \cdot \mathbf{2} \times \mathbf{5} \cdot \mathbf{8}$ -এর সমান, অর্থাৎ প্রায় $\mathbf{5} \cdot \mathbf{9}$ মিটার।

এ সমস্ত হিসেব কিন্তু পরিষ্কার, কালো আর ছায়ার নিখ;ত বেলায়ই খাটবে; অন্পন্থ, ঝাপসা প্রচ্ছায়ার বেলায় খাটবে না।

এই হিসেবের ফাঁকে কিন্তু আরও একটা জিনিস পাওয়া গেল: হেলিকপ্টারের বদলে যদি ১-৭ মিটার ব্যাসপ্তয়ালা একটা বেলনুন থাকত, তাহলে নিখ্বত কোন ছায়া পাওয়া যেত না। আমরা শ্ব্ব একটা ঝাপসা প্রচ্ছায়া দেখতে পেতাম।

৮. এ ধাঁধাটার সমাধান করতে হলে উল্টো দিক থেকে শ্রের্ করতে হবে। দেশলাই কাঠিগ্রলিকে শেষবারের মতো চালান করে দেবার পর সবকটা ভাগেই কাঠির সংখ্যা সমান সমান হয়েছিল — এইখান থেকেই আমাদের হিসেব শ্রের্ করতে হবে। এখন এই সাজানোর সময় দেশলাই কাঠির মোট সংখ্যা (৪৮) তো আর পরিবর্তন হয় নি তাই প্রতিভাগে মোট ১৬টা করেই কাঠি ছিল।

তাহলে, সবশেষে আমরা যা পেয়েছিলাম, তা হল:

প্রথম ভাগ দিতীয় ভাগ তৃতীয় ভাগ ১৬ ১৬ ১৬

ঠিক এর আগেই প্রথম ভাগের সঙ্গে আমরা সমান সংখ্যার কাঠি যোগ করেছিলাম। তার মানেই হল প্রথম ভাগে কাঠি এনে নিখ্ত দেবার পর সংখ্যাটা দ্বিগন্থ হয়েছে। তাহলে শেষবারের মতো সাজিয়ে রাখার আগে প্রথম ভাগে ছিল মাত্র ৮টা কাঠি। আর তৃতীয় ভাগে, যেখান থেকে এই ৮টা কাঠি নিয়েছিলাম সেখানে ছিল: ১৬ + ৮ = ২৪।

এখন তাহলে ভাগগ্নলোর সংখ্যা দাঁড়াচ্ছে:

প্রথম ভাগ দিতীয় ভাগ তৃতীয় ভাগ ৮ ১৬ ২৪

এরপর আবার আমরা জানি যে তৃতীয় ভাগে যত কাঠি ছিল দ্বিতীয় ভাগ থেকে সেই সংখ্যার কাঠি নিয়েছিলাম আমরা। তার মানে হল আগের সংখ্যাকে দ্বিগ্নণ করে ২৪ হয়েছে। তাহলে প্রথম বার সাজানোর পর আমাদের ভাগগ্নলোতে কতগ্নলি করে কাঠি ছিল, তা পাওয়া যাচ্ছে:

এখন তো পরিষ্কার হয়ে গেল যে, প্রথম বার সাজানোর আগে (অর্থাৎ প্রথম থাক থেকে দ্বিতীয় থাকের সমান সংখ্যার কাঠি নিয়ে তাতে যোগ করার আগে) প্রতি থাকে দেশলাই কাঠির যে সংখ্যাটা ছিল, তা হল: প্রথম ভাগ দ্বিতীয় ভাগ তৃতীয় ভাগ ২২ ১৪ ১২

৯. এ ধাঁধাটাকেও উল্টো দিক থেকে সমাধান করা সহজ হবে। ব্যাপার হল, যথন টাকাটাকে তৃতীয় বারের মতো দ্বিগ্রণ করা হল, তথন থলেটায় ছিল ১ র্বল ২০ কোপেক (শেষবারে এই টাকাটা পেয়েছিল ব্র্ড়ো)। এর আগে তাহলে থলেটায় কত ছিল? ছিল ৬০ কোপেক। এই টাকাটাই তাহলে ব্র্ড়োকে দ্বিতীয় বারের র্বল আর ২০ কোপেক মিটিয়ে দেবার পর ছিল কৃষকের কাছে। তাহলে টাকাটা দেবার আগে ছিল: ১·২০+ ০·৬০=১·৮০।

আবার: ১ র্বল ৮০ কোপেক দাঁড়িয়েছিল টাকাটাকে দ্বিতীয় বার দ্বিগ্ণ করার পর। তার আগে ছিল ৯০ কোপেক মাত্র। তার মানে ব্র্ড়োকে প্রথম বারের র্বল আর ২০ কোপেক মিটিয়ে দেবার পর এই টাকাটাই অবশিষ্ট ছিল। তাহলে, প্রথম বারে টাকা দেবার আগে থলেটায় ছিল ০ ৯০ + ১ ২০ = ২ ১০। আর এটা হল প্রথম বারে দ্বিগ্ণ করার পর। সবচেয়ে প্রথমে তাহলে ছিল এরও অর্থেক অথবা ১ র্বল ৫ কোপেক। এই টাকাটা নিয়েই কৃষক তাড়াতাড়ি বড় লোক হবার নিষ্ফল কারবারে নেমেছিল।

উত্তরটাকে একটু মিলিয়ে দেখা যাক:

থলের ভেতর যে ট্রকাটা ছিল:

প্রথম	বার	দ্বিগ ্ ণ করার	পর					5·0¢ × ₹ = ₹·50
প্রথম	বার	টাকা মেটাবার	পর					$3 \cdot 30 - 3 \cdot 30 = 0 \cdot 30$
দিতীয়	বার	দ্বিগ ্ ণ করার	পর					0.90 × 3 = 3.50
দ্বিতীয়	বার	টাকা মে টাবার	পর					$5 \cdot 60 - 5 \cdot 50 = 0 \cdot 60$
								$0.60 \times 2 = 5.20$
তৃতীয়	বার	ট:কা মেটাবার	প	র				$. 3 \cdot 30 - 3 \cdot 30 = 0$

১০. আমাদের ক্যালেন্ডার এসেছে প্রনো রোমানদের কাছ থেকে। তাঁরা জর্নারাস সিজারের আগে পর্যন্ত বছর শ্রুর্ করতেন মার্চ মাস থেকে। তখন ডিসেম্বর ছিল দশম মাস। যখন নববর্ষ ১ জান্রারি থেকে শ্রুর্ করা হল মাসের নামগ্রোকে কিন্তু আর পরিবর্তন করা হল না। এই জন্যই কোন মাসের সংখ্যা আর তাদের নামের অথে অমিল রয়ে গেছে।

মাস	অথ ⁴	অৰস্থান
সে প্টেম্বর	সেপ্টেম = সাত	৯ম
অক্টোবর	অক্টো = আট	১০ম
নভেশ্বর	নভেম = নয়	22×1
ডিসে শ্বর	ডেকা = দশ	১২শ

১১. প্রথম সংখ্যাটা থেকে কা দাঁড়াল দেখা যাক। শ্রন্তে সংখ্যাটার পাশে ঠিক ঐ সংখ্যাটাই লেখা হল। তার মানেই হল সংখ্যাটাকে ১০০০ দিয়ে গ্রেণ করে তার সঙ্গে প্রথম সংখ্যাটা যোগ করলে যা হয় তাই, যেমন:

তাহলে এটা পরিষ্কার হল যে আমরা আসলে প্রথম সংখ্যাটাকে ১০০১ দিয়ে গ্রন্থ করেছি। তারপর এটাকে পরপর ৭, ১১ আর ১৩ দিয়ে ভাগ করেছি, অথবা ৭ \times ১১ \times ১৩, অর্থাৎ ১০০১ দিয়ে ভাগ করেছি — তাই না?

তাহলে, আমরা প্রথমে সংখ্যাটাকে ১০০১ দিয়ে গুন্ করেছি, পরে সেটাকে ১০০১ দিয়ে ভাগ করেছি। জলবং তরলং নয় কি?

* * *

ছুটির দিনের ধাঁধার পরিচ্ছেদ শেষ করার আগে, তোমাদের আর্রও তিনটে অঙ্কের খেলা বলে দিচ্ছি। এগালো তোমাদের বন্ধদের দিতে পার। এর ভেতর দ্বটোতে তোমাদের মনে মনে সংখ্যা বের করতে হবে, আর তৃতীয়টাতে কটা জিনিসের মালিক কে, বের করতে হবে।

এই ধাঁধাগন্বলা বহন্দিনের প্রেরনো বোধ হয়, তোমরা বেশ জানও এগন্বলা। কিন্তু এই ধাঁধাগন্বলার ভিত্তি সবাই জানে কিনা, তা ঠিক বলতে পারি না। আর অঞ্কের খেলায় তার তত্ত্বের ভিত্তিটা না জানলে, তা সমাধান করা সম্ভব হবে না তোমাদের পক্ষে। প্রথম দ্বটোর ব্যাখ্যা ব্রুতে হলে বীজগণিতে একেবারে প্রথম দিকের একটু জ্ঞান দরকার হবে।

১২. হারানো সংখ্যা

তোমার বন্ধুদের কয়েকটা অধ্কওয়ালা একটা সংখ্যা লিখতে বল। কিন্তু শেষের অধ্ক শ্না হলে চলবে না। ধর সংখ্যাটা হল ৮৪৭। তাকে সংখ্যার তিনটে অধ্ককে পাশাপাশি যোগ করে, যোগফল সংখ্যাটা থেকে বিয়োগ দিতে বল। তাহলে ফলটা দাঁড়াবে:

এই সংখ্যা থেকে যেকোন একটি বাদ দিয়ে বাকি দুটো তাকে বলওে বল। এখন যদিও তোমার আসল অঙ্কটা বা সংখ্যাটার কিছুই জানা নেই তব্যু তাকে অঙ্কটা বলে দিতে পারবে।

এটা কি করে ব্যাখ্যা করা যায় বল তো?

ব্যাপারটা খ্বই সহজ। তোমাকে যেটা করতে হবে তা হল: তোমার জানা দ্বটো অঙকর সঙ্গে এমন একটা অঙক যোগ করতে হবে, যার সবচেয়ে কাছের সংখ্যাটা ৯ দিয়ে ভাগ দিলে মিলে যায়। উদাহরণ দিচ্ছি: যদি ৮২৮-এর ভেতর সে প্রথম অঙক (৮) বাদ দিয়ে, অন্য দ্বটো অঙক (২ আর ৮) তোমাকে বলে, তাহলে তুমি সে দ্বটোকে যোগ করে পেলে ১০। ১০-এর পর সবচেয়ে প্রথমে যে সংখ্যাটা ৯ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যায় তা হল ১৮। তাহলে সেই হারানো সংখ্যাটা হল ৮।

সেটা আবার কি করে হয়? সংখ্যাটা যাই হোক না কেন, তা থেকে অঙকগ্নলোর যোগফল বিয়োগ করলে ফলটা সবসময়ই ৯ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যাবে। আচ্ছা, শতকের ঘরের অঙকটাকে ধরি প. দশকের ঘরে ধরলাম ফ, আর ব ধরলাম এককের কোঠায়। তাহলে এগ্নলো দিয়ে প্ররো সংখ্যাটা হল:

এই সংখ্যা থেকে অধ্কগ্নলোর মোট যোগফল প + ফ + ব বিয়োগ দিলে আমরা পাচ্ছি:

 $5009 + 50\overline{v} + \overline{d} - (9 + \overline{v} + \overline{d}) = 559 + 5\overline{v} = 5(559 + \overline{v})$

কিন্তু ৯(১১প + ফ)-কে ৯ দিয়ে ভাগ করলে নিশ্চয়ই মিলে যাবে। তাহলে, কোনো সংখ্যা থেকে তার অঙ্কগ্র্লোর যোগফল বিয়োগ করলে ফলটা সবসময়ই ৯ দিয়ে বিভাজ্য হবে। এমন হতে পারে, যে দ্টো অংক বলে দেৰে তাদের যোগফলই ৯ দিরে ভাগ যার (যেমন ৪ আর ৫)। তাহলে দেখা যাচ্ছে, যে অংকটা তোমার বন্ধ বাদ দিয়েছে তা হয় ০ অথবা ৯। সেসব জায়গায় তোমাকে বলতে হবে যে, লুপ্ত সংখ্যাটা হল ০ অথবা ৯।

এই খেলাটাই অন্য আর একভাবে খেলা চলে: আসল সংখ্যা থেকে অঙকগ্লোর যোগফল বিয়োগ দেওয়ার বদলে তোমার বন্ধুকে ঐ অঙকগ্লোকেই ইচ্ছেমতো অন্যভাবে সাজিয়ে বিয়োগ দিতে বল। একটা উদাহরণ ধরা যাক। যদি সে সংখ্যাটা লেখে ৮২৪৭, তাহলে ২৭৪৮ বিয়োগ করতে পারে (নতুন করে সাজিয়ে সংখ্যাটা যদি প্রথম সংখ্যাটা থেকে বড় হয়ে যায় তবে প্রথমটাকেই বিয়োগ দাও)। বাকিটা আগের মতোই করতে হবে: ৮২৪৭ — ২৭৪৮ = ৫৪৯৯। এ থেকে বাদ দেওয়া অঙকটা যদি হয় ৪, তবে অন্য অঙক তিনটে জেনে নিয়ে যোগ দিলে পাওয়া যাবে ২৩। এর সবচেয়ে কাছাকাছি যে সংখ্যাটা ৯ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যায় তা হল ২৭। তাহলে লম্প্ত অঙকটা হল ২৭ — ২৩ = ৪।

১৩. কার কাছে আছে?

এই বৃদ্ধির খেলায় পকেটে রাখা চলে এমন তিনটে জিনিস দরকার। একটা পেন্সিল, একটা চাবি, আর একটা কলম-কাটা ছ্ব্রিতেই তা বেশ চলতে পারে। এসব বাদে, একটা প্লেটে ২৪টা বাদাম টেবিলের ওপর রেখে দাও। দাবা বা পাশার ঘ্র্টি অথবা দেশলাইয়ের কাঠি দিয়েও কার্জিট বেশ চলতে পারে।

এই সমস্ত যোগাড়যন্তর শেষ করে, তোমার তিন বন্ধ্র প্রত্যেককে বল ঐ তিনটে জিনিস থেকে একটা করে নিয়ে পকেটে রাখতে। একজন নেবে পেন্সিল, দ্বিতীয় জন চাবিটা আর তৃতীয় জন কলম-কাটা ছুরি। ওরা এসব করার সময় তুমি কিন্তু সেখানে থাকবে না। তারপর ঘরে ফিরে এসে তৃমি ঠিকঠিক বুঝে ফেল কোনটা কার কাছে আছে।

এই ব্বে ফেলার নিয়মটা বলি এবার: তুমি ফিরে আসবার পর (অর্থাৎ সকলে যখন জিনিসগ্বলো ল্বিকিয়ে ফেলেছে) ওদের কাছে কিছু বাদাম রাখতে দাও — প্রথম বন্ধকে দাও একটা, দ্বিতীয় জনকে দ্বটো আর তৃতীয়কে তিনটে। তারপর ওদের এইভাবে আরও কিছু বাদাম নিতে বলে আবার সে ঘর ছেড়ে চলে যাও — যে পেন্সিল নিয়েছে তাকে নিতে হবে সে যতটা পেরেছিল ঠিক ততটা, যে চাবি নিয়েছে সে নেবে তাকে যতটা

বাদাম দেওয়া হয়েছিল তার দ্বিগন্ন, আর যে কলম-কাটা ছারি নিয়েছিল তাকে নিতে হবে সে ফতটা পেয়েছিল তার চারগান।

वाकिभः त्ला स्थ्रिएं रे थाकरव।

ঐভাবে নেওয়া হয়ে গেলে ওরা ভেতরে ডাকবে তোমাকে। তুমিও ভেতরে
ঢুকে, প্লেটটার দিকে একবার তাকিয়েই কোন বন্ধুর পকেটে কি রয়েছে
বলে দেবে।

এটা আরও তাঙ্জব খেলা, কারণ খেলাটা তুমি দেখাচ্ছ একেবারে একা, এমনিক কোন সহকারীও নেই, যে চুপে চুপে ইশারা করতে পারে তোমাকে। কিন্তু সত্যি বলতে কি এ ধাঁধাটায় কোন কায়দা-টায়দা নেই, সমস্তটাই হল হিসেবের ব্যাপার। প্লেটটায় কটা বাদাম আছে এটা দেখলেই ব্রুঝে নিতে হবে তোমাকে, কে কোনটা নিয়েছে। সাধারণত একটা থেকে সাতটা পর্যন্ত বাদাম পড়ে থাকে, এর বেশা বড় একটা থাকে না — আর এ কটা তো একনজরেই গ্রুণে ফেলতে পারবে। তাহলে কার কাছে কী আছে সেটা কিভাবে জানা যাবে?

ব্যাপারটা খ্রই সোজা। তিনটে জিনিসকে যত ভিন্ন ভিন্ন ভাবে রাখা যায়, তার প্রত্যেকটাতেই প্লেটের ওপর ভিন্ন ভিন্ন সংখ্যার বাদাম পড়ে থাকে। ব্যাপারটা কিভাবে হয় দেখাচ্ছি।

তোমার তিনজন বন্ধর নাম ধর দাম, দেব, জ্ঞার ফেল, অথবা ছোটু করে বলা যায়, 'দা', 'দে' আর 'ফে'। তিনটে জিনিসকে নাম দেওয়া হল এভাবে: পেন্সিলটা 'পে', চাবিটা 'চা' আর ছুরিটা 'ছু'। তিনটে জিনিস তিন বন্ধর ভেতর ছড়িয়ে দেওয়া যায় মোটমাট ছয়ভাবে:

मा	दम	ফে
পে	ठ ा	ছ্
পে	ছ্	চা
চা	পে	₹,
চা	ছ্	পে
ছ্,	পে	চা
ছ্	চা	পে
<u> </u>	1	1

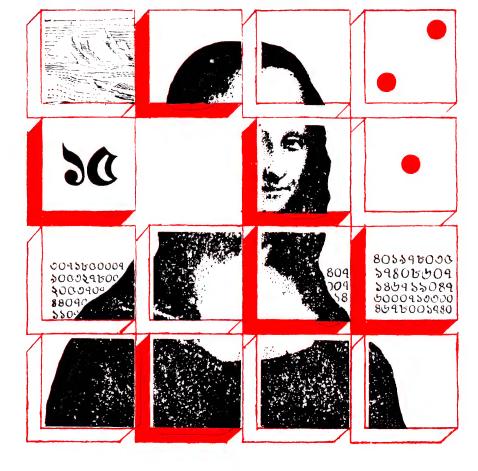
ওপরের ছকে মোট যে কয়টা ভাগ হওয়া সম্ভব তা দেখানো হয়েছে — এছাড়া আর কোনভাবেই ভাগ হওয়া সম্ভব নয়। এবার তাহলে দেখা যাক, এক এক ধরনে ভাগ করলে প্রতিবারে কটা করে বাদাম পড়ে থাকে।

দেখতে পাচ্ছ, সব বারেই আলাদা আলাদা সংখ্যক বাদাম পড়ে থাকছে। তাহলে, কত বাকি আছে দেখেই তুমি সহজে ঠিক করতে পারবে কার পকেটে কি আছে। তৃতীয় বারে আবার ঘর থেকে বের হবে, তোমার নোটবইটা দেখবে:

দা দে ফে	যে কটা বাদাম তারা নিয়েছে	মোট	কটা ব্যকি থাকে
পে চা ছ পে ছ চা চা পে ছ চা ছ পে ছ পে চা ছ চা পে	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 2 2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3)) <i>v</i> & & q

এর ভেতরে ওপরের ছকটা তুমি আগেই লিখে রেখেছ (সত্যি কথা বলতে কি, কেবল প্রথম আর শেষ সারিটাই তোমার দরকার হবে)। ছকটা মুখস্থ করে রাখা কঠিন। কিন্তু সত্যি বলতে কি তার কোনও দরকারই নেই। ছকটাই জানিয়ে দেবে কোথায় কোন জিনসটা আছে। উদাহরণ ধরা যাক, যদি প্লেটটায় পাঁচটা বাদাম পড়ে থাকে, তাহলে জিনিসগন্লো ছড়িয়ে আছে — 'চা' 'ছনু' 'পে' এইভাবে। তার মানে দামনুর কাছে চাবি, দেবনুর আছে ছনুরি, আর ফেলু নিয়েছে পেন্সিল।

র্যাদ ঠিকঠিক দেখাতে চাও, তাহলে তিন বন্ধুর কাকে কটা বাদাম দিয়েছিল তা মনে রাখতেই হবে (এটা করার সবচেয়ে ভালো উপায় হল বর্ণমালার অক্ষর অনুসারে দিয়ে যাওয়া, আর এখানে তাই-ই করেছি আমরা)।



(शला ८ जन्म

ডোমিনো

১৪. ২৮ ঘুটির সারি

ডোমিনো খেলার সব নিয়মকান্ত্রন মেনে, ২৮টা ঘ্রটিকে টানা সারিতে সাজাতে পার ?

১৫. এক সারির দুই মাথা

ডোমিনোর ২৮ ঘ্রাটির সারি শ্রের হচ্ছে পাঁচ ফোঁটার ঘ্রাটি দিয়ে। তাহলে শেষ হবে কত ফোঁটা ঘ্রাটিতে?

১৬, গজার খেলা ডোমিনো

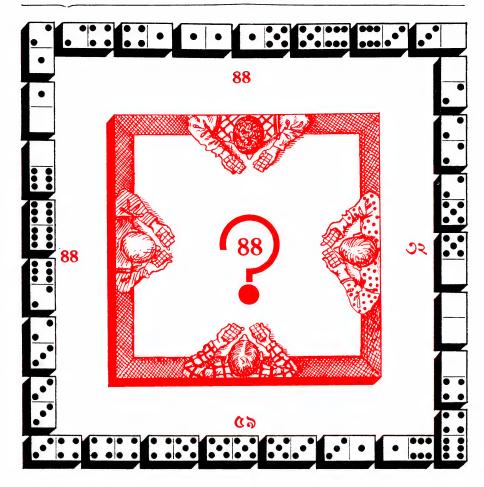
তোমার বন্ধ, ডোমিনোর একটা ঘ্রুটি নিয়ে নিল; বাকি থাকল ২৭টা। এই ২৭টা দিয়েই সে তোমাকে একটা সারি সাজাতে বলল। ও তো বেশ জোর দিয়েই বলে গেল যে, যে ঘ্রুটিটাই নেওয়া যাক না কেন সারি ঠিকই সাজানো যাবে। তারপর সে ঘর ছেডে চলে গেল।

তুমি ঘ্রুটিগ,লোকে সারিতে সাজিয়ে দেখলে যে তোমার বন্ধ ঠিকই বলেছে। আরও অবাক কাণ্ড: তোমার বন্ধ, সারিটা না দেখেই ওর দ্বই মাথার ঘ্রুটিতে কটা করে ফোঁটা আছে বলে দিল।

কিভাবে জানল বল তো? আর ২৭ ঘ্রিটিতেও যে সারি তৈরি করা চলবে তাতেই বা সে এত নিঃসন্দেহ হল কি করে?

১৭. একটি কাঠামো

৫ নং ছবিতে ডোমিনো ঘুটি দিয়ে তৈরি একটা চোকো কাঠামো আছে। খেলার নিয়মকান্ন সবই মানা হয়েছে এতে। কাঠামোর চারটে বাহ্, লম্বায় সমান; ফোঁটাগ্নলোর মোট সংখ্যা কিন্তু সমান নয়। বাঁদিকের বাহ্নতে আর মাথার দিকে মোট ৪৪টা করে ফোঁটা আছে। বাকি দ্টোতে আছে ৫৯ আর ৩২।



৫ নং ছবি। ডোমিনো কাঠামো।

এমন কোন সমান বাহনুওয়ালা চোকো কাঠামো তৈরি করতে পার, যাতে প্রতি বাহনুতেই ৪৪টা করে ফোঁটা থাকবে?

১৮. সাতটা ৰগক্ষেত্ৰ

৪টা ডোমিনো ঘ্রুটি দিয়ে এমন একটা বর্গ তৈরি করা যায়, যাতে চারপাশেই ফোঁটাগ্রুলোর সংখ্যা সমান হয়। (৬ নং ছবিতে এমনই একটা



৬ নং ছবি। ডোমিনো বগক্ষেত্র।

বর্গ দেখানো হয়েছে: তার প্রতি বাহ[ু]তে ১১ ফোঁটা আছে।)

২৮টা ডোমিনো ঘ্রুটির সেট থেকে এইরকম সাতটা বর্গ তৈরি করতে পার? সাতটা বর্গের সব বাহ্বগ্রলোতেই যে সমান সংখ্যার ফোঁটা রাখতে হবে তার কোনও মানে নেই, প্রত্যেক বর্গের নিজেদের বাহ্বর ভেতর সমান ফোঁটা থাকলেই চলবে।

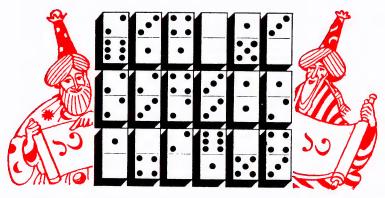
১৯. ৰাদ্যু-বগক্ষেত্ৰ

৭ নং ছবিতে ১৮টা ডোমিনো ঘ্রাটর একটা বর্গক্ষেত্র আছে। এর সবচেরে মজা হল উপর নীচে, পাশাপাশি বা কোনাকুনি, এর সব দিকের বাহ্বতেই ফোঁটা আছে ১৩টা। অনাদিকাল থেকে এই বর্গ গ্লোকে বলা হয় 'যাদ্ব-বর্গ ক্ষেত্র'।

১৮টা ঘ্বুটি দিয়ে আরও কয়েকটা যাদ্ব-বর্গক্ষেত্র তৈরি কর তো, অবশ্য ফোঁটার সংখ্যাগ্বলো আলাদা হবে। বাহ্বগ্র্নিতে ফোঁটার যোগফল ক্মপক্ষে হতে পারে ১৩. আর সবচেয়ে বেশী হতে পারে ২৩।

২০. ছোট থেকে বড় করে ডোমিনো ঘ্রুটি সাজানো

४ नः ছবিতে খেলার নিয়মকান্যুন মেনে ছয়টা ডোমিনো ঘুর্টি সাজানো



ৰ নং ছৰি। যাদ্ম-ৰগক্ষেত্ৰ।

আছে। প্রতি ঘ্র্রটিতে ফোঁটার সংখ্যা এক এক করে বেড়ে গেছে। যেমন, প্রথমটায় আছে চারটে, দ্বিতীয়টায় পাঁচটা, তৃতীয়টায় ছয়টা, চতুর্থতে সাতটা, পঞ্চমটায় আটটা আর ষণ্ঠটায় আছে নয়টা।

এভাবে সমান সমান সংখ্যায় পরপর বেড়ে গেলে অথবা কমে পেলে সেই সংখ্যার সারিকে বলা হয় 'পাটিগণিতের প্রগতি'। এখানে, প্রত্যেক সংখ্যা তার আগের সংখ্যা থেকে এক বেশী, কিন্তু এই 'তফাতটা' অন্যরকমও হতে পারে।

তোমাদের ছ'টা ঘ' টি দিয়ে আরও কয়েকটা এইরকম সারি বানাতে হবে।



৮ নং ছবি। ছোট থেকে বড় করে ভোমিনো ঘুটি সাজানো।

পনেরোর ধাঁধা

১ থেকে ১৫ পর্যন্ত ঘর্নিট সাজানো বিখ্যাত এক চ্যাপ্টা চৌকো বাক্সের গলপ খুবই চমংকার লাগবে তোমাদের, যদিও খুব কম খেলোয়াড়ই জানে এটা। জার্মানির গণিতজ্ঞ আর কুশলী ছক খেলোয়াড় (ড্রাফট্ খেলোয়াড়) ডব্লিউ. আহ্রেনস এ সম্পর্কে লিখেছিলেন:

''১৮৭০-এর দশকের শেষদিকে যুক্তরাণ্টে এক নতুন ধরনের খেলা চাল, হল, তার নাম 'পনেরোর ধাঁধা'। এর জন্প্রিয়তা এত দ্রুত ছড়িয়ে পড়ল চারদিকে যে অলপদিনেই সমাজের পক্ষে এটা একটা সত্যিকারের দূর্ঘটনার ব্যাপার হয়ে দাঁড়াল।

''বাতিকটা ইউরোপেও পে'ছি গেল। মান্য সব জায়গাতেই ধাঁধাগ্লো সমাধানের চেন্টা করতে লাগল। এমনকি যাত্রী-গাড়িতে বসে কেউ কেউ চেন্টা করছে এমনও দেখা যেতে লাগল। অফিসের কমাঁরা, দোকানের বিক্রেতারা ধাঁধা সমাধান করার চেন্টার এতই ডুবে থাকতে লাগল যে তাদের মালিকরা আর উপায় না দেখে কাজের সময় এই খেলা বন্ধ করে দিতে বাধ্য হল। ফিকিরবাজ লোকেরা এই উক্মন্ততার স্ব্যোগ নিয়ে বিরাট প্রিতিযোগিতার ব্যবস্থা করে ফেলল।

80



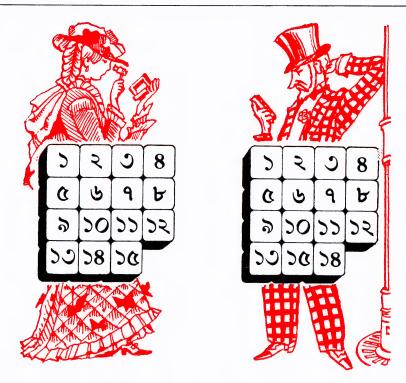
৯ নং ছবি। পনেরোর ধাঁধা।

"ধাঁধাটা জার্মানির রাইখ্স্টাগে পর্যন্ত এসে ঢুকল। বিখ্যাত ভৌগোলিক আর গণিতজ্ঞ সিগমন্ড গ্রন্থার এই সময় ছিলেন রাইখ্স্টাগের ডেপর্টি। তাঁর পাকাচুল সহক্মীদের তিনি এই সময় ছোট চৌকো বাক্সগ্লোর ওপর চিন্তামন্ন হয়ে ঝুঁকে বসে থাকতে দেখেছিলেন বলে সমরণ করেন।

"প্যারিসে এই খেলাটা হত ব্যুলভারের ওপর খোলা জায়গায়। খেলাটা রাজধানী থেকে মফস্বলে ছড়িয়ে পড়ল খ্ব অলপ সময়ে। এই পাগলামিটাকে একজন ফরাসী লেখক বর্ণনা করেছিলেন এভাবে: 'গ্রামগ্রুলোতে এমন কোন বাড়ি নেই খেখানে এই খেলা মাকড়শার মতো জাল বিস্তার করে নি।'

"১৮৮০ সালে বাতিকটা চরমে পেণছল। কিন্তু গণিতজ্ঞগণ অলপ সময়েই এই অত্যাচার ঠাণ্ডা করে দিলেন। তাঁরা প্রমাণ করলেন, যত ধাঁধা দেওয়া হয়ে থাকে তার অধেকিমাত্র সমাধান করা যেতে পারে। বাকিগ্ললোর সমাধানের কোনো সম্ভাবনাই নেই।

''হাজার চেণ্টা করেও কতকগুলো ধাঁধা কিছুতেই কেন সমাধান করা যায় না বা প্রতিযোগিতার ব্যবস্থাপকরা সমাধানের জন্য প্রচুর প্রক্ষার ঘোষণা করতে কেন ভয় পায় না — গাণিতিকরা তা একেবারে পরিষ্কার করে দিলেন। আর এ ব্যাপারে এই ধাঁধাটাকে যিনি আবিষ্কার করেছিলেন সেই স্যাম্যেল (স্যাম) লয়েড সম্বাইকে ছাড়িয়ে গেলেন। নিউ ইয়র্কের এক খবরের কাগজের মালিককে তিনি এই ঘোষণা করতে বললেন যে, পনেরো প্রহেলিকার একটি বিশেষ ধাঁধাকে যে সমাধান করতে পারবে তাকে ১০০০ ডলার প্রক্ষার দেওয়া হবে। কাগজের প্রকাশক একটু ইতস্তুত করলে লয়েড বললেন, টাকাটা তিনি নিজেই দেবেন। লয়েড বিখ্যাত ছিলেন তাঁর হে'য়ালী আর মাথাঘামানো কুটপ্রশেনর জন্য। আশ্চর্যের ব্যাপার, তাঁর এই হে'য়ালীটাকে তিনি মার্কিন যুক্তরান্টে পেটেন্ট করতে পারলেন না। আইন অনুসারে, এজাতীয় কোন কিছুর জন্য পেটেন্ট পেতে



১০ নং ছবি। ঘট্নটর স্বাভাবিক অবস্থান (প্রথম অবস্থা)। ১১ নং ছবি। সমাধানাতীত অবস্থান (দ্বিতীয় অবস্থা)।

হলে একটা সমাধানের নিদর্শন দাখিল করতে হত। পেটেন্ট অফিসে তাঁকে প্রশন করা হল, ধাঁধাটা সমাধান করা চলে কিনা? লয়েডকে তখন স্বীকার করতে হল যে অঙ্কের দিক থেকে সেটা সম্ভব নয়। পেটেন্ট অফিসের কর্মচারীরা তখন বললেন, সমাধানের নিদর্শন পাওয়া যখন সম্ভব নয়, তখন কোন পেটেন্টও হতে পারে না। লয়েড অবশ্য ব্যাপারটাকে সেখানেই ছেড়ে দিলেন। কিন্তু তাঁর এই আবিষ্কার যে কি অস্বাভাবিক সাফল্য আনতে পারে তা আগে থেকে জানতে পারলে তিনি যে আরও বেশী নাছোড়বান্দা হয়ে ধরতেন, তাতে কোনই সন্দেহ নেই।''

এখানে এই ধাঁধাটা সম্পর্কে কতকগ্নলো বিষয় বলা হচ্ছে — আবিষ্কারক নিজেই বলেছিলেন এগনলো:

''ধাঁধা সম্পর্কে যারা উৎসাহী তাদের হয়ত বেশ মনে আছে ১৮৭০

সালে সমস্ত পৃথিবীর মান্বকে কতকগ্নলো চলনশীল ঘ্রটিওয়ালা বাক্স দিয়ে আমি তাদের মাথা কেমন ঘ্রলিয়ে দিয়েছিলাম। এর নাম হয়েছিল পেনেরোর ধাঁধা' (১০ নং ছবি)। ঘ্রটিগ্রলোর ভেতর কেবল ১৪ আর ১৫ এই দ্রটো বাদে বাকি তেরোটা ঠিকঠিক সাজানো ছিল (১১ নং ছবি)। কাজটা ছিল প্রতিবারে একটা করে ঘ্রটি সরিয়ে ১৪ ও ১৫-কে ঠিক পরপর সাজাতে হবে।

'প্রথম সঠিক সমাধানের জন্য যে ১০০০ ডলার প্রেক্সনার ঘোষণা করা হয়েছিল, কেউই তা পেল না, যদিও সবাই অক্লান্তভাবে চেণ্টা করে যেতে লাগল। এ সম্বন্ধে মজার মজার গলপ আছে: ব্যবসায়ীরা সমাধান করতে বসে এত মগ্ন হয়ে যেত যে তাদের দোকান খ্লতে ভুলে যেত, সম্মানিত অফিসাররা ধাঁধাটা কোন উপায়ে সমাধানের চেণ্টায় কাটাত রাতের পর রাত। সবাই ভাবত, সমাধান একটা আছেই। তাই তারা এতে লেগেই থাকত। নাবিকদের জাহাজ আটকে যেত চড়ায়, ইঞ্জিনের ড্রাইভাররা স্টেশনে গাড়ি থামাতে ভুলে যেত, আর চাষীরা লাঙলটাঙল উঠিয়ে বসে থাকত।'

* * *

এই ধাঁধার মূল জিনিসটার সঙ্গে পাঠকদের পরিচয় করিয়ে দেব। সবশাদ্দ ব্যাপারটা ভয়ানক জটিল, বীজগণিতের সাক্ষ্ম জিনিসগলোর সঙ্গে এর সম্পর্ক। এ সম্পর্কে আহ্রেনস লিখেছিলেন:

''কাজটা হল, খালি জায়গাটা ব্যবহার করে ঘর্বটিগর্লো এমনভাবে সরাতে হবে যে, শেষ পর্যন্ত ১৫টা ঘর্বটিকেই ঠিক পরপর সাজানো যায়, অর্থাৎ ১ম ঘর্বটিকে রাখতে হবে উপরে বাঁদিকের কোণে, ২য় ঘর্বটিকে এর ঠিক ডানদিকে, তারপর ৩য় ঘর্বটি, ৪র্থ ঘর্বটি ওপরের ডানদিকের কোণে। ঠিক এভাবেই ৫ম, ৬ন্ঠ, ৭ম এবং ৮ম ঘর্বটিকে সাজাতে হবে পরের সারিতে—এভাবে চলবে (১০ নং ছবি)।

''ধরে নাও যে ঘ্রুটিগর্লো সব এলোমেলো করে সাজানো আছে। ১ম ঘ্রুটিকে কয়েক বার চাল দিয়ে তার নিজের জায়গায় এনে ফেলা সবসময়েই সম্ভব।

''এখন ১ম ঘ্রুটিকে না ছ্বুয়ে ২য় ঘ্রুটিকে তার পরের খোপে এনে রাখাও তেমনভাবেই সম্ভব। তারপর ১ম ও ২য় ঘ্রুটিকে না ছ্বুয়ে ৩য় ও ৪র্থ ঘ্রুটিকেও তাদের জায়গায় আনা চলবে। যদি এমন হয় য়ে তারা ওপর নীচে লম্বা শেষ দ্বুটো সারিতে না থাকে তাহলেও তাদের সে জায়গায় সহজেই নিয়ে এসে ইচ্ছেমতো সাজানো যায়। উপরের সারিতে ১ম, ২য়, ৩য় আর ৪র্থ ঘৢ৾টি এখন ঠিক জায়গা মতন আছে। এরপরের চালগুলোতে এই চারটে ঘৢ৾টিকে আমরা একেবারে আলাদা রেখে দেব। ঠিক একই ভাবে আমরা ৫ম, ৬ণ্ঠ, ৭ম আর ৮ম-এর ঘৢ৾টিটাকে সাজাতে চেণ্টা করলে দেখব তাও সম্ভব। এরপর আবার দৢটো সারিতে ৯ম ও ১৩শ ঘৢ৾টিদৢটোকে ঠিক জায়গায় বসানো দরকার হবে। একবার ঠিক করে সাজানো হয়ে গেলে ১ম, ২য়, ৩য়, ৪র্থ, ৫ম, ৬ণ্ঠ, ৭ম, ৮ম, ৯ম ও ১৩শ ঘৢ৾টিকে আর নড়ানো হবে না। এখন তাহলে থাকল ছয়টা খোপ — এর ভেতরে একটা খালি, আর বাকিগৢলোতে এলোমেলো হয়ে ছড়িয়ে আছে ১০ম, ১৯শ, ১২শ, ১৪শ আর ১৫শ ঘৢ৾টি। ১০ম, ১১শ, ১২শ ঘৢ৾টিকে বারবার চাল দিয়ে ঠিকমতো সাজানো সবসময়ই চলতে পারে। এটা করা হয়ে গেলে, ১৪শ আর ১৫শ ঘৢ৾টিদৢটো নিচের সারিতে, হয় সঠিক জায়গায় আর না হলে অন্য জায়গায় থাকবে (১১ নং ছবি)। তোমরা নিজেরাই দেখতে পাবে যে, এভাবে আমরা এইরকম একটা অবস্থায় এসে পেণিছেছি:

''ঘ; টিগ্ন লিকে যেকোনভাবে সাজানো অবস্থা থেকে আমরা হয় ১০ নং ছবির মতন (১ম অবস্থা) বা ১১ নং ছবির মতন (২য় অবস্থা) অবস্থায় আনতে পারি।

''কোন একটা বিশেষ ধরনের সাজানোকে যদি আমরা ছোট্ট করে নাম দিই 'স' আর এটাকে ১ম অবস্থায় এনে সাজানো যায়, তাহলে বেশ বোঝাই যাচ্ছে যে ওটাকে আমরা উল্টেও সাজাতে পারব; অর্থাৎ ১ম অবস্থা থেকে উল্টে 'স' ধরনে সাজাতে পারব। কেননা, সব চালই আবার ফেরানো যায়। উদাহরণ দিচ্ছি: ১ম অবস্থায় ১২ নং ঘ্র্টিকে যদি আমরা থালি খোপে চালান করতে পারি তাহলে তাকে সেখান থেকে আগের জারগায়ও আনতে পারি।

''তাহলে আমরা দ্ব্'ধরনের সাজানো সারি পেলাম: প্রথমটায় ঘ্বুটিগ্বলোকে আমরা নিয়মিতভাবে সাজাতে পারি (১ম অবস্থা), আর দ্বিতীয়টায় আমরা ঘ্বুটিগ্বলোকে সাজাতে পারি ২য় অবস্থায়। আবার উল্টে গিয়ে, নিয়মিত সারি থেকে আমরা প্রথম ধরনের বিন্যাসের যেকোন একটা ধাপে যেতে পারি, আর দ্বিতীয় অবস্থা থেকে দ্বিতীয় ধরনের বিন্যাসের যেকোন একটা ধাপে পেছতে পারি। তাহলে শেষটা এই দাঁড়াচ্ছে যে, কোন এক ধরনের বিন্যাসের এক ধাপ থেকে আর এক ধাপে চলে যাওয়া যায়।

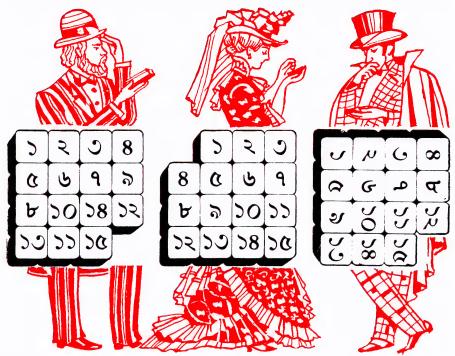
''১ম অবস্থা থেকে কি ২য় অবস্থায় যাওয়া সন্তব? (খাটিনাটির ভেতর না গিয়ে) এটা সতি্যই প্রমাণ করা যায় যে অনবরত চাল দিলেও তা সন্তব নয়। তাহলে, ঘাটিগালির এই বিরাট সংখ্যার বিন্যাসকে দাটো ভাগে ভাগ করা যায়: প্রথম ভাগ হল যাতে ঘাটিগালোকে স্বাভাবিক নিয়মে সাজানো যায়, অর্থাৎ সমাধানের যোগ্য; আর দ্বিতীয় ভাগে ঘাটিগালোকে কখনই স্বাভাবিক নিয়মে সাজানো চলে না, অর্থাৎ সমাধানাতীত। এই দ্বিতীয় ভাগের বিন্যাসগালি সমাধান করার জন্যই বিরাট বিরাট পার্বস্বার ঘোষণা করা হত।

''ঘ্বটিগ্রলোর কোন এক ধরনের অবস্থান কোন বিন্যাসের ভেতর পড়ে, তা বলার কি কোন উপায় আছে? আছে, তারই একটা উদাহরণ দেওয়। হল (১২ নং ছবি)।

''১২ নং ছবির ঘুটিগুলোর অবস্থান পরীক্ষা করা যাক।

''প্রথম সারির ঘুর্টিগুলো ঠিকই আছে, দ্বিতীয় সারিও ঠিক আছে, কেবল ৯ম ঘুর্টি বাদে। ঘুর্টিটা আসলে ৮-এর জারগাটা দখল করে আছে। তাহলে ৯ম ঘুটি রয়েছে ৮ম ঘুটির আগে। স্বাভাবিক নিয়মের এই ব্যতিক্রমকে বলা হয় 'অনিয়ম'। ৯ম ঘু'টি সম্পর্কে আমরা বলব, এখানে একটা 'অনিয়ম'। আরও পরীক্ষা করলে দেখা যাবে যে ১৪শ ঘুটি তার নিজের জায়গা থেকে তিন ধাপ আগে এসে গেছে, তার মানে ওটি ১১শ, ১২শ ও ১৩শ ঘুটির আগেই জায়গা নিয়েছে। এখানে আমরা তিনটে 'অনিয়ম' পাচ্ছি (১৪, ১২-র আগে; ১৪, ১৩-র আগে; ১৪, ১১-র আগে)। সবশ্বদ্ধ হল ১ + ৩ = ৪টে 'অনিয়ম'। আবার ১২শ ঘুঃটি এসেছে ১১শ ঘুটির আগে, যেমন ১৩শ ঘুটি এসেছে ১১শ ঘুটির আগে। এখানে আমরা পেলাম আরও দুটো 'অনিয়ম'। স্বশুদ্ধ 'অনিয়ম' হল ৬টা। প্রথমে নীচের ডার্নাদকের খোপটা বেশ খেয়াল করে খালি করে নেবে, তাহলে এভাবে প্রত্যেক বিন্যাসে 'অনিয়মের' সংখ্যা বের করা যায়। 'অনিয়মের' মোট সংখ্যা যদি জোড় সংখ্যা হয় — যেমন এখানে হয়েছে. তাহলে ঘুঁটিগুলোকে নিয়মিতভাবে সাজানো চলবে, অর্থাৎ সে ধাঁধাটা সমাধানযোগ্য। অন্যদিকে, 'অনিয়মের' সংখ্যা যদি বিজ্ঞোড় হয়, তাহলে ঐ বিন্যাসটা পড়ছে দ্বিতীয় ভাগের ভেতরে, অর্থাৎ ধাঁধাটা সমাধানের অযোগ্য (শূন্য 'অনিয়মকে' জোড হিসেবে ধরা হয়)।

''এই ধাঁধার গাণিতিক ব্যাখ্যা সমাধান-বাতিকটাকে একেবারে মারণ-চোট হানল। গণিতে এই খেলার একটা পূর্ণাঙ্গ তত্ত্ব তৈরি হয়েছে, সন্দেহের



১২ নং ছবি। ঘঃটিগুলো সঠিকভাবে সাজানো নেই।

১৩ নং ছবি। লয়েডের প্রথম ধাঁধা।

১৪ নং ছবি। লয়েডের দিতীয় ধাঁধা।

কোন স্থান আর নেই তার ভেতর। অন্যান্য খেলার মতো এ খেলার সমাধান আন্দাজ বা উপস্থিত বৃদ্ধির ওপর নির্ভার করে না। এর সমাধান নির্ভার করে একেবারে গণিতের হিসেবের উপর। এ দিয়ে ফলটা আগে থেকেই একেবারে ঠিকঠিক বের করে ফেলা যায়।''

এবারে এইরকম কয়েকটা ধাঁধা নিয়ে দেখা যাক। নীচে, সমাধান-করা-চলে এমন তিনটে ধাঁধা দেওয়া হল — উদ্ভাবক নিজেই এগ্রলোকে তৈরি করেছিলেন।

২১. লয়েডের প্রথম ধাঁধা

১১ নং ছবিতে উপরে বাঁদিকের খোপটা খালি রেখে ঘ্;টিগ্লোকে প্রভাবিক নিয়মে সাজাতে হবে (১৩ নং ছবিতে যেমন দেওয়া আছে)।

২২, লয়েডের দ্বিতীয় ধাঁধা

১১ নং ছবিটা নিয়ে তাকে একটা কিনারার উপর শোয়াও (অর্থাৎ চারভাগের একভাগ ঘোরাও) তারপর ঘ্র্রটি চেলে ১৪ নং ছবির মতন অবস্থায় নিয়ে এস।

২৩. লয়েডের তৃতীয় ধাঁধা

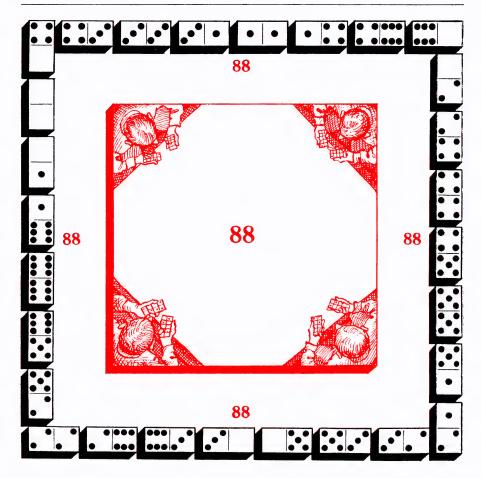
খেলার নিয়মমতো ঘ্রুটি চেলে ১১ নং ছবিটাকে 'যাদ্র বর্গক্ষেত্রে' পরিণত কর, অর্থাৎ ঘ্রুটিগ্রলোকে এমনভাবে সাজাতে হবে যে, স্বাদিক দিয়েই যোগফল হবে ৩০।

১৪—২৩ নম্বর ধাঁধার উত্তর

১৪. ধাঁধাটাকে একটু সহজ করে নেওয়ার জন্য সাতটা ডবল ঘাঁটিকে আলাদা করে রাখা যাক: ০—০, ১—১, ২—২ ইত্যাদি। ২১টা ঘাঁটি থাকবে, তার ভেতরে প্রত্যেক সংখ্যা আসছে ছয়বার করে। উদাহরণ দিচ্ছি, এই ৬ ঘাঁটিগালৈতে চারটে করে ফোঁটা (প্রতি ঘাঁটির অর্ধেকটায়) থাকবে:

তাহলে দেখা যাচ্ছে যে প্রত্যেক সংখ্যার প্রনরাবৃত্তি ঘটছে জোড়া জোড়া দফায়। এটা তাহলে পরিষ্কার যে এই ঘ্রুটিগ্রুলোকে পরপর সাজানো যেতে পারে। এটা করা হয়ে গেলে, অর্থাৎ ২১টা ঘ্রুটি একটা টানা মালার মতো করে সাজানো হয়ে গেলে, আগের সাতটা ডবল ঘ্রুটিকে একই সংখ্যার ফোঁটায় শেষ হয়েছে এমন ঘ্রুটিগ্রুলোর ভেতর ঢুকিয়ে দেব। যেমন, এটা হবে দ্রুটো ০, দ্রুটো ১, দ্রুটো ২ ইত্যাদির ভেতর। তারপরে খেলার নির্মমাতো ২৮টা ঘ্রুটিই একটা মালার আকারে সাজানো হয়ে যাবে।

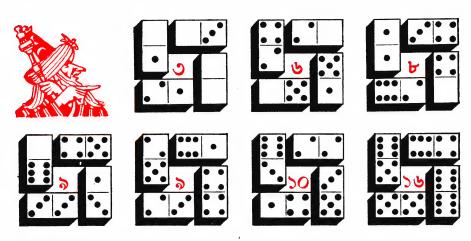
১৫. ২৮ ঘর্টির সারি যত ফোঁটাতে শ্রুর হয়েছে, ঠিক তত ফোঁটাতেই যে শেষ হবে, তা প্রমাণ করা সোজা। আসলে, তা যদি না হয়, তবে সারির শেষ মাথায় যত ফোঁটা আছে তার প্রনরাব্তি হবে বিজোড় সংখ্যায় (সারির ভেতরে সংখ্যাগর্লি সবসময়েই জোড়া থাকবে)। যাই হোক, আমরা জানি যে একটা সম্পর্ণে সেটে প্রতিসংখ্যার প্রনরাব্তি হয় আটবার, অর্থাৎ



১৫ নং ছবি

জোড়া সংখ্যায়। সন্তরাং, সারির শেষ মাথাগন্নলোতে অসমান সংখ্যার ফোঁটা হতে পারে বলে আমরা যদি মনে করে নিই — তা ভুল হবে। ফোঁটার সংখ্যা সমানই হবে। (গণিতে এই ধরনের যুক্তিবিচারকে বলে বিপ্রতিদিক থেকে প্রতিপাদন'।)

ঘটনাক্রমে সারির এই প্রকৃতির ভেতর আরও একটা মজার ব্যাপার আছে: সেটা হল এই যে, ২৮ ঘুটির সারির মাথাগ্রনিকে মিলিয়ে সবসময়ই একটা মালার আকার দেওয়া চলে। তাহলে একটা প্রুরো ডোমিনো সেটকে,



১৬ নং ছবি

খেলার নিয়ম অনুসারে, খোলা প্রতিওয়ালা সারি বা মালার মতো দ্বারকম করেই সাজানো যেতে পারে।

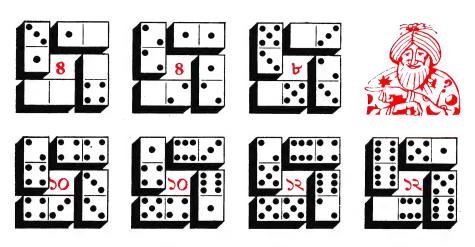
আমার পাঠকদের কৌত্হল হতে পারে যে এই মালা বা সারি কতভাবে তৈরি করা যেতে পারে? হিসেব-নিকেশের পরিশ্রমের ভেতর না গিয়ে আমরা বলতে পারি যে, যত উপায় আছে সব মিলিয়ে তা একটা বিরাট সংখ্যা হবে। ঠিকঠাক বলা যায় যে ৭৯,৫৯,২২,৯৯,৩১,৫২০ রকম উপায় আছে

(অর্থাৎ ২^{১৩} \times ৩ $^{\lor}$ \times ৫ \times ৭ \times ৪২৩১-এর সমান)।

- ১৬. এ ধাঁধার সমাধানও অনেকটা আগের ধাঁধাটারই মতো। আমরা জানি যে ডোমিনোর ২৮টা ঘ্লাটকৈ সবসময়ই মালার আকারে সাজানো যায়। তাহলে, যদি একটা ঘ্লাট সরিয়ে নিই আমরা, তাহলে
 - (ক) বাকি ২৭টা ঘ্র্টি দিয়ে সবসময়ই একটা টানা সারি তৈরি করা যাবে, যার মাথাদ্বটো খোলা থাকবে;
 - (খ) এই সারির খোলা মাথাদ্বটোর ফোঁটার সংখ্যা হবে, যে ঘর্বটিটাকে নিয়ে নেওয়া হয়েছে তারই দ্বটো অংশে যে সংখ্যাদ্বটো আছে তার সমান। তাই, একটা ডোমিনো ঘর্বটি ল্বকিয়ে রেখে, তুমি সবসময়ই আগে থেকে

বলে দিতে পারবে যে সারির প্রান্তভাগে মোট কটা করে ফোঁটা আছে।

- \$9. অজানা বর্গক্ষেত্রের চারটে বাহন্তে মোট ফোঁটার সংখ্যা নিশ্চয়ই ৪৪ × ৪ = ১৭৬-এর সমান হবে, অর্থাৎ সমস্ত ডোমিনো ঘ্রটিতে মোট ষত ফোঁটা আছে (১৬৮) তার চেয়ে ৮ বেশী হবে। এর কারণ হল, বর্গক্ষেত্রের মাথার কোণগন্লোতে যে সংখ্যা আছে তা দ্বার করে গোনা হয়েছে। এ থেকেই ঠিক করা যায় যে মাথার কোণগন্লিতে মোট সংখ্যা থাকবে ৮, আর তা আমাদের দরকারী বিন্যাসটা পেতে সাহায্য করবে, যদিও ঠিকঠিক বিন্যাসটা বের করা বেশ বিরক্তিকরই থেকে যায়। সমাধানটা ১৫ নং ছবিতে দেখান হয়েছে।
- ১৮. এই ধাঁধাটার অনেকগ্নলো সমাধানের ভেতর দ্বটো দেওয়া হল এখানে। প্রথমত (১৬ নং ছবি) আমরা পাচ্ছি:

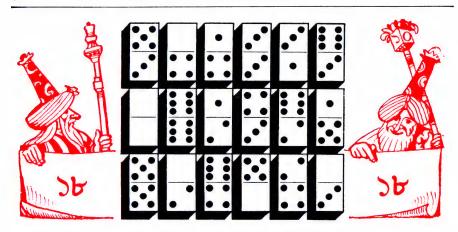


১৭ নং ছবি

১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৩ ২টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৯ ১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৬ ১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ১৩ ১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৮ ১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ১৬

দ্বিতীয়টাতে (১৭ নং ছবি) আমরা পাচ্ছি:

২টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৪ ২টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ১০ ১টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ৮ ২টা বর্গক্ষেত্রে মোট সংখ্যা ১২



১৮ নং ছবি

- **১৯.** ১৮ নং ছবিতে একটা যাদ্ব-বর্গক্ষেত্রের নম্বনা আছে। এতে প্রতি সারিতে ১৮টা করে ফোঁটা আছে।
- **২০.** এখানে 'পাটিগণিত প্রগতির' (ক্রমবর্ধমান) দ্বটো সারির নম্বনা দেওয়া হল। এতে সংখ্যাগর্নালর তফাত হচ্ছে ২:
 - (ক) ০—০, ০—২, ০—৪, ০—৬, ৪—৪ (অথবা ৩—৫), ৫—৫ (অথবা ৪—৬)।
 - (খ) ০—১, ০—৩ (অথবা ১—২), ০—৫ (অথবা ২—৩), ১—৬ (অথবা ৩—৪), ৩—৬ (অথবা ৪—৫), ৫—৬।

এখানে ছ'টা করে ঘ'র্টির মোট ২৩টা ক্রমবর্ধমান সারি আছে। যে ঘ'র্টিস্কুলি দিয়ে শ্রুর করা হয়েছে, তা হল:

(ক) ১ সংখ্যা করে বেড়ে গেছে এমন ক্রমবর্ধমান সারি:

(খ) ২ সংখ্যা করে বেডে গেছে এমন ক্রমবর্ধমান সারি:

२১. এর সমাধান করা যায় নীচের মতো করে ৪৪টা চাল দিয়ে:

```
58,
    33,
        ેર,
            ъ,
                ٩,
                   ტ,
                        30,
                           ১২,
                               ৮, ৭,
   ೨,
               ٩, ১৪, ১১, ১৫, ১৩,
8,
        ৬,
            8,
                                    ৯,
১২,
   ъ,
       8,
            20,
               b, 8,
                       38, 33,
                                30, 30,
        8,
৯,
   ٥٩,
            b, c, 8, b, 5,
                                50,
                                    $8,
50,
   ৬,
        ₹,
             5
```

২২. এর সমাধান করা চলে নীচের মতো করে ৩৯টা চাল দিয়ে:

২৩. মোট ৩০ সংখ্যাওয়ালা যাদ্য-বর্গক্ষেত্র তৈরি করা যায় নীচের মতো চাল দিয়ে:

আরও এক সারি ধাঁধা



२८. र्नाष्

খোকার মা ময়লা কাপড়-চোপড় কাচা বন্ধ করে রেগে উঠলেন, ''কী! আরও দড়ি চাই ব্রিঝ? ভেবেছ আমি একেবারে দড়ির বাণ্ডিল নিয়ে বসে আছি! খালি শ্বনব দড়ি দাও। কালই তো প্রেরা একগাছি দড়ি দিয়েছি, কী কাজটা করা হল তা দিয়ে. কিসে যে এত লাগে তোমার?''

থোকাও অমনি জবাব দিলে, ''কী আবার করেছি? অর্ধেক তো তুমিই ফিরিয়ে নিলে...''

''না হলে কাপড়-চোপড়গ্নলো বাঁধব কোন্ ম্ব্ডু দিয়ে শ্বি ?''

''বাকিটার অর্ধেক নিল টম। ও খালের জলে ছিপ ফেলে মাছ ধরবে।''

''বেশ তো, তোমার বড় ভাইকে তুমি তো আর না বলতে পার না।''

''তা আমি করি নি। আর তো অলপই ছিল, বাবা তা থেকে আবার অর্ধেক নিলেন গ্যালিস সারাবার জন্যে, মোটরগাড়ীর ব্যাপার যখন ঘটে তখন হাসতে হাসতে ছিড়ে গেছিল ওটা। সবশেষে বিন্ত্রনি বাঁধতে খ্কু বাকিটার পাঁচ ভাগের দ্ব'ভাগ…''

''আর বাকিটা কি করলে?''

'বাকিটা? আর মাত্র ৩০ সেন্টিমিটারই ছিল, ওই দিয়ে ব্রঝি টেলিফোন তৈরি করা যায়?''

প্রথমে কতটা দড়ি ছিল?

২৫. মোজা আর দস্তানা

একটা বাক্সে ১০ জোড়া বাদামী মোজা আর ১০ জোড়া কালো মোজা আছে, আরেক বাক্সে আছে ঐ একই সংখ্যার বাদামী আর কালো দস্তানা। তাহলে একই রংয়ের একজোড়া মোজা আর দস্তানা পেতে হলে বাক্স থেকে কটা মোজা আর দস্তানা তুলতে হবে?

২৬. চুলের আয়ু

একজন মানুষের মাথায় গড়পড়তা কত চুল থাকে? প্রায় ১,৫০,০০০*। হিসেব করে দেখা গেছে মানুষের মাথা থেকে প্রতি মাসে প্রায় ৩০০০ করে চুল ওঠে যায়।

আচ্ছা এ থেকে মান্যের মাথার প্রতিটা চুলের গড়পড়তা আয়্ব কত তা বলতে পার?

২৭. মাইনে

মাইনে ও ওভারটাইম মিলিয়ে গত মাসে আমার পাওনা হয়েছিল ১৩০ র বল। ওভারটাইম বাদে আমার মূল মাইনে হল ওভারটাইমের চেয়ে ১০০ র বল বেশী। ওভারটাইম বাদ দিয়ে আমার আয় কত?

২৮. স্কিইং

একজন লোক হিসেব কষে দেখল যদি সে ঘণ্টায় ১০ কিলোমিটার স্কি করে যায়, তাহলে একটা জায়গায় সে পেণছবে বেলা ১টায়, আর ১৫ কিলোমিটার হিসেবে গেলে সেখানে পেণছবে বেলা ১১টায়।

ঐ জায়গাতে বেলা ১২টায় পেশছতে হলে সে কত জোরে স্কি করবে?

২৯. দ্ব'জন শ্রমিক

দ্বাজন শ্রমিক, একজন ব্বড়ো আর একজন জোয়ান, তারা একই ফ্লাটে থাকে আর কাজও করে একই কারখানায়। কারখানায় পেশছতে জোয়ান শ্রমিকের লাগে ২০ মিনিট, ব্বড়ো পেশছয় ৩০ মিনিটে। যদি ব্বড়ো শ্রমিক পাঁচ মিনিট আগে রওনা হয়, তাহলে জোয়ান শ্রমিক তাকে কখন ধরে ফেলবে?

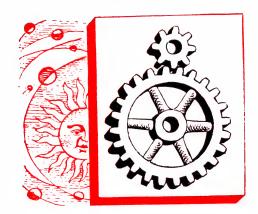
^{*} অনেকেই প্রশ্ন করতে পারে আমরা এই সংখ্যাটা পেলাম কি করে। আমাদের কি মাথার চুল গনেতে হয়েছে? তা নয়। মাননুষের মাথার এক বর্গ সেন্টিমিটার স্থানের চুল গনেলেই যথেষ্ট। এই সংখ্যা এবং চুলে-ঢাকা খুলির পরিমাণ জেনে নিয়ে মোট হিসেবটা বের করা কঠিন নয়। বনজঙ্গলের গাছ গোনার জন্য বৃক্ষগণনাকারীরা যে পদ্ধতি অনুসরণ করেন এ ব্যাপারে সেই পদ্ধতিরই প্রয়োগ করা হয়।

৩০. টাইপ করা

দ্ব'জন মেয়েকে একই ঘরে টাইপ করতে দেওয়া হল। এদের ভেতর যে বেশী অভিজ্ঞ সে কাজটা করে দ্ব'ঘণ্টায়, অন্যজনের লাগে তিন ঘণ্টা। যথাসম্ভব তাড়াতাড়ি কাজটা শেষ করতে হলে তাদের কতটা সময় লাগবে?

এ ধরনের সমস্যার সমাধান সাধারণত করা হয় এভাবে: বের করতে হবে এক ঘণ্টায় তারা কাজটার কতথানি অংশ শেষ করে, তারপর দ্বটোকে যোগ করে, যোগফল দিয়ে ১-কে ভাগ করে নিতে হয়। এ ধাঁধাটাকে কোন নতুনভাবে সমাধান করার উপায় বের করতে পার?

৩১. দাঁতওয়ালা চাকা



২৪ দাঁতওয়ালা একটি চাকার সঙ্গে ৮
দাঁতওয়ালা একটা চাকা জনুড়ে দেওয়া
হল (১৯ নং ছবি)। বড় চাকাটা একবার
ঘনুরে আসতে ছোট চাকাটাকে নিজের
ওপর কবার পাক খেতে হবে?

১৯ নং ছবি। কবার ছোট চাকা পাক খাবে?

৩২. বয়স কত?

এক উৎসাহী ধাঁধাবিশারদকে তার বয়স কত প্রশ্ন করা হয়েছিল। উত্তরটায় উদ্ভাবনী শক্তির পরিচয় মেলে:

''এখন থেকে ৩ বছর পর আমার যা বয়স হবে, তাকে ৩ গুণ করে তা থেকে আমার তিন বছর আগের বয়স তিন গুণ করে বিয়োগ করলেই আমার বয়স কত জানতে পারবে।''

তাহলে তার বয়সটা কত?

৩৩. ইভানোভ পরিবার

সেদিন আমার এক বন্ধ, আমাকে জিজ্ঞেস করেছিল, ''ইভানোভের বয়স কত হে?''

''ইভানোভ? আচ্ছা দেখছি। আঠারো বছর আগে তার বয়স ছিল তার ছেলের বয়সের তিন গ্রেণ। আমার এটা ভালই মনে আছে, কারণ সে বছর লোক-গণনা হয়েছিল।''

''কিন্তু আমি যতদরে জানি, এখন তো তার বয়স ছেলের বয়সের দ্বিগ**্ণ।** এটা কি অন্য ছেলে?'' আমার বন্ধ বললে বাধা দিয়ে।

''না, সেই ছেলেই, ওর একটাই ছেলে। আর তাই ওদের বয়স বের করা কঠিন নয়।''

আচ্ছা পাঠক, বল তো ওদের বয়স?

৩৪. কেনাকাটা

এক র্বলের নোট আর খ্চরো ২০ কোপেকের ম্দ্রাগ্রলো মিলিয়ে প্রায় ১৫ র্বল নিয়ে আমি বাজারে গেলাম। যখন ফিরলাম তখন আগে আমার কাছে যে কয়টা র্বলের নোট ছিল ততটা ২০ কোপেকের ম্দ্রা আছে। আর নোট আছে যতটা ২০ কোপেকের ম্দ্রা ছিল ততটা। বাজারে যত টাকা নিয়ে গিয়েছিলাম ফিরলাম তার তিনভাগের একভাগ নিয়ে। আমি কত টাকা খরচ করেছিলাম?

২৪—৩৪ নম্বর ধাঁধার উত্তর

- ২৪. খোকার মা অর্ধেকটা দড়ি নিয়ে নেবার পর থাকল ১/২। ভাই তার অর্ধেকটা নিয়ে নিলে থাকল ১/৪, বাবা নিলে বাকি রইল ১/৮ আর বোন ভাগ নেবার পর থাকল $5/6 \times 0/6 = 0/80$ । যদি ৩০ সেন্টিমিটার = 0/80 হয় তাহলে সবচেয়ে প্রথমে স্কৃতোটা ছিল ৩০ : 0/80 = 800 সেন্টিমিটার বা ৪ মিটারের সমান।
- ২৫. তিনটে মোজা নিলেই যথেষ্ট হবে, কারণ তাহলে দ্বটো মোজার রং সবসময়েই সমান হবে। দস্তানার বেলায় কিন্তু ব্যাপারটা তত সোজা হবে না, কারণ তাদের রংই শ্বধ্ব আলাদা নয়, তাদের অধে ক হল ডান হাতের

আর বাকিটা বাঁ হাতের। এ ব্যাপারে অন্তত ২১টা দন্তানা তুলতে হবে। এর চেয়ে কম, ধরা যাক যদি ২০টা নেওয়া যায় তাহলে তার সব কটাই হয়ত হবে বাঁ হাতের (১০টা বাদামী আর ১০টা কালো)।

২৬. সেই চুলই সবশেষে উঠবে যার বয়স সবচাইতে কম। তার মানে আজ যার বয়স একদিন মাত্র।

শেষ চুলটা উঠতে কতদিন লাগবে তা হিসেব করা যাক। একজন মান্বের মাথার ১,৫০,০০০ চুলের ভেতর ৩০০০ চুল উঠে যায় প্রথম মাসে; প্রথম দ্ব'মাসে ওঠে ৬০০০, আর প্রথম বছরে ওঠে ৩০০০ × ১২ = ৩৬,০০০। সেই হিসেবে শেষ চুল উঠে যেতে লাগবে চার বছরের একটু বেশী। এভাবেই মান্বের চুলের গড়পড়তা আয়ু হিসেব করেছি আমরা।

২৭. অনেকেই তো একটুও না ভেবে বলে বসবে ১০০। ওটা ভুল, কারণ তাহলে মূল মাইনে ওভারটাইমের চেয়ে ৭০ র্বল বেশী হয়, ১০০ র্বল নয়। ধাঁধাটার সমাধান করতে হবে এভাবে: আমরা জানি য়ে উপরি খাটুনির আয়ের সঙ্গে ১০০ র্বল য়োগ দিলে মূল মাইনেটা পাওয়া য়াবে। তাহলে ১৩০-র সঙ্গে ১০০ র্বল য়োগ দিলে পাওয়া য়াবে দ্টো মূল বেতন। কিন্তু ১৩০+১০০ = ২৩০, অর্থাৎ দ্টো মূল বেতন হল ২৩০ র্বলের সমান। তাহলে উপরি খাটুনির আয় বাদে আমার বেতন হল ১১৫ র্বল আর উপরি আয় ১৫ র্বল।

উত্তরটা মিলিয়ে দেখা যাক: ১১৫ — ১৫ = ১০০। আর ধাঁধাটাতেও তো তাই আছে।

২৮. দুটি কারণে এই ধাঁধাটা খুবই মজার। প্রথমটা হল, এমন মনে হতে পারে যে আমরা যে গতিটা বের করতে চাই তা ১০ আর ১৫ কিলোমিটারের গড় বের করলেই পাওয়া যাবে, অর্থাৎ ঘণ্টায় ১২٠৫ কিলোমিটার। এটা যে ভুল, তা ব্রুঅতে পারা মোটেই কঠিন নয় কিন্তু। আসলে যদি ক কিলোমিটার দ্রেত্ব শ্বিক করে যেতে হয়, তাহলে ঘণ্টায় ১৫ কিলোমিটার করে গেলে ক/১৫ ঘণ্টা দরকার হবে। ঘণ্টায় ১০ কিলোমিটার করে শ্বিক দেড়িলে লাগবে ক/১০ ঘণ্টা আর ১২٠৫ কিলোমিটার বেগে শ্বিক করলে ক/১২٠৫ বা ২ক/২৫ ঘণ্টা। তাহলে সমীকরণ দাঁড়াচ্ছে:

কারণ এদের প্রত্যেকটাই ১ ঘণ্টার সমান। সবকটাকে ক দিয়ে ভাগ করলে। দাঁড়াচ্ছে:

অথবা অনুপাতটা দাঁড়াচ্ছে:

এই সমীকরণটা কিন্তু ভূল, কারণ 5/56 + 5/50 = 5/6, অর্থাৎ 8/28, 8/26 নয়।

অন্য যে কারণে এ ধাঁধাটা খুব মজার তা হল সমীকরণ না করেও মুখে মুখেই করে ফেলা যায় এটা।

কি করে তা হয় বলছি: যদি লোকটি ঘণ্টায় ১৫ কিলোমিটার করে চিক্ক দৌড়ত আর পথে আরও দুখণটা বেশী চিক্ক করত (অর্থাৎ ঘণ্টায় ১০ কিলোমিটার বেগে চিক্ক করলে যতটা হয় ততটা), তাহলে সে বাড়তি আরও ৩০ কিলোমিটার চিক্ক করত। আর আমরা জানি ১ ঘণ্টায় তার বাড়তি চিক্ক দৌড় ৫ কিলোমিটার। তাহলে মোট দৌড়ের সময়টা হবে ৩০: ৫ = ৬ ঘণ্টা। এ থেকেই বের হচ্ছে যে ঘণ্টায় ১৫ কিলোমিটার করে চিক্ক দৌড়লে তার ৬ - ২ = 8 ঘণ্টা লাগবে। এখন তো মোট দ্রেছটা বের করা কিছুই কঠিন নয়: ১৫ × 8 = ৬০ কিলোমিটার।

তাহলে দ্বপত্মর ১২টায়, অর্থাৎ ৫ ঘণ্টায় ঐ জ্ঞায়গায় পের্ণছতে তাকে কত জোরে স্কি করতে হবে তা পরিষ্কার হয়ে যাচ্ছে।

৬০ : ৫ = ঘণ্টায় ১২ কিলোমিটার।

এই উত্তরটা যাচাই করে দেখা মোটেই কঠিন নয়।

২৯. সমীকরণ না করেও এই ধাঁধাটাকে বহুভাবে সমাধান করা যায়।

প্রথম উপায়টা দেখাচ্ছ। জোয়ান শ্রমিক পাঁচ মিনিটে সমস্তটা রাস্তার ১/৪ এগিয়ে আসছে, আর বৃড়ে শ্রমিক আসছে ১/৬, অর্থাৎ জোয়ান শ্রমিকের থেকে 5/8 - 5/6 = 5/5২ কম।

এখন ব্রড়ো শ্রমিক জোয়ান শ্রমিকের থেকে ১/৬ পথ এগিয়ে ছিল। স্বৃতরাং জোয়ান শ্রমিক ১/৬ : ১/১২ = ২ বার পাঁচ মিনিট করে হাঁটাবার

পর ব্ড়ো শ্রমিককে ধরে ফেলবে। অর্থাৎ ১০ মিনিট পর তাদের দেখা হবে।

অন্য উপায়টা আরও সহজ। কারখানায় যেতে জোয়ান শ্রমিকের থেকে ব্র্ড়ো শ্রমিকের ১০ মিনিট বেশী লাগে। স্তরাং ব্র্ড়ো শ্রমিক যদি ১০ মিনিট আগে বাড়ি থেকে রওনা হয় তাহলে তারা কারখানায় পেশছয় একই সঙ্গে। যদি মাত্র ৫ মিনিট আগে রওনা হয় তাহলে জোয়ান শ্রমিক অর্ধেক রাস্তাতেই তাকে পেছনে ফেলে এগিয়ে যাবে। তার মানেই তাদের ১০ মিনিট পর দেখা হবে (কারণ সারা পথ যেতে তার লাগছে ২০ মিনিট)। এছাড়াও অঞ্জের সাহায্যে অন্যভাবেও সমাধান করা যায় এটাকে।

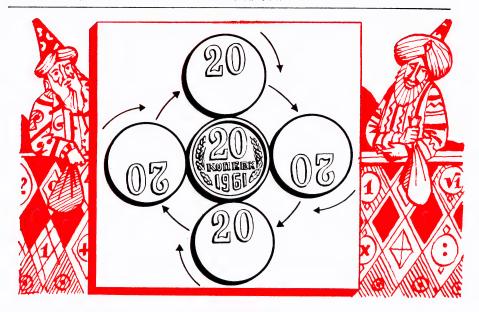
৩০. এই ধাঁধাটাকে সমাধান করার একটা নতুন উপায় বলছি। একই সময়ে শেষ করবে বলে টাইপিস্টরা কাজটা কিভাবে ভাগ করে নেবে সেটা বের করা যাক। (এটা তো পরিষ্কার যে একমাত্র এই উপায়েই সবচেয়ে তাড়াতাড়ি কাজটাকে শেষ করে ফেলা যাবে, অবশ্য যদি মাঝখানে তারা আলসেমি করে সময় নয়্ট না করে।) এখন অভিজ্ঞ টাইপিস্ট অন্যজনের চেয়ে ১০৫ গ্রণ তাড়াতাড়ি কাজ করতে পারে, স্বতরাং এটাও পরিষ্কার যে তার ভাগে ১০৫ গ্রণ বেশী কাজ পড়বে। তাহলেই দ্'জনের কাজ একইসঙ্গে শেষ হবে। স্বতরাং প্রথম জন নেবে কাজটার ৩/৫ আর দ্বিতীয় জন — ২/৫।

সাধারণভাবে, এতেই ধাঁধাটার সমাধান হল। এখন প্রথম টাইপিস্টের তার ভাগের কাজটা করতে, অর্থাৎ ৩/৫ করতে কত সময় লাগবে সেটা বের করতে হবে। আমরা জানি যে সমস্তটা কাজ করতে তার লাগে ২ ঘণ্টা, তাহলে ৩/৫ করতে সময় লাগবে ২ \times ৩/৫= $5 \cdot$ ২ ঘণ্টা। অন্য টাইপিস্টকেও এই সময়ের ভেতরই তার কাজ শেষ করতে হবে।

তাহলে সবচেয়ে কম সময় ১ ঘণ্টা ১২ মিনিটেই দ্ব'জনে কাজটা শেষ করে ফেলতে পারবে।

৩১. তোমরা যদি মনে করে থাক যে ছোট চাকাটা তিনবার ঘ্রবে, তাহলে খ্রই
 ভুল করেছ। ওটা ঘ্রবে চারবার।

কেন এমন হল তা দেখতে চাও? একটুকরো কাগজ নাও আর তার ওপরে দ্বটো সমান মাপের ম্বা রাখ, দ্বটো ২৫ কোপেক ম্বা হলেই চলবে (২০ নং ছবি)। এখন নীচের ম্বাটা শক্ত করে চেপে ধরে ওপরের ম্বাটাকে চারপাশে ঘোরাও। এবার একটা মজার ব্যাপার দেখতে পাবে। উপরের ম্বাটা অন্য ম্বাটার নীচে এসে পেশছতে পেশছতে নিজেও প্ররো



২০ নং ছবি

একবার পাক খেয়ে আসবে। মৃদ্রার উপরের ছাপটা কিভাবে থাকছে তা দেখলেই বৃঝতে পারবে ব্যাপারটা। আবার নীচের মৃদ্রাটার (যেটা আমরা নাড়াব না) চারপাশে এটা যখন সম্পূর্ণ ঘ্ররে আসবে, তখন নিজে ঘ্রবে দ্র'বার।

সাধারণভাবে বলা যায় কোন জিনিস ব্ত্তাকার পথে ঘ্ররে এলে, আমাদের গ্রনতিতে যা হবে তার চেয়েও একবার বেশী সে নিজে ঘ্ররে আসে। স্থের চারদিকে পরিক্রমা করবার সময় যদি প্থিবীর নিজের আবর্তনিকে স্থের দিক থেকে না দেখে অন্য কোন তারার দিক থেকে দেখা হয়, তাহলে দেখা যাবে ৩৬৫ ১/৪ দিনের বদলে প্থিবীর আবর্তন হচ্ছে ৩৬৬ ১/৪ দিন। উপরের ব্যাপারটা থেকেই এই জিনিসটার সঠিক ব্যাখ্যা হতে পারে। তাহলেই ব্রুথতে পারছ নাক্ষণ্রিক দিন থেকে সৌর্রদিন বড় হয় কেন?

৩২. গণিতের সাহায্যে এর সমাধান করা একটা জটিল ব্যাপার, কিন্তু বীজগণিতের সাহায্য নিলে তা খ্বই সোজা হয়ে যায়। ধরা যাক ব বছর বর্তমান বয়স। তাহলে তিন বছর পরে বয়স হবে ব+৩, আর তিন বছর আগে বয়স হবে ব-৩. তাহলে আমাদের সমীকরণটা দাঁড়াচ্ছে

$$\mathfrak{O}(\mathfrak{A}+\mathfrak{O})-\mathfrak{O}(\mathfrak{A}-\mathfrak{O})=\mathfrak{A}\mathfrak{I}$$

এটাকে সমাধান করলে দাঁড়াচ্ছে ব = ১৮। ধাঁধা-বিশারদের বয়স ছিল ১৮ বছর।

এটাকে যাচাই করে দেখা যাক: তিন বছর পরে তার বয়স হবে ২১; তিন বছর আগে ছিল ১৫।

তফাতটা হল

$$(0 \times 25) - (0 \times 26) = 90 - 86 = 28$$

৩৩. আগের ধাঁধাটার মতো এটাও সরল সমীকরণের সাহায্যে সমাধান করা চলবে। ছেলের বয়স যদি হয় ব বছর, তাহলে বাবার বয়স হল ২ব বছর। ১৮ বছর আগে তাদের দ্'জনের বয়সই ছিল ১৮ বছর কম: বাবার বয়স ছিল ২ব – ১৮ আর ছেলের বয়স ছিল ব – ১৮। আমরা জানি যে ঐ সময় বাবার বয়স ছিল ছেলের বয়সের তিন গ্লে

সমীকরণটা সমাধান করলে আমরা পাচ্ছি যে ব ৩৬-এর সমান। ছেলের বয়স ৩৬ আর বাবার বয়স ৭২।

৩৪. ধরে নেওয়া যাক যে প্রথমে আমার ছিল ক সংখ্যার র্বল আর খ সংখ্যার ২০ কোপেক। বাজারে যাবার সময় আমার ছিল (১০০ক + ২০খ) কোপেক। যথন ফিরলাম তথন ছিল মাত্র (১০০খ + ২০ক) কোপেক।

আমরা জানি যে এই পরের অঙ্কটা প্রথম অঙ্কটার তিন ভাগের এক ভাগ। তাহলে

এটাকে সমাধান করলে আমরা পাই

ক = ৭খ

এখন খ যদি ১ হয়, তাহলে ক = 9। এই রকম ধরে নিলে বাজারে যাবার সময় আমার ছিল $9 \cdot 10$ রুবল। কিন্তু এটা ভূল, কারণ ধাঁধাতেই বলে দেওয়া আছে আমার কাছে ১৫ রুবল মতন ছিল।

যদি খ=২ হয়, তাহলে কি দাঁড়ায় দেখা যাক। তাহলে ক=১৪ হয়। তাহলে একেবারে প্রথমে আমার হাতে ছিল ১৪ \cdot ৪০ র্বল, ধাঁধার শত গ্লির সঙ্গে বেশ মিলে যায় এটা।

যদি খ=৩ ধরি, তাহলে টাকাটা খ্বই বেশী হয়ে যায়, ২১.৬০ র্বল। তাহলে একমাত্র উপয্কু উত্তর হল ১৪.৪০ র্বল। বাজার শেষ করার পর আমার কাছে ছিল ১ র্বলের দ্বটো আর ২০ কোপেকের ১৪টা ম্দা, অর্থাৎ ২০০ ÷ ২৮০ = ৪৮০ কোপেক। এটা কিন্তু প্রথম যে টাকাটা ছিল তার ঠিক তিন ভাগের একভাগ (১৪৪০ : ৩ = ৪৮০)। তাহলে কেনাকাটা করতে আমার খরচ হয়েছিল ১৪.৪০ – ৪.৮০ = ৯.৬০ র্বল।



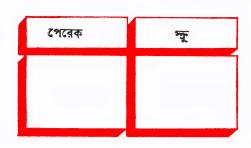
৩৫. তুমি গ্নৈতে জান?

তিন বছরের বেশী বয়সের কাউকে যদি কথাটা জিজ্ঞেস কর তাহলো সম্ভবত সে অপমান বোধ করবে। সত্যিই তো ১, ২, ৩, ৪ গ্রনে যেতে তো আর কোনো দক্ষতার দরকার নেই। তব্ব একথা সত্যি যে কখনো কখনো এই গোনাগ্রনতির ব্যাপারটাই খ্ব গোলমেলে হয়ে দাঁড়ায়। তাই না? আসলে জিনিসটার সবটাই নির্ভর করে কী গ্রনছে তার ওপর। উদাহরণ দেওয়া যাক: একটা বাক্সের ভেতরের পেরেকগ্রলো গ্রনে ফেলা মোটেই কঠিন নয়। কিন্তু ধরা যাক বাক্সটায় পেরেক ছাড়াও কতকগ্রলি ক্লু আছে, আর কোনটা কতটা করে আছে তোমাকে তাই গ্রনতে বলা হয়েছে। এখন তাহলে কী করবে তুমি? ক্লু থেকে পেরেকগ্রলাকে আলাদা করে তারপর গ্রনবে?

মেয়েদের কিন্তু এই কাজটাই করতে হয় কাপড়-চোপড় ধোপাবাড়ি পাঠাবার সময়। তাদের প্রত্যেকটাকে আলাদা আলাদা ভাগ করে জামা, তোয়ালে, বালিশের ওয়াড় ইত্যাদি বেছে নিতে হয়। এই একঘেয়ে কাজটা সারবার পরে তারা গ্নতে শ্রু করে।

তুমি যদি এভাবে গ্নাতি কর, তাহলে গ্নবার নিয়মটা জান না তুমি। এই নিয়মটায় অস্বিধে হয়, একঘেয়ে লাগে, কখনো কখনো অসম্ভব হয়ে ওঠে। যদি পেরেক বা ফু অথবা কাপড়-চোপড় গ্নতে হয় তাহলে অবশ্য নিয়মটা মোটাম্বিট খায়াপ নয়। কিন্তু ধর তুমি একজন বনরক্ষক, তোমাকে জিজ্ঞেস করা হয়েছে প্রতি হেক্টর জমিতে কতগ্বলি পাইন, ফার, বার্চবা অ্যাসপেন গাছ আছে। এখানে কিন্তু গাছ হিসেবে ভাগ করে ফেলা সম্ভব নয়। তুমি কী করবে? পাইন, বার্চ, ফার বা অ্যাসপেন আলাদা আলাদা করে গ্নবে? যদি তা কর, তাহলে জঙ্গলটাকে তোমাকে চারবার ঘ্রের আসতে হবে।

একবার ঘ্বরেই গ্বর্নাত করে ফেলার একটা সহজ উপায় আছে, বনরক্ষকরা তাই ব্যবহার করে। পেরেক আর স্ফু দিয়ে এটা কি করে করা যায় তা তোমাদের দেখাচ্ছি। একটা বাক্সের ভেতরের পেরেক আর স্ফুগ্নুলো ভাগ না করে গ্নৃনতে হলে তোমার সবচেয়ে প্রথমে দরকার হবে একটা পেন্সিল, আর নিচের মতো ছককাটা একটা কাগজ।

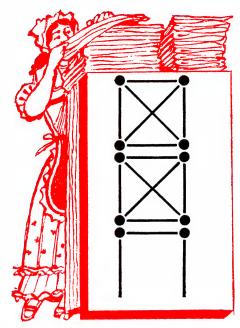


এরপর গ্নতি শ্বর্ করে দাও। বাক্স থেকে একটা কিছ্ উঠাও, যদি এটা পেরেক হয়, তাহলে পেরেকের সারিতে একটা দাগ দাও। স্কুর বেলাতেও তাই কর। এভাবে বাক্স খালি হওয়া পর্যন্ত দাগ মেরে যাও। পেরেকের সারিতে তুমি যে কয়টা দাগ পাবে সেই কয়টা পেরেকই তোমার বাক্সে ছিল। স্কুর বেলাতেও একই

কথা। এরপর, তোমাকে যা করতে হবে তা হল শ্বধ্ব যোগটা করে ফেলা। এই দাগগন্বলো যোগ করার কাজটা আরও তাড়াতাড়ি আর সহজে করা যায়, যদি পাঁচটা করে দাগ একসঙ্গে দিয়ে ছোট চৌখনুপীর মতো করে সাজাও (২১ নং ছবি)।

এ ধরনের চৌথ্পীগ্রাল জোড়ায় জোড়ায় সাজালে সবচেয়ে স্বিধের হয়। অর্থাৎ প্রথম ১০টা দাগের পর ১১ নম্বরের দাগটা নতুন আর এক





২৩ নং ছবি। প্রত্যেকটি বর্গক্ষেত্র ১০-এর প্রতী**ক**।

সারিতে বসাও। দ্বিতীয় সারিতে দ্টো চৌথ্পী হয়ে গেলে তৃতীয়টা শ্রুর কর। এইভাবে চলবে। তাহলেই তোমার দাগগ্লো ২২ নং ছবিতে যেমন দেখান হয়েছে তেমন হবে।

এগনুলোকে গন্ধতি করা খনুবই সোজা।
কারণ সপন্টই দেখতে পাবে প্রত্যেকটাতে
১০টা করে দাগ মিলিয়ে তিনটে সারি
রয়েছে। তাছাড়া আছে ৫ দাগের একটা
চৌখনপী আর তিন দাগের একটা অসমাপ্ত
ঘর, অর্থাৎ ৩০ + ৫ + ৩ = ৩৮।

অন্য ধরনের ঘরও ব্যবহার করতে পার। একটা প্রুরো চৌখ্বপীকে অনেক সময় ১০ বলে ধরা হয় (২৩ নং ছবি)।

ভিন্ন ভিন্ন জাতের গাছ গ্রনতি করতে হলেও একই নিয়ম চলবে। এক্ষেত্রে কেবল দ্বই সারির বদলে তোমাকে চার সারি গ্রনতে হবে। এছাড়া পাশাপাশি সারি

বসালে আরও স্ক্রবিধে হবে, যেমন ২৪ নং ছবিতে দেখানো হয়েছে।

এরপর প্রতি সারিতে মোট কতটা হল, তা বের করা খ্রই সোজা (২৫ নং ছবি):

পাইন .					৫৩	বার্চ .						ខម
ফার					95	আাসপেন	ī					99

ডাক্তারী কাজে রক্তের ফোঁটার শ্বেত ও লোহিত কণিকা গোনবার সময়েও এই নিয়ম মানা হয়।

এইভাবে ধোপাবাড়ির কাপড়-চোপড় ভাগ করলে মেয়েরা তাঁদের প্রচুর সময় আর মেহনত বাঁচাতে পারবেন।

তাহলে, সবচেয়ে ভাল উপায়ে কিভাবে জমির গাছ গ্রনে ফেলা যায় তা শিখলে তোমরা। একটা ছক আঁক, প্রত্যেক আলাদা সারিতে আলাদা আলাদা গাছের নাম লেখ। যদি অন্য কোন গাছ পাও তার জন্য কয়েকটা সারি আলাদা করে রাখ। তারপর গ্রন্তে শ্রের কর (২৬ নং ছবি)।



২৪ নং ছবি। বনে গাছ গুনতির ফর্ম।



২৫ নং ছবি। গ্রনতির পর ফর্মের চেহারা।



২৬ নং ছবি। গাছ গ্রনতির নম্না।

৩৬. বনের গাছ গুনুব কেন?

সত্যিই তো, কেন? যারা শহরে থাকে তারা কাজটাকে অপ্রয়োজনীয় বলে ভাবে। লেভ তলস্তোয়ের 'আন্না কারেনিনা'তে অব্লোন্স্কি একটা বন বেচে ফেলার সময় কৃষিকাজ সম্পর্কে বিশেষজ্ঞ লেভিন নামে তার এক আত্মীয় তাকে জিজ্ঞেস করেছিল:

''গাছগুলো গুনেছেন?''

অব্লোন্ স্কি অবাক হয়ে বলল, ''গাছগুনুলো গুনুনব? বৈড়ে বলেছ। সমনুদ্রপারের বালি বা তারার ছ'টা গুনুনতে বসব নাকি! খুব প্রতিভাবান লোকেরা অবশ্য...'' লেভিন তাকে বাধা দিয়ে বলল, ''কিস্তু রিয়াবিনিনের মতো (ব্যবসাদার) বিরাট প্রতিভা তা পেরেছিল। তাছাড়া কোনো চাষীই গুনুনতি না করে জিনিস কেনে না।''

কতথানি (ঘন মিটার) কাঠ আছে তা জানবার জন্য বনের গাছ গোনা হয়। সব গাছ গোনা হয় না, শুধ্ব একটা অংশে, মনে কর ০০২৫ বা ০০৫ হেক্টর জমিতে গোনা হয়। একটু যত্ন নিয়ে এমন জায়গা বেছে নেওয়া হয় যেখানে গাছগুলো মাঝারি রকমের ঘন হয়ে গজিয়েছে আর গাছের উচ্চতাও প্রায় মাঝামাঝি রকম আছে। এজন্য অবশ্য চোখটা অভিজ্ঞ হওয়া দরকার। প্রত্যেকটা জাতের মোট কটা করে গাছ আছে তা জানলেই যথেষ্ট হবে না। গাছগ্রলোর গর্নাড় কতটা মোটা তাও জানতে হবে, অর্থাৎ কতগ্রলো ২৫ সে.মি মোটা, কতগ্রলো ৩০, ৩৫ সে.মি বা বেশী মোটা। সহজ করে আমরা যে চার সারির ছকটা দেখিয়েছি, সম্ভবত এক্ষেত্রের ছকটায় তার চেয়ে বেশী সারি হবে। এই নিয়ম ছাড়া সাধারণভাবে গ্রনতে গেলে বনের ভেতর আমাদের কতবার ঘোরাঘ্রনির করতে হবে তা তো ব্রথতেই পারছ।

তাহলে দেখছ, একই জিনিস গ্নতে হলে ব্যাপারটা কত সহজ এবং সরল। কিন্তু বিভিন্ন জিনিস গ্নতে হলে যে নিয়মটা এইমাত্র দেখানো হল তাই ব্যবহার করতে হবে। এরকম একটা নিয়ম যে আছে অনেকের তাই জানা নেই।

Som we with

৩৭. भाँठ রুবলের বদলে একশো রুবল

একবার এক যাদ্বকর দর্শকদের এই লোভনীয় প্রস্তাবটা দিয়েছিল:

''৫০ কোপেক, ২০ কোপেক আর ৫ কোপেক মিলিয়ে মোট ২০টি মুদ্রায় কেউ যদি আমাকে ৫ রুবল দিতে পারেন তাহলে আমি তাঁকে ১০০ রুবল দেব। পাঁচ রুবলে একশো রুবল! নেবেন নাকি কেউ?''

সারাটা প্রেক্ষাঘর নিস্তব্ধ।

কেউ কেউ কাগজ পেন্সিল বাগিয়ে ধরে এমন একটা স্বযোগ নেবার জন্য হিসেব কষতে শ্বর করেছে। যাদ্বকরকে বিশ্বাস করে তার প্রস্তাবটা মেনে নিতে কেউ-ই রাজী নয়।

যাদন্কর বলে চলল, ''১০০ রন্বলের জন্য ৫ রন্বলকে আপনারা খ্ব বেশী বলে মনে করছেন দেখছি। আচ্ছা বেশ, ২০টি মনুদ্রায় ৩ রন্বল নিতে রাজী আছি আমি, তার বদলে দেব ১০০ রন্বল। যাঁরা নেবেন লাইন করে দাঁডান!'

কেউ-ই লাইনে দাঁড়াতে এল না। সহজে টাকা উপায়ের এই সুযোগটা নিতে কেউ-ই ব্যস্ততা দেখাল না।

''কী ব্যাপার! ৩ র্বলও খ্ব বেশী মনে হচ্ছে আপনাদের? আচ্ছা, আচ্ছা, আরও এক র্বল কমিয়ে দিচ্ছি আমি, ২০টা ম্দ্রায় ২ র্বল দিন আপনারা। এবার হল তো?''

তব্ব কেউ স্বযোগটা নিতে এলেন না। যাদ্বকর বলে চলল:

''খ্রচরো মনুদ্রাগর্বল নেই বোধহয় আপনাদের কাছে? আচ্ছা বেশ, আমি বিশ্বাস করছি আপনাদের, কোন মনুদ্রা কতটা করে দেবেন সেইটা শ্বধ্ব লিখে দিন আমাকে। আমার দিক থেকে আমি প্রতিশ্রন্তি দিচ্ছি, যে এসব মনুদ্রর একটি তালিকা আমাকে দেবেন তাঁদের প্রত্যেককে আমি ১০০ র্বল দেব!''

৩৮. এক হাজার

একই অঙ্ক আট বার ব্যবহার করে ১০০০ লিখতে পার? অঙ্কগ্নলো ছাড়াও অঙ্কের বিভিন্ন চিহ্ন ব্যবহার করতে পার।

৩৯. চবিবশ

৮ অঙ্কটাকে তিনবার ব্যবহার করে ২৪ লেখা খ্রবই সহজ: ৮+৮+৮। অন্য কোন একই অঙ্ককে তিনবার ব্যবহার করে এইরকম ২৪ লিখতে পার? এ ধাঁধাটার একাধিক উত্তর হয়।

৪০. তিরিশ

৫-কে তিনবার ব্যবহার করে সহজেই ৩০ লেখা চলে: ৫×৫+৫। অন্য কোনও অঙ্ককে তিনবার ব্যবহার করে ৩০ লেখা একটু কঠিন। চেণ্টা করে দেখ না! অনেকগ্বলো উত্তর হতে পারে এর।

৪১. লুপ্ত সংখ্যা বের করা

নীচের এই গ্র্ণনটায় অর্ধেকেরও বেশী অঙ্কের জায়গায় * বসানো আছে।

অঙকগুলো বের করতে পার?

৪২. সংখ্যাগুলো কি বল তো?

ঐ একই ধরনের আর একটা ধাঁধা দেওয়া হল। তোমাদের এই হারানো অঙ্কগ্রুলো খুঁজে বের করতে হবে।

৪৩. ভাগ

নীচের ধাঁধাটার হারানো অধ্কগ্নলো বের কর তো:

৪৪. ১১ দিয়ে ভাগ

কোন অঙ্ককে দ্ব'বার ব্যবহার না করে নয়টা অঙ্ক দিয়ে এমন কয়েকটা সংখ্যা লেখ যাদের ১১ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যায়। এদের ভেতর প্রথমে লেখ সবচেয়ে বড়টা, তারপর সবচেয়ে ছোটটা।

৪৫. মজার গ্রেণন

নীচের উদাহরণটা ভাল করে দেখ:

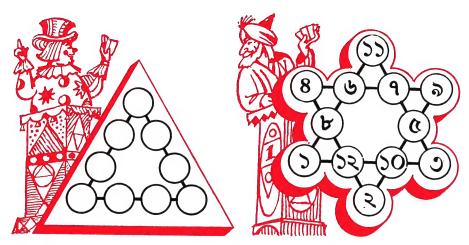
এর ভেতরে মজার ব্যাপার হল নয়টা অৎকই একেবারে আলাদা। এইরকম আরও কয়েকটা উদাহরণ দিতে পার? এরকম অৎক সত্যিই র্যাদ থাকে তাহলে মোট কটা আছে বল তো?

৪৬. সংখ্যার গ্রিভুজ

২৭ নং ছবির ত্রিভুজের ব্ত্তগর্নালর ভেতর এমনভাবে নয়টা অঙক লেখ যাতে প্রতি বাহর্র যোগফল হয় ২০। একই অঙক দ্ব'বার বসানো চলবে না।

৪৭. আরও একটা সাংখ্যিক গ্রিভুজ

ঐ একই গ্রিভুজের (২৭ নং ছবি) বৃত্তে কোন অধ্ককে দ্'বার ব্যবহার না করে নয়টা অধ্ক লেখ। এবার কিন্তু যোগফল হওয়া চাই ১৭।



২৭ নং ছবি। বৃত্তগর্নিতে নয়টি অঞ্ক বসাও। ২৮ নং ছবি। ছয়কোনা সাংখ্যিক তারা।

৪৮. যাদ্য-তারা

ছয়-মাথাওয়ালা তারাটা (২৮ নং ছবি) খ্ব মজার, প্রত্যেক সারির যোগফল সমান:

$$8+6+20+5=56$$
 $2+5+20+6=56$ $2+6+50+5=56$ $2+6+6+5=56$ $2+6+6+6=56$

অবশ্য মাথাগুলোর যোগসংখ্যা অন্যরকম:

সংখ্যাগন্বলা এমনভাবে সাজাতে পার যাতে এই গলদটা দ্র হয়ে প্রত্যেক সারির আর মাথায় যোগফল হয় ২৬?

৩৭—৪৮ নম্বর ধাঁধার উত্তর

৩৭. তিনটে ধাঁধারই কোনো সমাধান নেই। এদের সমাধানের জন্য যাদ্বকর এবং আমি যেকোন প্রক্রার ঘোষণা করতে পারি। এটা প্রমাণ করার জন্য বীজগণিতের সাহায্যে তিনটেকেই বিশ্লেষণ করে দেখা যাক। পাঁচ র্বলের হিসেব — ধরে নেওয়া যাক এটা সম্ভব আর তার জন্য ৫০ কোপেকের ম্দ্রা দরকার ক সংখ্যা, ২০ কোপেকের ম্দ্রা দরকার খ সংখ্যা, আর ৫ কোপেক দরকার গ সংখ্যা। তাহলে এই সমীকরণটা পাওয়া গেল:

একে ৫ দিয়ে ভাগ করলে পাওয়া যাবে:

এছাড়াও, এই ধাঁধাটায় আছে যে মনুদ্রর মোট সংখ্যা হল ২০। তাহলে আমরা আর একটা সমীকরণ পেলাম:

প্রথম সমীকরণ থেকে দ্বিতীয়টাকে বিয়োগ করলে পাওয়া যায়:

একে ৩ দিয়ে ভাগ করলে পাওয়া যায়:

কিন্তু ৩ক, অর্থাৎ ৫০ কোপেকের মোট মুদ্রার সংখ্যাকে ৩ দিয়ে গণ করলে তা একটা পূর্ণ সংখ্যা হবে। খ, অর্থাৎ ২০ কোপেকের মুদ্রার সংখ্যাও হবে পূর্ণ সংখ্যা। স্ত্রাং এই দুটো সংখ্যার যোগফল কোন ভগ্নাংশ হতে পারে না। স্ত্রাং এই ধাঁধাটা সমাধান করা যাবে এমন মনে করাই বোকামি। এর সমাধান হবে না।

ঐ একইভাবে পাঠকরা ব্ঝতে পারবে যে 'কম র্বলের হিসেবগ্লোও' সমাধানযোগ্য নয়। প্রথম ক্ষেত্রে (অর্থাৎ ৩ র্বলের হিসেবে) এই সমীকরণটা পাওয়া যায়:

দিতীয় ক্ষেত্রে (২ র্বলের হিসেবে):

তাহলেই দেখতে পাচ্ছ, দ্'ক্ষেত্রেই ভগ্নাংশ সংখ্যা দাঁড়াচ্ছে।

সন্তরাং এই ধাঁধাগন্লির সমাধানের জন্য বিরাট টাকার পর্বস্কার ঘোষণা করতে যাদন্করকে কোনো ঝুর্ণকিই নিতে হয় নি। টাকাটা তো তাকে কখনই দিতে হবে না!

ব্যাপারটা কিন্তু অন্যরকম হত, যদি ২০টি মুদ্রায় ৫, ৩ বা ২ রুবলের হিসেব না করে হিসেব করতে হত ৪ রুবলের। ধাঁধাটা তখন সহজেই হয়ে যেত, আর সাতটা বিভিন্ন ধরনে তা করা যেত।*

9V. 888 + 88 + 8 + 8 + 8 + 8 = 2000

এর আরও উত্তর হয়।

৩৯. দুটো উত্তর হল:

$$22 + 2 = 28$$
; $0^{\circ} - 0 = 28$

৪০. তিনটে উত্তর দেওয়া হল:

$$5 \times 5 - 5 = 50$$
; $5^{\circ} + 5 = 50$; $50 - 5 = 50$

৪১. নীচের নিয়মে হিসেব করে গেলে আস্তে আস্তে হারানো অধ্কগনলো বের হয়ে আসবে। স্ক্রিধার জন্য প্রতি সারিকে একটা নম্বর দেওয়া যাক:

		5	•	•	•	•	• •	•		প্রথম
	×	o *	•	•		•		•	•	দ্বিতী য়
		* 0 *								
	•	₹* .	•	•	•	•		•		চতুৰ্থ
*	₹	œ	•	•	•	•		•		পঞ্চম
_	* 1	* 00	•	•					•	• ষষ্ঠ

তৃতীয় সারির শেষ সংখ্যা যে ০ হবে তা সহজেই বোঝা যাচ্ছে, কারণ ষষ্ঠ নম্বর লাইনের শেষে রয়েছে ০।

^{*} যে যে উত্তর সম্ভব তার মধ্যে একটা দেওয়া হল: ছয়টা ৫০ কোপেকের মনুদ্রা, দুটো ২০ কোপেকের মনুদ্রা আর ৫ কোপেকের মনুদ্রা বারোটা।

এরপর প্রথম সারির শেষ *-এর অংকটা বের করা যাক: এটা এমন একটা অংক যাকে ২ দিয়ে গুণ করলে ডানদিকের অংকটা হয় ০, আর ৩ দিয়ে গুণ করলে ডানদিকের অংকটা হয় ৫ (পশুম সারির শেষ অংক ৫)। এরকম অংক মাত্র একটিই হয় — ৫।

দ্বিতীয় সারির *-এর আড়ালে কোন অঙ্ক ল্বকিয়ে আছে তা আন্দাজ করা কঠিন নয়। তা হল ৮, কারণ একমাত্র এই অঙ্ককেই ১৫ দিয়ে গ্রেণ করলে এমন একটা উত্তর হয় যার ডার্নাদকে থাকে ২০ (চতুর্থ সারি)।

এরপর পরিষ্কার বোঝা যাচ্ছে যে চতুর্থ সারির শেষে আছে ০। (তৃতীয় ও ষষ্ঠ সারিগ্রালির ডার্নাদিক থেকে দ্বিতীয় অঙ্কগ্রলো দেখলেই বোঝা যাবে!)

সবশেষে প্রথম সারির প্রথম * যে ৪ তা পরিষ্কার হয়ে যাবে, কারণ একমাত্র ৪-কে ৮ দিয়ে গুণ করলেই এমন সংখ্যা পাওয়া যায় যার প্রথমে থাকে ৩ (চতুর্থ সারি)।

এরপর বাকি অজানা অধ্কগালোকে বের করতে কোন মান্সিকল নেই: যে দাটো উৎপাদক আমরা বের করেছি তাকে গাণ করলেই যথেণ্ট হবে।

সবশেষে গুণনের অংকটা দাঁড়াল এই:

8২. এ ধাঁধাটাও একই উপায়ে সমাধানয়োগ্য।
উত্তরটা দাঁডাবে:

৪৩. সবগ্লো সংখ্যা উদ্ধার করলে ধাঁধার অংকটা দাঁড়ায়:

88. এই ধাঁধাটার সমাধান করতে হলে ১১ দিয়ে বিভাজ্য এমন সংখ্যার নিয়মকান্ন জানতে হবে। কোন সংখ্যার ডান দিক থেকে গানে জোড় ক্ষেত্রের সংখ্যাগানলির যোগফল আর বিজোড় ক্ষেত্রের সংখ্যাগানির যোগফল দ্বটোকে বিয়োগ করলে যদি উত্তরটা ০ হয় অথবা ১১ দিয়ে ভাগ দিলে মিলে যায় তাহলে সেই সংখ্যাটা ১১ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যাবে। একটা উদাহরণ দেখা যাক — ২,৩৬, ৫৮,৯০৪।

জোড় ক্ষেত্রের সংখ্যার যোগফল:

আবার বিজোড় ক্ষেত্রের সংখ্যার যোগফল:

বিয়োগফল (বড়টা থেকে ছোটটাকে বিয়োগ করে) হল:

একে ১১ দিয়ে ভাগ করলে মেলে না। তাহলে এ সংখ্যাটা ১১ দিয়ে বিভাজ্য নয়।

আর একটা সংখ্যা ধরা যাক, যেমন — ৭৩,৪৪,৫৩৫।

$$0+8+0=50$$
 $9+8+6+6=25$ $25-50=55$

১১-কে ১১ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যায়, স্বতরাং সংখ্যাটাকেও ১১ দিয়ে ভাগ দিলে মিলে যাবে।

এইভাবে সহজেই বোঝা যায়, নয় অঙক বিশিষ্ট সংখ্যাটায় অঙকগ্নলো কোন ধারাবাহিকতায় বসাতে হবে যাতে সংখ্যাটাকে ১১ দিয়ে ভাগ দিলে মিলে যায়। আর একটা উদাহরণ: ৩৫,২০,৪৯,৭৮৬। এটাকে অঙ্ক কষে দেখা যাক:

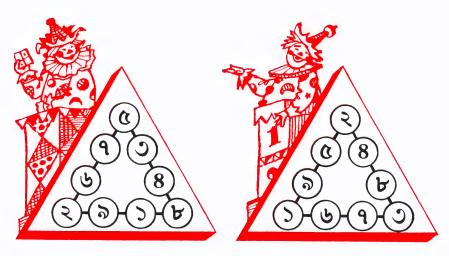
0+2+8+9+6=22 6+0+5+7=22

(22-22) বিয়োগফল হল 0, তাহলে যে সংখ্যাটা নিয়েছি আমরা **তা** ১১ দিয়ে ভাগ করলে মিলে যাবে।

এই সংখ্যাগ্রলোর ভেতর সবচেয়ে বড়টা হল — ৯৮,৭৬,৫২,৪১৩। সবচেয়ে ছোটটা — ১০,২৩,৪৭,৫৮৬।

৪৫. কোন পাঠক ধৈর্য ধরে চেণ্টা করলে নীচের ধরনের নয়টা উদাহরণ বের করতে পারবে। এগুলো হল:

> >> × 840 = &9>9 88× 262=9905 85 × 204 = 6929 २४× ১৫৭ = ৪৩৯৬ 28× 520 = 6089 8×2904 = 9265 २१×১৯४= ७०८७ 8×**>**>७ = १४७२ 02×249=4568

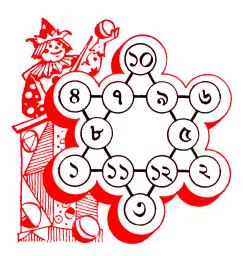


২৯ নং ছবি

৩০ নং ছবি

- 8৬—89. ২৯ নং আর ৩০ নং ছবিতে সমাধান দেখান হয়েছে। প্রত্যেক সারির মাঝখানের অঙকগ্নলোকে জায়গা বদল করে বসালে আর এক সারি সমাধান পাওয়া যাবে।
 - ৪৮. কিভাবে সংখ্যাগন্নলা সাজাতে হবে তা দেখতে হলে নীচের মতো হিসেব ধরে নিয়ে এগোতে হবে।

মাথাগ্রলাতে সংখ্যার যোগফল হবে ২৬। আর তারাটার সমস্ত সংখ্যার



৩১ নং ছবি

যোগফল ৭৮। তাহলে, ভেতরের ষড়ভুজের সংখ্যার যোগফল হবে ৭৮ – ২৬ = ৫২।

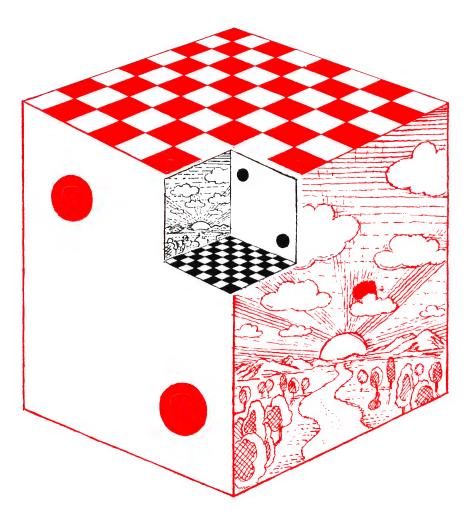
এবার বড় হিভুজগ্নলির ভেতর একটা
ধরা যাক। এর প্রত্যেক বাহ্রর
সংখ্যাগ্রলির যোগফল ২৬। যদি তিনটে
বাহ্রকে যোগ করা যায় তবে হবে ২৬ ×
০ = ৭৮। কিন্তু এখানে মাথাগ্রলির
প্রত্যেকটি সংখ্যাকে গোনা হচ্ছে দ্ববার
করে। ভেতরের তিন জোড়ার (অর্থাৎ
ভেতরের ষড়ভুজের) যোগফল আমরা জানি
হবে ৫২, তাহলে প্রতিটি হিভুজের মাথার
যোগফলের দ্বিগ্ন-হবে ৭৮ – ৫২ = ২৬,
অথবা প্রতি হিভুজে ১৩।

এবার আমাদের অঙ্ক খ;্রেজ বের করার কাজটা কমে এল। উদাহরণস্বর ুপ,

মাথার বিন্দর্গর্লোতে ১২ বা ১১ কোন সংখ্যাই থাকতে পারে না। তাহলে ১০ দিয়ে চেণ্টা করে দেখা যেতে পারে, আর এর সঙ্গে সঙ্গে এটাও বের হয়ে যাবে যে অন্য দর্টো অঙক হবে ১ আর ২।

এখন যে কাজটা করতে হবে তা হল সংখ্যাগ্রলো বসিয়ে যাওয়া। তা করতে করতেই আমাদের সমাধানে যেভাবে সাজাতে হবে তা বার হয়ে যাবে। ৩১ নং ছবিতে এটা দেখান হয়েছে।





৪৯. একটি লাভজনক লেনদেন

ঘটনাটা কবে বা কোথায় ঘটেছিল তা জানা নেই আমাদের। হয়ত কোর্নদিনই ঘটে নি, সেটাই অবশ্য বেশী সম্ভব। কিন্তু সত্যিই হোক আর কল্পনাই হোক, এই মজার গল্পটা শোনবার মতো।

এক

এক কোটিপতি তো খ্ব খ্শী হয়ে ঘরে ফিরল। একটি লোকের সঙ্গে তার দেখা হয়েছে। তার মতে, এই দেখা হওয়াটা ভবিষ্যতে খ্বই লাভজনক হয়ে দাঁভাবে।

বাড়ির লোকদের বলল সে, ''কপালখানা দেখ তো! লোকে যে বলে সোভাগ্য শ্ব্ব প্রসাওয়ালা লোকদের জন্য, ঠিকই। অন্তত আমার ভাগ্যে তো কিছ্বটা ফলেছে কথাটা। ব্যাপারটা ঘটল একেবারে অপ্রত্যাশিত! বাড়িতে আসছি, এমন সময় দেখা হল একটা আত সাধারণ লোকের সঙ্গে, হয়ত লক্ষ্যই করতাম না তাকে আমি। কিন্তু আমার পয়সাকড়ি আছে শ্ব্বে সে একটা প্রস্তাব করল। আর সেই প্রস্তাবটা শ্বনে, ব্র্কলে তোমরা, আমার তো দম বন্ধ হয়ে যাবার জোগাড়।

''লোকটা বলল, 'আসন্ন, চুক্তি করা যাক একটা, প্ররো এক মাস প্রতিদিন আমি আপনাকে দেব ১ লক্ষ র্বল। এর বদলে আমারও নিশ্চয়ই চাই কিছন্ — অবশ্য সেটা প্রায় কিছন্ই না!'

'প্রথম দিন আমাকে যা দিতে হবে সে একটা তামাশামার, শ্ব্ধ্ব একটা কোপেক। আমি তো আমার কানদ্বটোকে বিশ্বাস করতে পারছিলাম না।

''জিজ্ঞেস করলাম, 'মাত্র একটা কোপেক?'

''সে আবার বলল, 'মাত্র একটা, দ্বিতীয় দিনের ১ লক্ষ র্বলের জন্য অবশ্য দিতে হবে ২ কোপেক।'

''আমার আর তর সইছিল না, জিজ্ঞেস করলাম, 'তারপর, তারপর কত দিতে হবে?'



৩২ নং ছবি। 'মাত্র একটি কোপেক...'

"'আজে, তৃতীয় বার ১ লক্ষ র্বলের জন্য আপনি আমাকে দেবেন ৪ কোপেক, চতুর্থবারে দেবেন ৮ কোপেক, পঞ্চম বারে ১৬ কোপেক। এইভাবে প্রতিদিন আপনি আমাকে আগের দিনের ডবল কোপেক দেবেন।'

" 'তারপর ?'

"'ব্যস, শ্বধ্ব এই এর বেশী আর কিছ্ব চাইব না আমি। আপনি শ্বধ্ব এই শতটাই মেনে চলবেন। প্রতিদিন আমি আপনাকে ১ লক্ষ র্বল এনে দেব, প্রতিদিন আপনি আমাদের কথামতো টাকাটা দিয়ে দেবেন। একটা শত আছে শ্বধ্ব, মাস শেষ না হলে কিন্তু লেনদেন বন্ধ করা চলবে না।'

''ভেবে দেখ কথাটা! শব্ধব্ কয়েকটা

কোপেকের জন্য লোকটা লাখ লাখ রব্বল দিয়ে দিচ্ছে। লোকটা হয় জালিয়াত, নয়ত পাগল। তা যাই হোক, ব্যবসাটা কিন্তু লাভের। স্যোগটা তো ছাড়া চলবে না।

''আমি বললাম, 'আচ্ছা বেশ, টাকাটা নিয়ে এস, যা চাইছ তাই দেব আমি। দেখ বাবা, ঠকিও না কিন্তু জাল নোট-টোট এন না যেন।'

''लाक्णा वलल, 'ভाববেন না। काल সকালেই আসব আমি।'

''আমার শুধু এই ভয় যে লোকটা হয়ত আসবে না। সে হয়ত বুঝতে পেরেছে যে একটা বোকার মতো কাজ করে ফেলেছে সে। আচ্ছা দেখা যাক, আগামী কালের তো দেরি নেই আর।"

म्ब्र

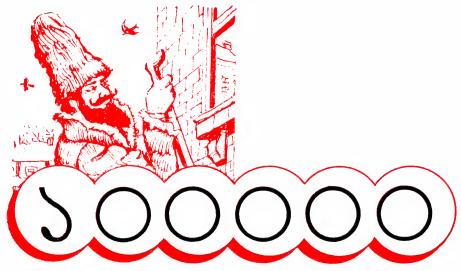
পর্রাদন খ্ব ভোরেই জানালায় টোকা পড়ল। সেই অচেনা লোকটা এসেছে।

সে জিজ্ঞেস করল, ''আপনার কোপেক ঠিক করে রেখেছেন তো, আমার কথামতো টাকাটা নিয়ে এসেছি আমি।''

সত্যিই তাই, ঘরে ঢুকেই একটা টাকার বাণ্ডিল বের করল সে। ঠিকঠিক ১ লক্ষ রুবল গুনুনল, তারপর বলল:

''এই হল আমাদের কথামতো টাকাটা। এখন আমার কোপেকটা দিয়ে দিন।"

টেবিলের উপর একটা তামার মুদ্রা রাখল কোটিপতি। তার হৃদয় এখন গলার কাছে ধ্বকপ্বক করছে, হঠাৎ যদি মত বদলায় লোকটার, যদি হঠাৎ ফেরত চেয়ে বসে টাকাটা! লোকটা মুদ্রাটাকে হাতের তাল্বতে নিয়ে ওজন করে দেখল, তারপর রেখে দিল ব্যাগের ভেতর।



৩৩ नः ছবি। জানালায় টোকা দিল অচেনা লোকটি।

"কালও এই সময়েই আসছি আমি। কোপেক দ্বটো তৈরি রাখতে ভুলবেন না।"

সেই ধনী লোকটি তো তার সোভাগ্যকে বিশ্বাসই করতে পারল না।
১ লক্ষ র্বল কি আকাশের চাঁদ হাতে নিয়ে এল! টাকাটা গ্নলে সে, সব
ঠিক আছে, কোন জাল নোট-টোট নেই দেখে আশ্বস্ত হল। তারপর খ্নী
মনে টাকাটা সরিয়ে রেখে আগামী দিনের কথাটা ভাবতে লাগল।

রাতের বেলা আবার দুর্শিচন্তা শ্বর্ হল। লোকটা যদি কোন ছদ্মবেশী ডাকাত হয়? কোটিপতি তার ধনরত্ন কোথায় রাখে তাই দেখবার জন্যই এসে থাকে যদি, হয়ত পরে ডাকাতি করবে।

ধনী লোকটি উঠে, আরও ভাল করে দরজাগ্বলো এ°টে দিল; বারবার জানালা খ্বলে দেখতে লাগল, আর একটু শব্দ হলেই ঘাবড়ে গিয়ে লাফিয়ে উঠতে লাগল, ঘ্রম এল না বহ্মাণ। ভোরের বেলায় জানালায় একটা টোকা পড়ল। সেই লোকটা এসেছে। আরও ১ লক্ষ র্বল গ্বনে দিয়ে কথামতো দ্বটো কোপেক নিয়ে ব্যাগে প্রের বেরিয়ে গেল সে।

বলে গেল, "কাল চার কোপেক তৈরি রাখতে ভুলবেন না।"

পকেটে আরও ১ লক্ষ র্বল এল। ধনী লোকটির তো আনন্দ আর ধরে না। এবার কিন্তু লোকটিকে আর ডাকাত বলে মনে হল না। আসলে, কোটিপতির লোকটিকে আর সন্দেহজনক বলেই মনে হল না। শ্ধ্মাত্র কয়েকটা কোপেক চায়, পাগল নাকি! আহা প্থিবীতে যদি আরও কিছ্ব এমন লোক থাকত, চালাক লোকেরা বেশ থাকত তাহলে...

তৃতীয় দিনেও ঠিকমতোই এল লোকটি। কোটিপতিও এবার ৪ কোপেকের বদলে পেল ১ লক্ষ রুবল।

পর্রাদন আরও ১ লক্ষ র্বল এল ৮ কোপেকের বদলে। পশুম বারে ১ লক্ষ র্বলের জন্য ধনী লোকটি দিল ১৬ কোপেক। আর ষষ্ঠ বারের জন্য দিল ৩২ কোপেক।

প্রথম সাত দিনে কোটিপতি পেল ৭ লক্ষ র্বল, আর তার জন্য তার খরচা হল অতি সামান্য:

১+২+8÷৮+১৬+৩২+৬৪= ১ রুবল ২৭ কোপেক

এটা লোভাঁ লোকটার খ্ব মনমতো হল। শর্তটা এক মাস মাত্র চলবে এই একটামাত্র দ্বঃখ থাকল তার। তার মানে হল মাত্র ৩০ লক্ষ র্বল পাবে সে। সময়টা অন্তত আরও ১৫ দিন বাড়াবার জন্য লোকটার সঙ্গে কথা বলবে নাকি? না, বাবা, না বলাই ভাল। লোকটা হয়ত তাহলে ব্ঝে ফেলবে যে টাকাটা সে শ্ধ্ শ্ধ্ই দিয়ে দিচছে...

এর ভেতর সেই অচেনা লোকটা কিন্তু প্রতি সকালেই ১ লক্ষ র্বল নিয়ে আসতে লাগল। আট দিনের দিন সে পেল ১ র্বল ২৮ কোপেক, নবম দিনে — ২০৬৬ র্বল, দশম দিনে — ৫০১২ র্বল, এগারো দিনের দিন — ১০০২৪ র্বল, বারো দিনের দিন — ২০০৪৮ র্বল, তেরো দিনের দিন — ৪০০৯৬ র্বল, চৌদ্দ দিনের দিন — ৮১০৯২ র্বল।

ধনী লোকটি সঙ্গে সঙ্গে মিটিয়ে দিত টাকাটা। কমবেশী ১৫০ র্বলের বদলে সে ১৪ লক্ষ র্বল পেয়েছে। কিন্তু তার আনন্দ স্থায়ী হল না। অলপ দিনেই সে দেখতে পেল কারবারটাকে প্রথমে সে যতটা লাভজনক ভেবেছিল, ততটা নয়। ১৫ দিন বাদেই তাকে আর কোপেক নয়, কয়েক শো র্বল দিতে হল। তারপর থেকেই দেবার অঙ্কটা তাড়াতাড়ি বাড়তে লাগল। আসলে তাকে যা দিতে হল তা এই:

পনেরো	বারের	>	লক্ষের	জন্য				>60 .88
<u>ষোলো</u>	বারের	۵	লক্ষের	জন্য				७२१ छ ४
সতেরো	বারের	>	লক্ষের	জন্য				৬৫৫.৩৬
আঠারো	বারের	>	লক্ষে র	জন্য				১, ৩ ১०∙ १ २
উনিশ	বারের	>	লক্ষের	জন্য				২,৬২১⋅৪৪

এখনও ক্ষতি হচ্ছিল না তার। ৫০০০ র্বলেরও বেশী দিতে হয়েছে তাকে সতি কথা, কিন্তু তার বদলে সে কি ১৮ লক্ষ র্বল পায় নি? লাভের অঞ্কটা কিন্তু প্রতিদিনই ধাপে ধাপে নেমে যাচ্ছিল। এরপর ধনী লোকটিকে যা দিতে হল তা হচ্ছে:

বিশ	বারের	>	লক্ষের	জন্য							৫, ২৪২·৮৮
একুশ	বারের	>	লক্ষের	জন্য							ऽ०,८४ ৫ ∙ १ ५
বাইশ	বারের	>	লক্ষের	জন্য							२०.৯৭১.৫২
তেইশ	বারের	>	<i>ল</i> ক্ষের	জন্য							8১,৯ 8৩ ·০৪
চৰিবশ	বারের	>	লক্ষের	জন্য							४०,४४५ ०४
প°চিশ	বারের	۵	লক্ষের	জন্য							১,৬৭,৭৭২ ১৬
ছাবিবশ	বারের	۵	লক্ষের	জন্য							७,७६,६८८ ७३
সাতাশ	বারের	۵	লক্ষের	জন্য							&.95,088·88

এখন থেকে সে যা পাচ্ছিল তার থেকে অনেক বেশী দিতে হচ্ছিল তাকে। এখনই তার থামা দরকার। কিন্তু চুক্তি ভাঙতে পারছে না সে।

অবস্থা খারাপ থেকে আরও খারাপ হতে লাগল। খ্ব দেরি করেই সেই ধনী লোকটি ব্রুবতে পারল যে অপরিচিত লোকটি নির্দয়ভাবে বোকা বানিয়েছে তাকে, সে যা পেয়েছে তার থেকে অনেক অনেক বেশী দিতে হবে তাকে...

২৮ দিনের দিন ধনী লোকটিকে দশ লাথেরও বেশী র্বল দিয়ে দিতে হল। তারপরের দ্'বারের টাকা একেবারে পথে বসিয়ে দিল তাকে। সে একেবারে আকাশ ছোঁয়া টাকা:

আঠাশ	বারের	5	লক্ষের	জন্য						১७,8२,১ ৭ ৭·২४
উনহিশ	বারের	۵	লক্ষের	জন্য						२७,४८ , ७৫৪∙৫ ७
<u> তিশ</u>	বারের	5	লক্ষের	জন্য						60,88,905·52

আগন্তুক যখন শেষ বারের মতো চলে গেল, কোটিপতি তখন ৩০ লক্ষ র্বলের জন্য তাকে কত দিতে হয়েছে হিসেব কষতে বসল। উত্তর হল:

১ কোটি ১০ লক্ষ র্বলের অল্প কিছ্ব কম!.. আর এর শ্রের্ হয়েছিল এক কোপেক থেকে। অপরিচিত লোকটি যদি দৈনিক ৩ লক্ষ র্বল করেও দিত, তাহলেও তার এক কোপেকও ক্ষতি হত না।

তিন

গলপটা শেষ করার আগে কোটিপতির লোকসান আরও তাড়াতাড়ি কিভাবে হিসেব করে বের করা যায়, অর্থাৎ তার দেওয়া টাকাগ্নলো তাড়াতাড়ি যোগ করার উপায় দেখাব তোমাদের:

সংখ্যাগর্নলর নিম্নবর্ণিত বিশেষত্বগর্লো লক্ষ্য করা কঠিন নয় মোটেই:

$$5 = 5$$
 $2 = 5 + 5$
 $3 = (5 + 2) + 5$
 $4 = (5 + 2 + 8 + 4) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$
 $5 = (5 + 2 + 8 + 4 + 5) + 5$

আমরা দেখছি যে প্রতিটি সংখ্যা তার আগের সংখ্যাগন্বলোর যোগফলের চাইতে ১ বেশী। তাহলে, যদি আমাদের সবগন্বলো সংখ্যা যোগ করতে হয়, যেমন ধরা যাক ১ থেকে ৩২,৭৬৮ পর্যন্ত, তখন শেষ সংখ্যার সঙ্গে (৩২,৭৬৮) আমরা যোগ করব তার আগের সংখ্যাগ্রলোর যোগফল। এই আগের সংখ্যাগ্রলোর যোগফল হল, সেই সংখ্যা থেকে ১ কম (৩২,৭৬৮—১)। উত্তর হল ৬৫,৫৩৫।

কোটিপতি শেষবার কত টাকা দিয়েছিল সেটা জানলে, এভাবে অধ্ক কষেই সে মোট কত টাকা দিয়েছিল তা আমরা বের করতে পারি। সে শেষ যে টাকাটা দিয়েছিল তা হল ৫৩,৬৮,৭০৯ রুবল ১২ কোপেক।

তাহলে ৫৩,৬৮,৭০৯·১২ আর ৫৩,৬৮,৭০৯·১১ যোগ করলেই আমাদের উত্তরটা পেয়ে যাব:

5,09,09,858.20

৫০. গুজব

গ্ৰুজব যে কত তাড়াতাড়ি ছড়িয়ে পড়ে তা ভাবলে অবাক হয়ে যেতে হয়। কখনও একটা ঘটনা বা দুর্ঘটনা হয়ত চোখে দেখেছে মাত্র কয়েক জন। কিন্তু দ্ব্'ঘণ্টার ভেতরেই সেটা লোকের মুখে মুখে ছড়িয়ে পড়ে সারা শহরে। এর অসাধারণ গতি দেখলে অবাক হতে হয়, ব্লিদ্ধ যায়।

কিন্তু সমস্তটা ব্যাপার যদি অংশ্কর সাহায্যে কষো তাহলেই দেখবে আসলে এর ভেতর চমক লাগানো ব্যাপার কিছ্ই নেই, ব্যাপারটা দিনের আলোর মতোই পরিষ্কার হয়ে উঠবে।

নীচের ব্যাপারটা খ্র্টিয়ে দেখা যাক।

এক

রাজধানী থেকে একটা আগ্রহজনক খবর নিয়ে এল একজন লোক ৫০,০০০ লোক বাস করে এমন একটা শহরে। যে বাড়িতে উঠল সেখানে তিনজন মাত্র লোককে কথাটা বলল সে। ধর, এতে তার সময় লাগল ১৫ মিনিট।

তাহলে, লোকটি পেশছবার ১৫ মিনিটপরে, ধরা যাক সকাল ৮১১৫-তে, খবরটা জানল মাত্র চারজন: সে নিজে আর স্থানীয় তিনজন বাসিন্দা।

এই তিনজনের প্রত্যেকেই অন্য তিনজনকে খবরটা বলতে বেরিয়ে গেল।



এতে লাগল আরও ১৫ মিনিট। তার মানেই, আধ ঘণ্টা বাদে, $8+(0\times0)=$ ১৩ জন লোকের ভেতর সংবাদটা জানাজানি হল।

শেষ যে নয়জন কথাটা জেনেছিল, তারা আবার তিনজন করে বন্ধুবান্ধবকে ঘটনাটা জানাল। সকাল $b \cdot 8c$ নাগাদ খবরটা জানল: $5c + (c \cdot \times 5) = 8c$ জন বাসিন্দা।

গ্রজবটা যদি এভাবে ছড়াতে থাকে, অর্থাং শোনবার ১৫ মিনিটের ভেতর প্রত্যেকেই যদি আরও তিনজনকে খবরটা

০৪ নং ছবি। রাজধানীর বাসিন্দা একটা মজার খবর বলে, তাহলে ফলটা দাঁড়াবে এই রকম:



৩৫ নং ছবি। প্রত্যেকে খবরটা অন্য তিনজনকে বলল।

সকাল ৯টায় খবরটা জানবে $80 + (0 \times 20) = 525$ জন সকাল 5.56-0 খবরটা জানবে $525 + (0 \times 85) = 088$ জন সকাল 5.00-0 খবরটা জানবে $088 + (0 \times 280) = 5050$ জন

তার মানে দাঁড়াচ্ছে দেড় ঘণ্টার ভেতর খবরটা জানাজানি হবে প্রায় ১১০০ জনের ভেতর। যে শহরে ৫০,০০০ লোকের বাস সে শহরের পক্ষে এটা অবশ্য খুব বেশী বলে মনে হয় না। সত্যি বলতে কি, কেউ কেউ ভাববে যে সমস্ত শহর খবরটা জানতে অনেক সময় লাগবে। খবরটা কত তাডাতাডি ছডিয়ে পড়বে দেখা যাক:

 তারপরের ১৫ মিনিটেই এটা শহরের অর্ধেকেরও বেশী লোকের কাছে পেণছে যাবে:

৯৮৪১ + (৩
$$\times$$
৬৫৬১) = ২৯,৫২৪ জন

তার মানেই হল সকাল ৮টায় যে খবরটা জানত মাত্র একজন লোক, সকাল ১০.৩০-এর ভেতর সারা শহরের লোক তা জেনে ফেলবে।

मुद्

এবার দেখা যাক এটা কি করে হিসেব করা হয়। সমস্ত ব্যাপারটা নীচের এই সংখ্যাগালির যোগ করায় এসে ঠেকছে:

$$3+0+(0\times0)+(0\times0\times0)+(0\times0\times0\times0)+$$
 ইত্যাদি

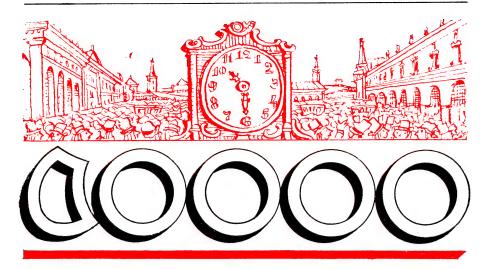
আগে যেভাবে আমরা হিসেব করেছিলাম (১+২+৪+৮ ইত্যাদি) সের্প সহজতর পদ্ধতিতেও এটা করা যায় বোধহয়? তা যায়, অবশ্য যে সংখ্যাগর্নি বসাচিছ তার কতকগ্নিল বিশেষত্বের দিকে লক্ষ্য রাখতে হবে:

তার মানেই হল, প্রতিটি সংখ্যা তার আগের সংখ্যাগ্রলোর যোগফলের দ্বিগ্রণের চাইতে ১ বেশী।

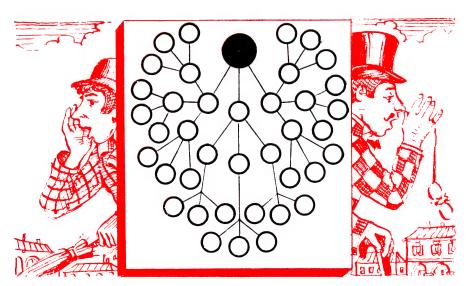
তাহলে, ১ থেকে যেকোন সংখ্যা পর্যস্ত যোগফল বের করতে হলে শেষের সংখ্যাটার সঙ্গে যোগ করতে হবে সেই সংখ্যার (তা থেকে ১ বিয়োগ দিয়ে নিতে হবে) অর্ধেক।

যেমন ধরা যাক, এই অজ্কটার যোগফল কত?

অথবা ৭২৯ + ৭২৮-এর অর্ধেক, অর্থাৎ ৭২৯ + ৩৬৪ = ১০৯৩।



৩৬ নং ছবি। সাড়ে দশটায় সারা শহরের লোক খবরটা জেনে যাবে।



৩৭ নং ছবি। গ্রুজব ছড়ানোর ধারা।

তিন

আমাদের গণপটায় প্রত্যেক বাসিন্দা খবরটা বলছে কেবলমাত্র তিনজনের কাছে। কিন্তু শহরের বাসিন্দারা যদি একটু বেশী কথা বলে, আর খবরটা তিনজনকে না বলে, পাঁচ এমনকি দশজনকে বলে, তাহলে গ্র্জবটা ছড়াবে আরও তাড়াতাড়ি।

পাঁচজন করে বললে ব্যাপারটা দাঁড়াচ্ছে:

সকাল	৮টায়			¥	ব র	টা	জ	নে			2	জন
সকাল	৮.১৫-তে								2+	ė =	৬	জন
সকাল	৮.৩০-এ .								9 +	$(\mathfrak{G} \times \mathfrak{G}) =$	02	জন
সকাল	৮.৪৫-এ .								02+	(१७×७)=	১৫৬	জন
স্কাল	৯টাতে								১ ৫৬ +	(\$\$&\tilde{\$\delta}\$)=	982	জন
সকাল	৯.১৫-তে								d R 2 +	(७२৫×৫)=	৩৯০ ৬	জন
সকল	৯.৩০-এ .								৩৯০৬ +	(05 × & × &) =	১৯,৫৩১	छन

মোন্দা কথা, ৫০,০০০ বাসিন্দার প্রত্যেকেই সকাল ৯·৪৫-এর আগে খবরটা জেনে ফেলবে।

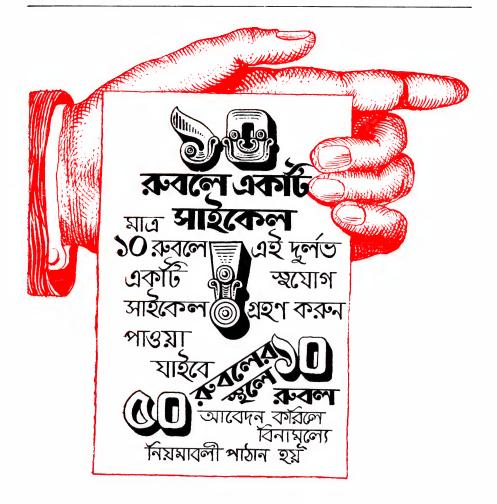
র্যাদ প্রত্যেকে দশজন লোককে খবরটা বলত, তাহলে খবরটা ছড়িয়ে পড়ত আরও তাড়াতাড়ি। এক্ষেত্রে সংখ্যাটা এইভাবে তাড়াতাড়ি বেড়ে যেত:

স্কাল	৮টায়			খব	রট	ब	7-1	ত	5 E	জন
সকা ল	৮.১৫-তে								2+ 20= 22 @	জন্ম
সকাল	৮ ∙৩০-এ								55 + 500 = 555 g	জন
সকাল	⊦ ∙৪৫-ব								\$\$\$ \$\$\$\$ \$	গন
সকা ল	৯টায় .								5,555 + 50,000 = 55,555	জন্দ

এরপরের সংখ্যাটা নিশ্চয়ই হবে ১,১১,১১১। এ থেকেই বোঝা যাচ্ছে সকাল ৯টার কিছ্ম পরেই সারা শহর খবরটা জেনে যাবে। এক্ষেত্রে খবরটা সারা শহরে ছড়িয়ে পড়তে এক ঘণ্টার কিছ্ম বেশী লাগবে।

৫১. সাইকেলের জ্যোচুরি

প্রাক্বিপ্লব রাশিয়ায় এবং বিদেশে হয়ত বর্তমানেও কতকগর্নল প্রতিষ্ঠান সাধারণ স্তরের মালপত্তর কাটাবার জন্য এক নতুন ধরনের পথ বের করে। জনপ্রিয় সংবাদপত্র বা পত্রিকাগর্লোতে নীচের ধরনের একটা বিজ্ঞাপন দিয়ে ব্যাপারটা শ্রুর হত:



টোপটা অনেকেই গিলল, তারা লিখে পাঠাল নিয়মাবলীর জন্য। তাদের কাছে এল এক বিস্তৃত তালিকা।

১০ র্বলের বদলে তারা যা পেল তা কিন্তু সাইকেল নয়। তারা পেল চারটে কুপন, এগ্বলোকে আবার ১০ র্বল দামে তাদের বন্ধ্বদের কাছে বেচতে বলা হল। এভাবে যে ৪০ র্বল আদায় হল, সে তা পাঠিয়ে দিল সেই প্রতিষ্ঠানকে। তখন প্রতিষ্ঠানটি তাকে পাঠাল সাইকেলটা। সে তাহলে সতিয়েসিতিই ১০ র্বল দিল। বাকি ৪০ র্বল এল তার বন্ধ্বদের পকেট থেকে। আসলে এই ১০ র্বল দেওয়া ছাড়াও খন্দেরকে বাকি চারটে কুপন

কেনার লোক জোগাড় করতে অনেক ঝামেলা পোয়াতে হল। অবশ্য তাতে তার পয়সা খরচা কিছু হল না।

এই কুপনগর্নল কী? খদ্দের তার ১০ র্বলের জন্য কী কী স্বিধা পেল? সে একই ধরনের পাঁচটা কুপনের সঙ্গে তার কুপনটা বদলে নেবার অধিকারটাকে কিনে নিয়েছিল। অন্যভাবে বলতে গেলে সে সাইকেলের দাম ৫০ র্বল আদায় করার স্যোগের দাম দিয়েছিল। এই সাইকেলটা কিনতে তার আসলে লাগল কুপনের টাকাটা, মাত্র ১০ র্বল। নতুন করে যারা কুপনের মালিক হল তারা আবার প্রত্যেকে বিলি করার জন্য পেল পাঁচটা কুপন, এভাবে চলল।

একবার দেখলে সমস্ত ব্যাপারটার ভেতর কোন জ্বয়াচুরি আছে বলে মনে হবে না। বিজ্ঞাপনদাতা তার কথা রাখল। সাইকেলটা কিনতে খন্দেরকে আসলে ১০ র্বলই দিতে হল। প্রতিষ্ঠানটিরও কিছ্ব ক্ষতি হচ্ছিল না, মালের প্রেরা দামটাই তারা পেয়ে যাচ্ছিল।

তব্ ব্যাপারটা ছিল পরিষ্কার জ্বাচুরি। কারণ বহ্ লোক তাদের শেষ কুপনগর্নল বেচতে না পারায় ক্ষতিগ্রস্ত হল। তাই রাশিয়াতে এর নাম হল 'ধ্বস'। কোম্পানির লাভের টাকাটা এদের কাছ থেকেই জ্বটছিল। দ্ব'দিন আগে বা পরে এমন একটা অবস্থা এল যে কুপনের মালিকদের পক্ষে ওগ্লো বিক্রি করা অসম্ভব হয়ে দাঁড়াল। কুপনের মালিকের সংখ্যা কত তাড়াতাড়ি বেড়ে যাচ্ছিল। কাগজ পোন্সল নিয়ে হিসেব ক্ষতে বসলেই ঘটনাটার অবশ্যম্ভাবী পরিণতি দেখা যাবে।

প্রথম কিস্তিতে যারা সরাসরি প্রতিষ্ঠানটি থেকেই কুপন কিনেছিল, কেনবার নতুন লোক জোগাড় করতে কোন মুদ্দিলাই হল না তাদের। এই দলের প্রত্যেকে লেনদেনটার ভেতর চারজন করে নতুন লোক নিয়ে এল। এদের আবার কুপনগ্লিল বিক্রি করতে হল ২০ জনের (৪×৫) ভেতর, আর তা করতে গিয়ে তাদের এই কুপন কেনার স্ক্বিধা সম্বন্ধে বিশ্বাস জন্মাতে হল। ধরে নেওয়া যাক তারা তা পারল, তখন কুড়ি জন নতুন করে অংশ গ্রহণ করল এতে।

বরফের ধনসটার গতি আর পরিধি (ভর, বেগ) দ্ইই বেড়ে উঠল। কুপনের ২০ জন নতুন মালিককে কুপনগন্লো ছড়িয়ে দিতে হল আরও ২০ \times ৫=১০০ জনের ভেতর।

এই পর্যস্ত সর্বপ্রথমে যারা কুপন পেয়েছিল তারা প্রত্যেকে খেলার ভেতর টেনে এনেছে 5+8+20+500=526 জন লোককে। এদের

ভেতর ২৫ জন সাইকেল পেয়েছে। বাকি ১০০ জনকে একটি করে সাইকেল পাবার আশা দেওয়া হয়েছে, আর এই আশাতেই তারা প্রত্যেকে দিয়েছে ১০ র্বল করে।

'ধ্বস' এবার বন্ধ্বান্ধবদের ছোট পরিধি ভেদ করে ছড়িয়ে পড়েছে সারা শহরে, সেখানে কেনবার নতুন লোক খ্রুঁজে পাওয়া ক্রমেই কঠিন হয়ে উঠছে। শেষ যে ১০০ জন কুপন কিনল তাদের আবার বিক্রি করতে হল ৫০০ জন নতুন শিকারের কাছে। তাদের আবার টানতে হল আরও ২৫০০ জনকে। শহরটা একেবারে কুপনে ছেয়ে যেতে লাগল, আর সত্যি বলতে কি, কুপন কিনতে চায় এমন লোক পাওয়া কঠিন হয়ে উঠল।

তোমরা দেখতে পাবে যে এই 'লাভের ব্যবসাতে' যাদের টানা হল তাদের সংখ্যা বাড়তে লাগল গ্রুজব ষেভাবে ছড়িয়েছিল (আগে দেখ) ঠিক সেভাবে। যে সংখ্যাগ্রুলো পাওয়া গেল তা পিরামিডের মতো করে সাজালে দাঁড়ায়:

> \$ \$0 \$00 \$00 \$\$00 \$\$,\$00 \$\$,\$00

শহরটা যদি বড় হয় আর সাইকেল চড়া লোকের সংখ্যা হয় ৬২,৫০০ তাহলে ৮ কিন্তিতেই 'বরফ ধসে' পড়া সম্পূর্ণ হয়ে যাবে। এই সময়ের ভেতর সমস্ত লোকই পরিকল্পনার আওতায় এসে গেছে। কিন্তু এদের মাত্র পাঁচ ভাগের এক ভাগই সাইকেল পাবে। বাকি লোকদের কাছে থাকবে কুপন। সে কুপনগ্লো বিক্রির সম্ভাবনা আর এ জন্মে হবে না।

আরও বেশী লোকসংখ্যা যেসব শহরে, এমনকি যে আধ্নিক রাজধানীতে লোক থাকে লক্ষ লক্ষ সেথানেও আর কয়েকটি কিন্তিতেই থেল্ থতম হয়ে যাচ্ছে। কারণ সংখ্যার এই পিরামিড বেড়ে উঠেছে অবিশ্বাস্য গতিতে। নবম কিন্তির পর থেকে সংখ্যাগ্রলো এইরকম দাঁড়াচ্ছে: **७,५२,**६०० **५**६,५२,६०० **५৮,५२,**६०० **७,**৯०,५२,६००

তোমরা দেখতেই পাচ্ছ যে ১২ নম্বর কিন্তিতে এই পরিকল্পনাটা একটা দেশের সমস্ত অধিবাসীকে গ্রাস করে ফেলবে, আর এই জাল কারবারীদের হাতে ঠকে যাবে তাদের ৪/৫ ভাগ।

তাদের লাভটা কী হল দেখা যাক। তারা জনসংখ্যার পাঁচ ভাগের এক ভাগ ক্রেতার জন্য বাকি পাঁচ ভাগের চার ভাগকে দাম দিতে বাধ্য করছে। তার মানে: এই দল হয়েছে অন্য দলের স্থের জোগানদার। তাছাড়াও তারা পাচ্ছে অত্যুৎসাহী একদল মালবিক্রেতা, সম্পূর্ণ নিজের ইচ্ছেতেই কাজে এসেছে তারা। সমস্ত ঘটনাটাকে একজন রুশ লেখক ঠিকই নাম দিয়েছিলেন 'পারস্পরিক জ্রাচুরির হিমানী প্রপাত'। ঘটনাটি সম্বন্ধে আর যা বলা যেতে পারে তা হল: কি করে হিসেব কষে জ্রাচুরি থেকে নিজেদের বাঁচিয়ে চলতে হয়, তা যারা জানত না, তারাই ভূগত।

৫২. প্রক্রার

প্রেনো রোমের সেই উপকথার ঘটনাটা বর্লাছ এখানে।*

এক

রোমান সেনাপতি তেরেনতিয়াস এক বিজর অভিযান থেকে অনেক ধনরত্ন নিয়ে দেশে ফিরে একবার সম্রাটের সঙ্গে দেখা করতে চা**ইলেন।**

সমাটও তাঁকে খ্ব সমাদর করে গ্রহণ করে সামাজ্যের জন্য তিনি বা করেছেন সেজন্য ধন্যবাদ জানালেন এবং সিনেটে তাঁর সম্মানের উপযুক্ত একটি পদ দেবেন বলে প্রতিশ্রুতি দিলেন।

কিন্তু তেরেনতিয়াস এই প্রব্হকার চান নি।

তিনি বললেন, "আপনার স্থনাম আর ক্ষমতা বিস্তারের জন্য আমি অনেক যুদ্ধ জয় করেছি, মৃত্যুকেও আমি ভয় করি নি। যদি আমার

^{*} রিটেনের এক ব্যক্তিগত গ্রন্থাগারের সংগ্রহভূক্ত একটি হাতে-লেখা ল্যাটিন পাম্ভুলিপির স্বচ্ছন্দ অনুবাদ।

একাধিক প্রাণ থাকত তাহলে তাও আপনার জন্য দ্বেচ্ছায় আমি উৎসর্গ করতাম। কিন্তু যুদ্ধ করে করে আমি ক্লান্ত হয়ে পড়েছি। সে বয়স এখন আমার আর নেই, শিরার রক্তেও আর তেজ নেই। এখন আমার পৈত্রিক বাড়িতে ফিরে গিয়ে জীবন কাটাবার সময় হয়েছে।"

"তেরেনতিয়াস, বল, কী তুমি চাও?" সম্রাট প্রশ্ন করলেন।

"হে সমাট! আমি চাই আপনার অন্ত্রহ। প্রায় সারা জীবনই আমি যুদ্ধে কাটিরেছি, রক্তরঞ্জিত করেছি আমার তরবারি, কিস্তু নিজের সোভাগ্য গডার কোন সময়ই আমি পাই নি। আমি দরিদ্র…"

"সাহসী তেরেনতিয়াস, বল, বল!" সম্রাট বলে উঠলেন।

উৎসাহ পেয়ে সেনাপতি বললেন, "আপনার অন্করকে যদি প্রক্রারই দেবেন, তাহলে অনুগ্রহ করে জীবনের শেষ কয়েকটা দিন শান্তি ও প্রাচুর্যের মধ্যে বাস করতে সাহায্য কর্ন। আমি সম্মান চাই না, চত্ড়ান্ত ক্ষমতার অধিকারী সিনেটেও কোন উ'চু পদের আকাঙ্ক্ষা আমার নেই। ক্ষমতা এবং সমাজ থেকে সরে গিয়ে আমি শান্তিতে বসবাস করতে চাই। হে সম্লাট, জীবনের বাকি দিনগ্রনি স্থে কাটাবার উপযুক্ত অর্থ আমাকে দিন।"

গল্পে আছে, সম্রাট দয়াল, ছিলেন না। আসলে, তিনি ছিলেন ক্পণ। টাকা দিতে প্রাণে লাগে তাঁর। সেনাপতিকে উত্তর দেবার আগে একম,হত্ত ভেবে নিলেন তিনি। শেষ পর্যন্ত তিনি জিজ্ঞেস কর্লেন:

"কত টাকা হলে চলবে বলে মনে কর?"

"হে সম্রাট, দশ লক্ষ দিনারী (স্বর্ণমনুদ্রা)।"

সমাট আবার চুপ হয়ে গেলেন। সেনাপতি মাথা নীচু করে অপেক্ষা করতে লাগলেন।

শেষ পর্যন্ত সমাট বললেন:

"সাহসী তেরেনতিয়াস, তুমি একজন বিরাট সেনাপতি। সত্যিসতিয়ই তোমার কীর্তির উপযুক্ত প্রক্ষার দেওয়া উচিত। ধনদৌলত আমি দেব তোমাকে। আমি যা ঠিক করি কাল দুপুরে জানতে পাবে।"

নমস্কার জানিয়ে বিদায় নিলেন তেরেনতিয়াস।

मुद्

পর্রাদন রাজপ্রাসাদে এলেন তেরেনতিয়াস।

"এই যে সাহসী তেরেনতিয়াস!" সমাট আহ্বান জানালেন।

শ্রদ্ধা জানিয়ে মাথা নোয়ালেন সেনাপতি।

"সমাট, আমি আপনার মতামত জানতে এসেছি, আপনি অনুগ্রহ করে আমাকে প্রক্ষার দেবেন কথা দিয়েছেন।"

সমাট উত্তর দিলেন, "নিশ্চয়ই, তোমার মতো একজন মহান যোদ্ধাকে আমি সামান্য কোন প্রতিদান দিতে চাই না। দেখ, আমার ধনাগারে ৫০ লক্ষ পেতলের মুদ্রা আছে, যার দাম হল দশ লক্ষ দিনারী। এবার খেয়াল করে শোনো। তুমি আমার ধনাগারে গিয়ে একটা মুদ্রা এখানে নিয়ে আসবে। পরাদিন আবার ধনাগারে গিয়ে প্রথমটার দ্বিগ্রণ দামের মুদ্রা এনে প্রথমটার পাশে রাখবে। তৃতীয় দিনে পাবে প্রথমটার চার গ্রণ, চতুর্থ দিনে আট গ্রণ, পশুম দিনে যোলো গ্রণ এক একটা করে মুদ্রা। এইভাবেই চলতে থাকবে। তোমার জন্য প্রতিদিন উপযুক্ত দামের মুদ্রা তৈরির আদেশ দিয়ে রাখব। যতিদন পর্যন্ত ক্ষমতা থাকবে তোমার, তুমি আমার কোষাগার থেকে মুদ্রা নিয়ে যেতে পারবে। কিন্তু কার্ম্বর সাহায্য না নিয়ে কাজটা একাই করতে হবে তোমাকে। আর যখন তুমি আর মুদ্রা তুলতে পারবে না, তখন থামবে। আমাদের চুক্তি শেষ হবে তখন। যা কিছ্ম মুদ্রা তুমি নিয়ে আসবে, তাই হবে তোমার প্রক্ষার।"

খুব আগ্রহ নিয়ে সম্লাটের কথা শ্বনলেন তেরেনতিয়াস। রাজকোষ থেকে বিরাট ধন নিয়ে আসার কল্পনায় তাঁর চোখ তখন স্বাপ্পল।

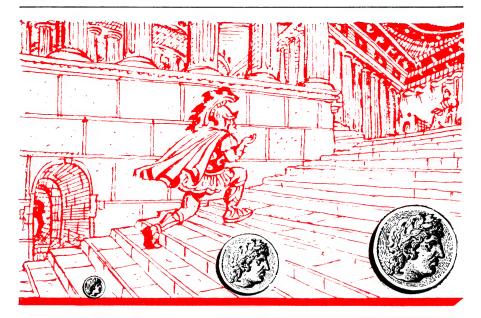
"হে সম্লাট, আপনার বদান্যতায় আমি কৃতজ্ঞ। আপনার প্রুবস্কার সত্যিই অপুর্ব !" সানন্দে উত্তর দিলেন তেরেন্তিয়াস।

তিন

সমাটের দরবার-ঘরের কাছেই কোষাগার। এভাবে প্রতিদিন সেখানে যেতে শ্রুর করলেন তেরেনতিয়াস। প্রথম মনুদ্রাকে দরবার-ঘরে নিয়ে আসা কঠিন হল না।

প্রথম দিন যে ছোট্ট মুদ্রাটি তেরেনতিয়াস নিয়ে এলেন তার ব্যাস হল ২১ মিলিমিটার আর ওজন ৫ গ্রাম।

দ্বিতীয়, তৃতীয়, চতুর্থ, পঞ্চম আর ষষ্ঠ মনুদ্রাগর্নলি বয়ে নিয়ে আসাও বেশ সহজ হল। ওগর্নলর ওজন ছিল যথাক্রমে ১০, ২০, ৪০, ৮০ আর ১৬০ গ্রাম।



৩৮ নং ছবি। প্রথম মুদ্রা। ৩৯ নং ছবি। সপ্তম মুদ্রা। ৪০ নং ছবি। নবম মুদ্রা।

সপ্তম মুদ্রার ওজন হল ৩২০ গ্রাম আর তার ব্যাস হল ৮ ৫০ সেন্টিমিটার (অথবা ঠিকঠিক বলতে গেলে ৮৪ মিলিমিটার*)।

অষ্টম দিনে তেরেনতিয়াসকে যে মুদ্রাটা নিতে হল তার দাম ছিল প্রথম মুদ্রার ১২৮ গুণু, এর ওজন হল ৬৪০ গ্রাম, আর ব্যাস হল প্রায় ১০ সেন্টিমিটার।

নবম দিনে তিনি সমাটের কাছে যে মুদ্রাটা নিয়ে এলেন তার দাম হল প্রথম মুদ্রার ২৫৬ গুন্, ওজন হল ১-২৫০ কিলোগ্রামেরও বেশী আর ব্যাস হল ১৩ সেন্টিমিটার।

বারো দিনের ম্দ্রটোর ব্যাস হল প্রায় ২৭ সেন্টিমিটার, আর ওজন দাঁড়াল ১০·২৫০ কিলোগ্রাম।

সমাট প্রতিদিন সাদর অভ্যর্থনা জানাতেন তেরেনতিয়াসকে। জয়ের

[#] প্রথম মুদ্রা থেকে ব্যাস আর প্ররুদ্ধে চার গুন্ন বেশী হলেই মুদ্রাটা ৬৪ গুন্ন ভারী হয়ে যায়, কারণ $8\times 8\times 8=8$ । গলেপর শেষে যখন আমরা মুদ্রার আকার হিসেব করব তখন কিন্তু এটা মনে রাখতে হবে।

আনন্দ আর ল্বকিয়ে রাখতে পারলেন না তিনি। তিনি দেখলেন ষে, তেরেনতিয়াস তাঁর কোষাগারে গিয়েছেন ১২ বার, আর এনেছেন ২০০০ পেতলের মন্দ্রার কিছু বেশী মাত্র।

তেরো দিনের দিন তেরেনতিয়াস পেলেন প্রথম মনুদ্রাটা থেকে ৪০৯৬ গুন্ণ দামী মনুদ্রা। এর ব্যাস ছিল ৩৪ সেন্টিমিটার আর ওজন ২০১৫০০ কিলোগ্রাম।

এর পর্রাদনের মৃদ্রাটা হল আরও বড় আর আরও ভারী: ওজন হল ৪১ কিলোগ্রাম, ব্যাস হল ৪২ সেন্টিমিটার।

হাসি না চাপতে পেরে সমাট জিজেস করলেন, "সাহসী তেরেনতিয়াস, তুমি ক্লান্ত হয়ে পড়েছ কি?"

"না, সম্রাট," ভূর্ কুচকে কপালের ঘাম মৃছতে মৃছতে উন্তর করলেন সেনাপতি।

পার হয়ে এল পনেরো দিন। বোঝাটা এত ভারী হয় নি আর কখনও। প্রথম মুদ্রাটা থেকে ১৬,৩৮৪ গ্রুণ দামী একটা মুদ্রা বয়ে নিয়ে তেরেনতিয়াস ধীরে ধীরে এসে ঢুকলেন দরবারে। এর ব্যাস ছিল ৫৩ সেন্টিমিটার আর গুজন ৮০ কিলোগ্রাম। গুজনটা একজন দীর্ঘকায় যোদ্ধার গুজনের সমান।

ষোলো দিনের দিন বোঝাটা বয়ে আনতে গিয়ে সেনাপতির পা কাঁপতে লাগল। মুদ্রাটার দাম ছিল ৩২.৭৬৮টা মূল মুদ্রার সমান, আর ওজন হল ১৬৪ কিলোগ্রাম। ব্যাস দাঁড়াল ৬৭ সেনিটমিটার।

হাঁপাতে হাঁপাতে তেরেনতিয়াস এসে ঢুকলেন দরবার-ঘরে। তাঁকে খ্রই ক্লান্ত দেখাচ্ছিল। সম্লাটের সঙ্গে দেখা হলে সম্লাট একটু হেসে তাঁর দিকে তাকালেন...

এর পর্রাদন সেনাপতি সেখানে আসতেই এক দমকা হাসি অভ্যর্থনা জানাল তাঁকে। মুদ্রাটা আর বয়ে আনতে পারেন নি তিনি, সেটাকে গড়িয়ে আনতে হয়েছে। এর ব্যাস ছিল ৮৪ সেন্টিমিটার, ওজন ৩২৮ কিলোগ্রাম আর দাম ৬৫,৫৩৬টি মূল মুদ্রার সমান।

আঠারো দিনটাতেই শেষবারের মতো কিছু ধনসম্পদ বাগাতে পারলেন তিনি। রাজকোষ হয়ে দরবারে যাওয়া শেষ হয়ে গেল তাঁর। এবারের মুদ্রাটার দাম ছিল ১,৩১,০৭২টি মুল মুদ্রার সমান, ব্যাস ১ মিটারেরও বেশী, আর ওজন ৬৫৫ কিলোগ্রাম। তাঁর বর্শটোকে স্টিয়ারিং-লিভারের মতো করে ধরে মুদ্রাটা গড়িয়ে আনলেন তিনি। সম্রাটের পায়ের কাছে ধপাস করে পড়ল সেটা।



৪১ নং ছবি। একাদশতম মন্ত্রা।৪২ নং ছবি। ক্রয়োদশতম মন্ত্রা।৪৩ নং ছবি। পঞ্চদশতম মন্ত্রা।

একেবারে দম ফুরিয়ে গেছে তেরেন্তিয়াসের।

"যথেষ্ট… হয়েছে," হাঁপাতে হাঁপাতে বললেন তিনি।

আনন্দের হাসি অতিকণ্টে চাপলেন সম্রাট। সেনাপতিকে একেবারে বোকা বানিয়েছেন তিনি। কোষাধ্যক্ষকে এরপর হিসেব করতে রললেন তিনি: তেরেনতিয়াস রাজকোষ থেকে কত টাকা বের করে এনেছেন।

তাই করলেন কোষাধ্যক্ষ।

"হে সম্লাট, আপনার সহৃদয়তাকে ধন্যবাদ। সাহসী তেরেনতিয়াস প্রব্যকার পেয়েছেন ২,৬২,১৪৩টি পেতলের মুদ্রা।"

এভাবে সেই কৃপণ সমাট, সেনাপতি যে দশ লক্ষ দিনারী চেয়েছিলেন তার মাত্র কুড়ি ভাগের এক ভাগ দিলেন তাঁকে।

কোষাধ্যক্ষের হিসেব আর মুদ্রাগ্মলির ওজন দেখা যাক এবার। রাজকোষ থেকে তেরেনতিয়াস যা নিয়েছিলেন তা হল:



৪৪ নং ছবি। ষোড়শতম মন্দ্রা।

৪৫ নং ছবি। <mark>সপ্তদশতম ম</mark>ুদ্রা।

১ম	দিনে	১টির	স্মান	মুদ্রার	ওজন	Ġ	গ্রাম
২য়	দিনে	২ টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	\$0	গ্রাম
৩য়	দিনে	ខ0់ិត	সমান	ম ুদ্রার	ওজন	২ 0	গ্রাম
8 ଏ	দিনে	৮টির	সমান	ম ুদ্রার	ওজন	80	গ্রাম
৫ম	দিনে	১৬টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	Ao	গ্রাম
৬ষ্ঠ	দিনে	৩২টির	স্মান	ম্দ্রার	ওজন	১৬০	গ্রাম
৭ম	দিনে	৬ ৪ টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	७२०	গ্রাম
৮ম	দিনে	১২৮টির	সমান	ম্দ্রার	ওজন	\\ 80	গ্রাম
৯ম	দিনে	২৫৬টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	১,২৮০	গ্রাম
১০ম	দিনে	৫১২টির	সমান	ম্দ্রার	ওজন	२,७७०	গ্রাম
22×1	দিনে	১,০২৪টির	সমান	ম্দ্রার	ওজন	৫,১২০	গ্রাম
>২শ	দিনে	২,০৪৮টির	সমান	ম্দ্রার	ওজন	\$ 0, ২ 80	গ্রাম
১৩শ	দিনে	৪,০৯৬ ប៊ែর	স্মান	ম ুদ্রার	ওজন	२०,८४०	গ্রাম
> 84	দিনে	৮,১৯২টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	৪০,৯৬০	গ্রাম
2 ઉમા	দিনে	১৬,৩৮৪টির	সমান	ম্দ্রার	ওজন	४५,৯२०	গ্রাম
১৬শ	দিনে	৩২,৭৬৮টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	১,৬৩,৮৪০	গ্রাম
29×1	দিনে	৬৫,৫৩৬ টির	সমান	মুদ্রার	ওজন	७,२१,५४०	গ্রাম
2৪শ	দিনে	১,৩১,০৭২টির	স্মান	মুদ্রার	ওজন	৬,৫৫,৩৬০	গ্রাম



৪৬ নং ছবি। অণ্টাদশতম মাদ্রা।

দিতীয় কলমের সংখ্যাগ্বলোকে খ্ব সহজেই যোগ করে ফেলতে জানি আমরা (৯৪-৯৫ প্র্তার নিয়মটা এখানেও খাটবে)। যোগফলটা এখানে হচ্ছে ২,৬২,১৪৩। তেরেনতিয়াস কিন্তু চেয়েছিলেন ১০ লক্ষ দিনারী, অর্থাৎ ৫০ লক্ষ পেতলের মন্ত্রা। তাহলে তিনি পেলেন

৫০,০০,০০০:২,৬২,১৪৩ ≈ ১৯ ভাগ।

৫৩. দাবাখেলার কাহিনী

দাবাখেলা — পূথিবীর সবচেয়ে প্রনো খেলার একটা। খেলাটা আবিষ্কার হয়েছে বহু বহু শতাবদী আগে। স্তরাং এর সম্বন্ধে যে অনেক কাহিনী থাকবে তাতে আর আশ্চর্য কী। আর কাহিনীগুলোর বেলায় যা হয়, সেগৢলোর সত্যি-মিথ্যা জানা অসম্ভব হয়ে ওঠে। এগৢলির একটা বলছি তোমাদের। গলপটা ব্রুতে অবশ্য দাবা খেলতে জানা দরকার নেই: একটা ছক-কাটা বোর্ডে ৬৪টা খোপ থাকে, এটুকু জানলেই চলবে।

এক

প্রাব্ত বলে, দাবাখেলাটা এসেছে ভারতবর্ষ থেকে। একটা খেলায় যে কতরকম ব্দির চাল দেওয়া যায় তা দেখে রাজা শেরাম খ্ব উৎসাহিত হয়ে উঠলেন।

এর উদ্ভাবক তাঁরই একজন প্রজা জানতে পেরে, এই অপর্ব আবিষ্কারের জন্য পর্বস্কার দেবেন ঠিক করে রাজা শেরাম তাঁকে তাঁর সামনে হাজির করতে আদেশ করলেন।

খুব সাদাসিধে পোশাক পরা এই লোকটির নাম ছিল সেসা। শিক্ষকতা করে জীবিকা নির্বাহ করতেন তিনি। সেসা এসে উপস্থিত হলেন রাজার সামনে।

রাজা তাঁকে অভ্যর্থনা জানিয়ে বললেন, "আপনার অন্তুত আবিৎকারের জন্য প্রেক্সকার দিতে চাই আপনাকে।"

সেসা মাথা নুইয়ে নমস্কার জানালেন।

রাজা বললেন, "আপনার মনের যেকোন কামনা পূর্ণ করার মতো ধনসম্পদ আমার আছে। কী চাই আপনার তাই শৃ্ধ্ বল্ন, তাই দেব আপনাকে।"

সেসা নীরব রইলেন।

রাজা উৎসাহ দিয়ে বললেন, "লজ্জার কী আছে? বলনে না কী চাই আপনার। আপনার আকাজ্ফা পূর্ণ করতে কোন ব্রুটিই হবে না।"

পশ্ডিত উত্তর করলেন, "মহারাজ, আপনার দয়ার সীমা নেই, কিন্তু একটু ভাবতে সময় দিন আমাকে। ভালভাবে চিন্তা করে কাল আমার প্রার্থনা জানাব আপনাকে।"

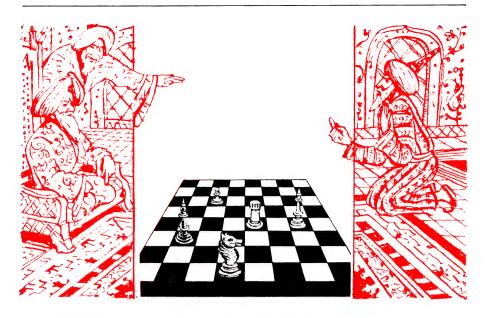
পরিদিন অতি তুচ্ছ এক অন্বরোধ জানিয়ে রাজাকে আশ্চর্ষ করে দিলেন সেসা।

তিনি বললেন, "প্রভু, দাবার ছকের প্রথম ছকটার জন্য এক দানা গম পেতে চাই আমি।"

"সাধারণ এক দানা গম?" রাজা যেন নিজের কানকেই বিশ্বাস করতে পার্রাছলেন না।

"হ্যাঁ প্রভু, দ্বিতীয়টার জন্য দ্বটো, তৃতীয়টার জন্য চারটে, চতুর্থটার জন্য আটটা, পঞ্চমটার জন্য ১৬টা, ষষ্ঠটার জন্য ৩২টা…"

বিরক্ত হয়ে উত্তর দিলেন রাজা, "আচ্ছা, আচ্ছা, দাবার ৬৪টা ছকের



8৭ নং ছবি। 'দ্বিতীয় ছকটির জন্য দুর্বিট দানা দেবার আদেশ কর্ন।'

জন্যই আপনার ইচ্ছেমতো গমের দানা পাবেন আপনি। প্রতিদিন তার আগের দিনের চাইতে দ্বিগ্ন্ণ, এই তো। কিন্তু জেনে রাখ্ন আপনার প্রার্থনাটা ঠিক আমার দেবার ইচ্ছের উপয্কুত হল না। এইরকম একটা নগণ্য প্রস্কার প্রার্থনা করে আপনি আমাকে অসম্মান করলেন। স্বত্যি বলতে কি, একজন শিক্ষক হিসেবে রাজার উদারতাকে আরও একটুবেশী সম্মান দেখাতে পারতেন আপনি। আপনি যান! আমার ভৃত্যরা আপনার গমের র্থাল প্রেণছৈ দেবে।"

হেসে বেরিয়ে গেলেন সেসা। তারপর তোরণের কাছে তাঁর প্রক্ষকারের জন্য অপেক্ষা করতে লাগলেন।

দূর্ই

খাবার সময় সেসার কথা মনে পড়ল রাজার। সেই 'বেকুব' আবিষ্কারক তার নগণ্য প্রবংকার পেয়ে গেছে কিনা জিজ্ঞেস করলেন তিনি। তাঁকে জানান হল, "প্রভু! আপনার আদেশ পালন করা হচ্ছে। কতগ্নলো গমের দানা তিনি পাবেন, তা পশ্ডিতরা হিসেব করছেন।"

রাজা ভুর, কোঁচকালেন। এত ধীরে ধীরে তাঁর আদেশ পালন করা হচ্ছে, এতে অভ্যস্ত ছিলেন না তিনি।

রাতে শোবার আগে আবার জিজ্ঞেস করলেন তিনি, সেসাকে তাঁর গমের থলিটা দেওয়া হয়েছে কিনা।

উত্তর শ্বনলেন, "প্রভূ, আপনার হিসেবনবীশরা হিসাব করে চলেছেন একটানা, তাঁরা আশা করছেন সকালের আগেই হিসেবটা শেষ হবে।"

রেগে উঠে প্রশন করলেন রাজা, "এরা এত দেরি করছে কেন? আমার ঘ্রম ভাঙবার আগেই সেসাকে যেন কড়ায় ক্রান্তিতে সব শোধ করে দেওয়া হয়। একটা দানাও যেন বাকি না থাকে। আমি দু'বার আদেশ দিই না!

সকালবেলায় রাজাকে বলা হল, রাজসভার প্রধান হিসেবনবীশ দেখা করতে চেয়েছেন।

রাজা তাঁকে আসতে আদেশ করলেন।

রাজা শেরাম প্রশ্ন করলেন তাঁকে, "আপনার দরকারী কথা শোনবার আগে, সেসাকে তাঁর প্রার্থনা মতো নগণ্য পর্রস্কার দেওয়া হয়েছে কিনা, সেটাই জানতে চাই।"

ব্দুড়ো পণিডত উত্তর করলেন, ''সেজন্যই তো এত ভোরে আপনার সামনে আসতে সাহস করেছি। সেসার প্রার্থনা মতো গমের দানার সংখ্যাটা বের করতে একটানা খেটেছি আমরা। সে একটা বিরাট..."

অধৈর্য হয়ে তাঁকে বাধা দিলেন রাজা, "হিসেবটা যত বিরাটই হোক না কেন, আমার শস্যের গোলাগ্বলো থেকে সহজেই তা দেওয়া যাবে। তাঁকে এই প্রস্কার দেব কথা দিয়েছি। আর তা দিতেই হবে..."

"মহারাজ, সেসার প্রার্থনা পূর্ণ করা আপনার ক্ষমতার বাইরে। সেসা যা চেয়েছেন তত দানা আপনার গোলায় নেই। আপনার সমস্ত রাজ্যেও ততটা দানা নেই। সত্যি বলতে কি সারা প্থিবীতেও নেই। যদি আপনার কথা রাখতেই হয় তাহলে সমস্ত সাগর ও মহাসাগরের জল ছে চে, উত্তরের মর্ভূমিগ্রলোর তুযার আর বরফ গালয়ে ফেলে সারা প্থিবীর সমস্ত জমিতে গমের চাষ করতে আদেশ কর্ন। যদি এই সমস্তটা জমিতেই গমের আবাদ করা যায় তাহলে হয়ত সেসাকে দেবার মতো গমের দানা পাওয়া যাবে।"

অবাক বিষ্ময়ে পশ্চিতের কথা শ্নছিলেন রাজা।

"কত দানা?" চিন্তান্বিতভাবে বললেন তিনি। পশ্চিত উত্তর করলেন, "মহারাজ, সংখ্যাটা ১,৮৪,৪৬,৭৪,৪০,৭৩,৭০, ৯৫,৫১,৬১৫!"

তিন

গলপটা হল এই। সত্যিই এরকম ঘটেছিল কিনা তা আমরা জানি না। কিন্তু প্রক্রেকারটা যে এইরকমই একটা সংখ্যায় দাঁড়াবে তা বোঝা কিছু কঠিন নয়। একটু ধৈর্য ধরে আমরাই হিসেবটা কষে ফেলতে পারি।

১ থেকে শ্রের্ করে ১, ২, ৪, ৮ ইত্যাদি সংখ্যাগ্রলো যোগ করতে হবে। ২-এর ৬৩তম ঘাত যত সেটাই হল ৬৪তম ছকের জন্য আবিষ্কারকের প্রাপ্যের সমান। ২^{৬৪}=এর থেকে ১ বিয়োগ করলেই খ্র সহজে শস্যাদানার সংখ্যাটা পেয়ে যাব আমরা। এর অর্থ হল ২-কে ২ দিয়ে ৬৪ বার গ্রণ করতে হবে:

২imes২imes২imes২imes২imes২imes২imes২imes3 বার।

হিসেবের স্বিধার জন্য এই ৬৪টি উৎপাদককে আমরা ৬টা ভাগে ভাগ করব প্রতিভাগে থাকবে ১০টা করে ২, সবচেয়ে শেষের ভাগে থাকবে ৪টা ২। ২ 50 =এর ফল হল ১০২৪ আর ২ 8 হল ১৬। তাহলে যে উত্তরটা আমরা চাই তা দাঁড়াচ্ছে:

5028×5028×5028×5028×5028×50

১০২৪-কে ১০২৪ দিয়ে গুণ করলে আমরা পাই ১০,৪৮,৫৭৬। এখন আমাদের বের করতে হবে

১০,৪৮,৫৭৬ \times ১০,৪৮,৫৭৬ \times ১০,৪৮,৫৭৬ \times ১৬ এর থেকে ১ বিয়োগ করলেই শস্যের এই সংখ্যাটা পেয়ে যাব আমরা:

১,৮৪,৪৬,৭৪,৪০,৭৩,৭০,৯৫,৫১,৬১৫

এই বিরাট সংখ্যাটা সম্বন্ধে ঠিকঠিক ধারণা করতে হলে ভেবে দেখ শস্যগন্নলো রাখতে কত বড় গোলার দরকার হবে? আমরা জানি যে এক ঘন মিটার গমের ভেতর থাকে ১,৫০,০০,০০০ দানা। তাহলে দাবাখেলা যিনি আবিষ্কার করেছিলেন তাঁর ইচ্ছেমতো প্রস্কারটা রাখতে হলে ১,২০.০০,০০,০০,০০,০০০ ঘন মিটার বা ১২,০০০ ঘন কিলোমিটারের কাছাকাছি আয়তনের গোলা দরকার। যদি এমন একটা গোলাঘর হয় যা ৪ মিটার উ'চু আর পাশে ১০ মিটার, তাহলে এর দৈর্ঘ্য হবে ৩০ কোটি কিলোমিটার, অর্থাৎ প্রথিবী থেকে স্থের্যর যা দ্রুত্ব তার দ্বিগুণ।

রাজা সেসার প্রার্থনা রাখতে পারলেন না। কিন্তু অংক একটু মাথা থাকলেই তিনি এমন বিরাট পর্রস্কার দেওয়াটাকে এড়িয়ে যেতে পারতেন। সেসাকেই একটি একটি করে দানা গুনে নিয়ে যেতে বললেই চলত।

সত্যিই সেসা যদি সারা দিনরাত্রি একেবারে না থেমে শস্যের দানা গ্রুনে যেতেন, প্রতিটি দানা গ্রুনতে যদি তাঁর সময় লাগত এক সেকেন্ড, তাহলে প্রথম দিনে তিনি গ্রুনতেন ৮৬,৪০০টা দানা। দশ লক্ষ শস্যদানা ১০ দিনের কমে গ্রুনতে পারতেন না। এক ঘন মিটারে যতটা গম ধরে তা গ্রুনতে তাঁর লাগত প্রায় ছয় মাস। একবারও না থেমে ১০ বছর ধরে গ্রুনে গেলে তিনি ৫৫০ ব্রুশেল গোনা শেষ করতেন। তাহলেই দেখতে পাচ্ছ, সেসা যদি শস্য গোনার কাজে তাঁর জীবনের বাকি সমস্ত দিনগ্র্লিও লাগাতেন তাহলেও প্রুবস্কারের একটা নগণ্য অংশই পেতেন তিনি।

৫৪. দ্রুত বংশবিস্তার

একটা পাকা পপিতে থাকে ছোট ছোট বীজ, তাদের সবকটা থেকেই গজাতে পারে নতুন গাছ। যদি সবগ্লো বীজকেই ব্লুনে দেওয়া যায়, আর তা থেকে গাছ গজায় তাহলে মোট কত গাছ হবে? এটা বের করতে হলে জানতে হবে প্রত্যেকটা পপিতে কতগ্লো করে বীজ আছে। কাজটা খ্লুবই একঘেয়ে। কিন্তু এর ফলটা এত মজার যে ধৈর্য ধরে হিসেবটা নিখ্তভাবে করে ফেললে সময়টা নণ্ট হবে না। প্রথমেই দেখতে পাবে যে প্রত্যেকটা পপি-ফলে গড়ে ৩০০০ করে বীজ থাকে।

তারপর? তারপরেই দেখতে পাবে যে এই পপি গাছের চারপাশে যদি যথেষ্ট জাম থাকে, তাহলে প্রতিটি বীজ থেকেই গাছ হবে, আর আগামী গ্রীষ্মকালেই আমরা পেয়ে যাব ৩০০০টা পপি গাছ। মাত্র একটা পপি থেকে হবে পুরো এক পপি বাগান।

তারপর কি দাঁড়াবে সেটা দেখা যাক। এই ৩০০০ পপি গাছের প্রত্যেকটিতেই অন্তত একটা করে পপি-ফল পাওয়া যাবে (আরও বেশী হওয়াই স্বাভাবিক), আর তাতে থাকবে ৩০০০টা করে বীজ। এগনুলো গজালে প্রত্যেকটি থেকে হবে ৩০০০টা নতুন চারা। তাহলেই দ্বিতীয় বছরের শেষে আমরা পাব কমপক্ষে

৩০০০ × ৩০০০ = ৯০,০০,০০০টা গাছ

এখন হিসেব করা খুবই সহজ যে তৃতীয় বছরের শেষে আমাদের একটিমাত্র পপির বংশধরের সংখ্যা দাঁড়াবে:

\$0,00,000 × 0000 = \$9,00,00,000

চার বছরের শেষে

২৭,০০,০০,০০,০০০ × ৩০০০ = ৮,১০,০০,০০,০০,০০,০০০ পাঁচ বছরের শেষে সমস্ত প্থিবীতেও এই পপি গাছের স্থানসংকুলান হবে না, তাদের সংখ্যা তখন দাঁড়াবে:

₽,\$0,00,00,00,000 × 0000 = ₹,80,00,00,00,00,00,00

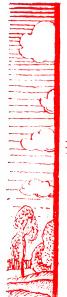
আর সমস্ত মহাদেশ এবং দ্বীপগ্নলোর আয়তন নিয়ে সমস্ত প্থিবীর পরিধি হল মাত্র ১৩,৫০,০০,০০০ বর্গ কিলোমিটার বা ১৩,৫০,০০,০০,০০,০০,০০০ বর্গ মিটার।

যতগন্লো পপি গাছ এ সময়ের মধ্যে গজাতে পারবে জায়গাটা তার প্রায় ২০০০ ভাগের এক ভাগ মাত্র।

দেখতে পাচ্ছ, যদি সমস্ত পপি বীজ থেকেই চারা হয়, তাহলে এক বর্গ মিটারে ২০০০ চারা হিসেবে পাঁচ বছরের ভেতরই একটামাত্র পপির বংশ সারা প্থিবীর মাটি ছেয়ে ফেলবে। ছোটু পপি বীজ্টায় এমন একটা দানবীয় সংখ্যা লা্কিয়ে আছে, তাই না?

অলপ বীজ হয় এমন গাছ দিয়েও

৪৮ নং ছবি। ডাণ্ডেলিয়ন ফুলে বছরে বীজ হয় প্রায়ব্যাপারটা দেখা ষেতে পারে। ফল তাতে ১০০টা করে। সমানই হবে। শ্ব্ধ্ এক্ষেত্রে সারা





প্রিথবীর মাটি ছেয়ে ফেলতে গাছগুলোর পাঁচ বছরের কিছু বেশী সময় লাগবে। যেমন ধরা যাক, ডান্ডেলিয়ন ফুলের কথা। এতে বছরে গড়ে বীজ হয় ১০০টা*। সমস্ত বীজ থেকেই যদি গাছ গজায় তাহলে আমরা পাচছ:

১ম	বছরের শে	াষে		১টি	চারা
২য়	বছরের শে	াষে		र्घ००८	চারা
৩য়	বছরের শে	াষে		र्घी०००,० <i>८</i>	চারা
8ৰ্থ	বছরের শে	াষে	٥٥,	००,०००ि	চারা
৫ম	বছরের শে	াৰে	\$0,00,	00,000	চারা
৬ষ্ঠ	বছরের শে	াষে	\$0,00,00,	ত০,০০০টি	চারা
৭ম	বছরের শে	া য়ে	\$0,00,00,00,	००,०००ि	চারা
৮ম	বছরের 🗱	গৰে ১০	0,00,00,00,00,	00,000 चि	চারা
৯ম	বছরের শে	ায়ে ১০,০০	0,00,00,00,00,	००,००० ि	চারা

সমস্ত প্থিবীতে যত বর্গ মিটার জমি আছে তার ৭০ গ্রেণরও বেশী জমি দরকার এই চারাগ্রলোর জন্য।

তাহলে, নয় বছর বাদে প্রতি বর্গ মিটারে ৭০টি হিসেবে সমস্ত মহাদেশগুলি ঢাকা পড়ে যাবে ডান্ডেলিয়ন ফুলে।

তাহলে, এমনটা হয় না কেন? কারণ খুবই সোজা। একটা বিরাট সংখ্যার বাঁজ গাছ গজাবার আগেই নন্ট হয়ে যায়, হয় তারা পড়ে অনুর্বর জামতে, না হয় ঢাকা পড়ে যায় অন্য গাছের নীচে, অথবা যদি শেকড় গজায় জন্তু-জানোয়ার নন্ট করে ফেলে তাদের। বীজ আর চারাগালো যদি এভাবে গাদায় গাদায় নন্ট না হত তাহলে তারা অতি অলপ দিনের ভেতর ছেয়ে ফেলত আমাদের এই গ্রহকে।

শুধ্ উদ্ভিদের ক্ষেত্রেই নয়, প্রাণীর ক্ষেত্রেও এমনই ঘটে। এরা যদি মরে না যেত, তাহলে আজ হোক বা কালই হোক মাত্র একজোড়া প্রাণীর সন্তানসন্ততিতেই গিজগিজ করত প্রথিবী। মৃত্যু যদি প্রাণীর বৃদ্ধিকে রোধ না করত, তাহলে ব্যাপারটা কী দাঁড়াত তার জবলন্ত উদাহরণ হল পঙ্গপালের বিস্তীর্ণ এলাকা ছেয়ে ফেলা। কয়েক বছর বাদেই আমাদের মহাদেশগ্লো ছেয়ে যেত জঙ্গল আর তৃণভূমিতে, এবং তার ভেতর গিজগিজ করত প্রাণী, তারা একটু জায়গার জন্য মারামারি করত নিজেদের ভেতর। সাগরগ্লোতে মাছ এত বেড়ে যেত যে নৌকো চালাবার প্রশনই আসত

^{*} ২০০ বীজ হয় এমন ডান্ডেলিয়ন ফুলও পাওয়া যায় — তবে তা খুব বিরল।

না। আর আমরাও দিনের আলো আর দেখতে পেতাম না, কারণ অসংখ্য পাখি আর পতঙ্গ ঘুরে বেড়াত আকাশে।

সাধারণ মাছির উদাহরণটাই নেওয়া যাক। সে এক অভুত বিরাট সংখ্যা।
ধরে নেওয়া যাক, প্রতিটি দত্রী মাছি ১২০টি করে ডিম পাড়ে;
গ্রীষ্মকালের মধ্যে এই ১২০টি ডিম থেকে জন্ম নিতে পারে মাছিদের
৭ প্রবৃষ, এদের ভেতর অধেকি আবার দত্রী মাছি। ধরে নেওয়া যাক ১৫
এপ্রিল তারিখে জন্মাল প্রথম ডিমটা, আর তার ২০ দিনের মধ্যেই দত্রী
মাছিগ্লো ডিম পাড়বার মতো বড় হল। দৃশ্যটা এইরকম দাঁড়াচ্ছে তাহলে:

১৫ এপ্রিল একটা দ্বী মাছি ডিম পাড়ল। মে মাসের প্রথম দিকে তা থেকে হল ১২০টা মাছি। তাদের ভেতর ৬০টাই দ্বী মাছি।

৫ মে তারিখে প্রত্যেকটি দ্বী মাছি ১২০টা ডিম পাড়বে, আর মাদের মাঝামাঝি তা থেকে হবে ৬০ \times ১২০=৭২০০টা মাছি, এদের ভেতর ৩৬০০টা দ্বী মাছি।

২৫ মে এই ৩৬০০ স্ত্রী মাছির প্রত্যেকে ১২০টা করে ডিম পাড়বে, আর জ্বন মাসের প্রথম দিকে তা থেকে হবে ৩৬০০ \times ১২০ = ৪,৩২,০০০টা মাছি, তার ভেতরে ২,১৬,০০০টা স্ত্রী মাছি।

১৪ জন্ন প্রত্যেক দ্বা মাছি ১২০টা করে ডিম পাড়বে, মাসের শেষে ১,২৯,৬০,০০০টা দ্বা মাছি সহ মোট মাছি হবে ২.৫৯,২০,০০০টা।

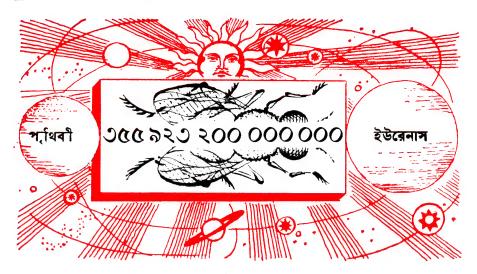
৫ জন্লাই ১.২৯.৬০,০০০টা দ্বী মাছি ১২০টা করে করে ডিম পাড়বে, তা থেকে হবে ১.৫৫.৫২,০০.০০০টা মাছি (৭৭.৭৬,০০,০০০টা দ্বী মাছি)।

২৫ জ্বলাই হবে ৯৩,৩১,২০,০০,০০০টা মাছি। তাদের ভেতর ৪৬,৬৫,৬০,০০,০০০টা হবে স্ত্রী মাছি।

১৩ আগস্ট সেই সংখ্যাটা দাঁড়াবে ৫৫.৯৮.৭২.০০.০০,০০০, এদের ভেতর ২৭,৯৯.৩৬,০০,০০,০০০টা মাছি হবে দ্রী-জ্যাতের।

১ সেপ্টেম্বর জন্মাবে ৩৫.৫৯,২৩.২০,০০,০০.০০০টা মাছি।

একটা গ্রীষ্ম ঋতুতে যত মাছি জন্মাতে পারে, তারা যদি কেউ না মরে যার বা তাদের আর কিছু না ঘটে, সেই বিরাট সংখ্যক মাছির একটা পরিষ্কার ছবি দিচ্ছি। দেখা যাক, তারা সার বে'ধে দাঁড়ালে কী হয়। একটা মাছি ৫ মিলিমিটার লম্বা, তাহলে এই লাইনটা হবে ২.৫০.০০.০০.০০০ কিলোমিটার, অর্থাৎ প্থিবী থেকে স্থের যা দ্রেছ তারও ১৮ গুণ্বেশী (ইউরেনাস গ্রহটার প্থিবী থেকে যতটা দূরছ, প্রায় ততটা)।



৪৯ নং ছবি। একটি গ্রীজ্ম মাছির যে বংশব্দি হয় সেগ্রিলকে ইউরেনাস গ্রহ থেকে প্রথিবীর যা দ্রেছ সেই দৈর্ঘ্যের রেখায় পাশাপাশি বসানো য়য়।

সবশেষে, উপযা্ক্ত অবস্থায় প্রাণীর অস্বাভাবিক দ্রতগতিতে বংশব্দ্ধির কয়েকটা ঘটনা বললে মন্দ হবে না।

মার্কিন মুলুকে আগে কোন চড়ুই ছিল না। সেখানে তাদের আমদানি হয় পোকামাকড় ধবংস করার জন্য। তোমরা তো জানই যে চড়ুই শুরাপোকা আর ফলের বাগান এবং সব্জি ক্ষেত ধবংসকারী অন্যান্য পোকাও খেয়ে থাকে। বোধহয় চড়ুইদের ভাল লেগে গিয়েছিল ওই দেশটা, ওদের নঘট করবার মতো কোনো প্রাণী বা শিকারী পাথি ছিল না সেখানে। ওদের বংশ বাড়তে লাগল দ্রুতগতিতে। পোকামাকড়ের সংখ্যা ধীরে ধীরে কমে গেল। কিন্তু চড়ুইদের সংখ্যা হুহু করে বেড়ে উঠল। এরপর এমন একটা সময় এল যখন তাদের জন্য আর উপযুক্ত সংখ্যায় পিণপড়েও থাকল না। তারা তখন শস্য নঘ্ট করতে শ্রুব্ করে। * রীতিমতো একটা যুদ্ধ ঘোষণা

^{*} হাওয়াই দ্বীপে তারা অন্য সব ছোট পাখিদের তাডিয়ে দিয়েছিল।



৫০ নং ছবি। সেক্রেটারি পাখি — সাপের দুশমন।

করা হল চড়্ইদের বির্দ্ধে। কিন্তু এতে এত খরচ হল যে শেষে মাকিন যুক্তরাম্থে আইন করে বাইরে থেকে প্রাণী আমদানি বন্ধ করা হল।

আরও একটা উদাহরণ দিচ্ছি। ইউরোপীয়ানদের অস্ট্রেলিয়া আবিষ্কারের আগে সেখানে কোন খরগোস ছিল না। ১৮ শতাব্দীর শেষদিকে প্রথম খরগোস আমদানি হল সেখানে। খরগোসদের বংশ সেখানে অভুত দ্রুতগতিতে বাড়তে লাগল। কারণ খরগোসদের খেয়ে ফেলার মতো কোন শিকারী জন্তু ছিল না সেখানে। অল্পদিনের ভেতরই খরগোসের দল অস্ট্রেলিয়া ছেয়ে ফেলে ফসল নন্ট করতে শ্রুরু করল। উৎপাতটা সারা দেশে ছড়িয়ে পড়ল। খরগোসদের বিনন্ট করতে বিপত্নল বায় হয়ে গেল। সাধারণ মান্বেরে দ্টেপ্রতিজ্ঞ ব্যবস্থাই শেষে এই ক্ষয়ক্ষতিকে রোধ করল। আরও পরে প্রায় এই ধরনেরই ঘটনা ঘটেছিল ক্যালিফোর্নিয়াতে।

তৃতীয় গলপটা এসেছে জামাইকা থেকে। সেখানে ছিল বহু বিষধর সাপ। ওদের ধরংস করার জন্য সেকেটারি পাখি আনা ঠিক হল। সাপের ভয়ানক দর্শমন বলে নাম আছে এদের। সাপের সংখ্যাটা কমে গেল ঠিকই, কিন্তু যে মেঠো ই'দ্রগর্নিকে সাপ খেয়ে ফেলত তারা বাড়তে লাগল। ই'দ্রগর্লো আথের আবাদের এত ক্ষতি করল যে কৃষকরা এদের বিনাশ করে ফেলা ঠিক করে চার জোড়া ভারতীয় বেজী নিয়ে এল — এরা ই'দ্ররের শাহ্র বলে পরিচিত। ওদের যথেচ্ছভাবে বাড়তে দেওয়া হল। আর অলপ সময়ের ভেতরই দ্বীপটা ছেয়ে ফেলল ওরা। বছর দশেকের ভেতরই প্রায় সমস্ত ই'দ্রকেই উংখাত করে ফেলল তারা। কিন্তু তা করতে গিয়ে ওদের আর খাবারের বাছবিচার রইল না: কুকুরের বাচ্চা, মেশশাবক, শ্রেরার ছানা আর ম্রগীগ্রলোকে তারা আক্রমণ করতে লাগল, নণ্ট করে ফেলল ভিমগ্রলোকে। তাদের সংখ্যা আরও বেড়ে গেলে তারা ফলের বাগিচা, গমের ক্ষেত আর আবাদের ভেতর ঢুকে পড়ল স্রোতের মতন। প্রনো এই বন্ধদের ওপর দ্বীপবাসীরা তখন খাপা হয়ে উঠল, কিন্তু ক্ষতিরোধ করতে শ্রধ্ব আংশিকভাবেই সফল হল তারা।

৫৫. বিনা পয়সার ভোজ

মাধ্যমিক পরীক্ষা-উত্তীর্ণ দশজন তর্ন ঠিক করল একটা রেস্তোরাঁয় ভোজের উৎসব করবে তারা। সবাই এসে পেণছিবার পর যখন প্রথম খাবারের থালা পরিবেশন করা হল, তখন কোন আসনে কে বসবে এই নিয়ে তর্কাতির্ক শ্রুর হল। একজন প্রস্তাব করল — নামের অক্ষর অনুযায়ী বসা যাক। অন্যরা বসতে চাইল বয়েস হিসেবে। আবার অন্য সকলে বলল বসতে হবে উচ্চতা অনুযায়ী। তাদের মধ্যে একজন আবার প্রস্তাব করল যে পরীক্ষা পাশের নম্বর অনুসারে বসা হোক। তর্কটা চলতে লাগল। খাবার জ্বাড়য়ে জল হয়ে গেল তব্ব কেউই বসল না। পরিবেশক মীমাংসা করে দিল সমসাটোব।

সে বলল, "তর্ণ বন্ধ্রা, তর্কটা থামিয়ে আমার কথা শ্ন্ন্ন। যে যেখানে আছেন সেখানেই বসে আমার বক্তব্যটা শ্নুন্ন।

"আপনারা এখন যেভাবে বসে আছেন, আপনাদের কেউ সেটা লিখে নিন। কাল আবার এসে অন্য কোনওভাবে বস্ক্রন — যতদিন সবরকমভাবে বসা না হচ্ছে এভাবে আসতে থাকুন। এখন যেভাবে বসে আছেন আবার যখন সেভাবে বসবার সময় আসবে, তখন আমি কথা দিচ্ছি, প্রতিদিন



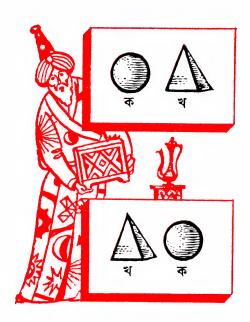
৫১ নং ছবি। 'যে যেখানে আছেন সেখানেই বসে...।'

আপনারা যে কোনও ভাল খাবার খেতে চাইবেন, তা আমি বিনা পয়সায় খাওয়াব আপনাদের।"

প্রস্তাবটা খ্রই লোভনীয়। ঠিক হল প্রতিদিন তারা রেস্তোরাঁয় আসবে আর যতরকমভাবে বসা সম্ভব সবরকমে বসা হবে, যাতে করে পরিবেশকের কথামতো বিনা পয়সায় খাবার খাওয়া যায়।

সে দিনটা কিন্তু আর কোনদিনই এল না। তার কারণ এই নয় যে পরিবেশক তার কথা রাখতে পারল না। কারণটা হল: টেবিলে দশজন মান্য বসবার অনেক অনেক ধরন ছিল। সত্যি বলতে কি ৩৬,২৮,৮০০ ধরনে তা হতে পারত। তোমরা দেখতে পাবে, সবরকমভাবে বসে দেখতে গেলে প্রায় ১০,০০০ বছর লেগে যাবার কথা।

দশজন মানুষ যে এত ধরনে একটা টেবিলে বসতে পারে তা হয়ত বিশ্বাস করছ না তোমরা। নিজেরাই হিসেব করে দেখতে পার। বিন্যাসের সংখ্যাটা কত হতে পারে সেই হিসেবটা করতে হবে সবচেয়ে আগে। এটাকে যথা সম্ভব সহজ করার জন্য তিনটে জিনিস নিয়ে শ্রুর করা যাক। এদের নাম দিচ্ছি আমরা 'ক', 'খ' আর 'গ'।



৫২ নং ছবি। দ্ব'টি জিনিসকে মাত্র দ্ব'ভাবে বসানো যায়।

আমাদের যা বের করতে হবে তা হল এই জিনিসগ্নলো কত বিভিন্ন ধরনে সাজানো যায়। প্রথমে গ-কে আলাদা করে রেখে মাত্র দ্বটো জিনিস নিয়েই এটা করা যাক। আমরা দেখছি যে এদের সাজাবার মাত্র দ্বটিই উপায় আছে।

এখন এই দ্বটোর প্রত্যেকটার সঙ্গে গ যোগ করছি। এটা করা যায় তিনটে বিভিন্নভাবে:

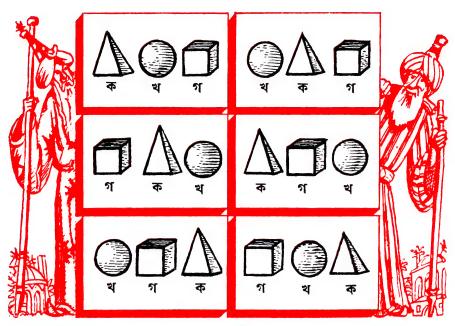
- (১) গ-কে আমরা ঐ জোড়াটার পেছনে বসাতে পারি;
 - (২) সামনে বসাতে পারি;
- (৩) দ্বটো জিনিসের মাঝখানে বসাতে পারি।

দেখা যাচ্ছে, আর কোনভাবে এটাকে বসানো যায় না। এখন আমাদের আছে দ্বই জোড়া জিনিস, ক খ আর খ ক, তাহলে দাঁড়াচ্ছে: জিনিসগ্বলোকে সাজাবার ২ × ৩ = ৬টা উপায় হতে পারে।

৫৩ নং ছবিতে এই সাজানোটা দেখানো হয়েছে।

ক, খ, গ আর ঘ — এই চারটে জিনিস নিয়ে শ্রুর্ করা যাক। এখনকার মতো আমরা ঘ-কে আলাদা করে রেখে তিনটে জিনিস নিয়েই সবরকমভাবে সাজাব। ছয় রকমভাবে তা করা যায় আমরা ইতিমধ্যেই তা জেনেছি। তিনটে জিনিসের ছয় রকমভাবে সাজানোতে কতরকমভাবে চতুর্থ জিনিস ঘ-কে বসানো যায়? সেটা দেখা যাক। আমরা ঘ-কে

- (১) তিনটে জিনিসের আগে বসাতে পারি:
- (২) পরে বসাতে পারি:
- (৩) প্রথম এবং দ্বিতীয় জিনিসের মাঝখানে বসাতে পারি;
- (৪) দ্বিতীয় এবং তৃতীয় জিনিস্টার ভেতর বসাতে পারি।



৫৩ নং ছবি। তিনটি জিনিস রাখা যায় ছয় রকম ভাবে।

তাহলে, আমরা পাচ্ছি: ৬ \times 8= \times 8 রকমের সাজানো যায়। যেহেতু ৬= \times 0 আর ২= \times 2, তাহলে সবরকমের বিন্যাসের সংখ্যাটা এভাবে লেখা যায়:

এখন যদি ঐ একই নিয়মে পাঁচটা জিনিসকে সাজানো যায়, তাহলে আমরা পাব:

ছয়টা জিনিস হলে

দশজন তর্বণের কাহিনীতে আবার ফিরে আসা যাক। এক্ষেত্রে একটু কণ্ট করে যদি হিসেবটা করি, তাহলে যত ধরনে তাদের বসানো যায় তার সংখ্যা হল:

 $3 \times 2 \times 0 \times 8 \times 6 \times 9 \times 9 \times 7 \times 5 \times 50$

এর উত্তর হবে:

06,28,800

হিসেবটা আরও জটিল হত যদি এদের অর্ধেক হত মেয়ে, আর তারা প্রত্যেকে পালা করে প্রত্যেকটি ছেলের সঙ্গে বসতে চাইত। যদিও এক্ষেত্রে বসার ব্যবস্থার সংখ্যাটা হত আরও ছোট, তাহলেও হিসেবটা হত কঠিন।

ছেলেদের একজনকে, সে যেখানে বসতে চায় সেখানেই তাকে বসতে দেওয়া যাক। অন্য চারজন, তাদের মাঝে মাঝে মেয়েদের জন্য আসন খালি রেখে বসতে পারে $5 \times 2 \times 0 \times 8 = 28$ রকমভাবে। চেয়ার আছে দশটা, তাহলে প্রথম ছেলেটি বসতে পারে দশটা বিভিন্ন জায়গায়। তাহলে $50 \times 28 = 280$ রকম উপায়ে ছেলেরা টেবিলের চারপাশে বসতে পারছে।

ছেলেদের মাঝে মাঝে থালি জায়গাগ্বলোতে মেয়েরা কতরকমভাবে বসতে পারে? স্পন্টই দেখা যাচ্ছে $5 \times 5 \times 6 \times 6 = 5 \times 6$ রকমভাবে। ছেলেদের ২৪০ ধরনের বসার সঙ্গে মেয়েদের ১২০ ধরনের বসাকে একত্র করলেই আমরা বসবার সম্ভাব্য সংখ্যাটা পেয়ে যাব। তা হল:

\$80 × **\$**\$0 = **\$**\$,\$00

এটা অবশ্য ছেলেদের ৩৬,২৮,৮০০ উপায়ে বসার সংখ্যার চেয়ে অনেক কম, আর তাতে ৭৯ বছরের কিছ্ম কম সময় লাগবে। তার মানে হল, ছেলেরা যদি ১০০ বছর বয়স অবধি বাঁচে, তাহলে তারা বিনা পয়সায় খাওয়াটা পরিবেশকের কাছ থেকে না পেলেও পাবে তার উত্তরাধিকারীর কাছ থেকে।

এখন কি করে বিন্যাসের সংখ্যাটা বের করতে হয় তা আমরা শিখেছি। তাহলে 'পনেরোর ধাঁধা'র বাক্সতে ঘুঃটি সাজাবার সংখ্যাটাও বের করতে

পারি আমরা*। তার মানে দাঁড়াচ্ছে, এই খেলায় কোন খেলোয়াড়কে যতরকমের ধাঁধার মুখোমুখী হতে হবে তার আমরা সমাধান করতে পারব। এটা সহজেই দেখা যাচ্ছে যে কাজটা হল এই ১৫টা ঘুটিকে কতরকমে সাজানো যায় তা বের করা। এটা করতে হলে. আমরা জানি যে নীচের গুণটা করতে হবে:

উত্তর হল:

১৩,09,89,80,86,000

এই বিরাট সংখ্যার ধাঁধাগ্যলির অর্ধেকই সমাধান করা যায় না। তাহলেই ৬০,০০০ কোটির উপর সমস্যা আছে যার কোনো সমাধান নেই। লোকেরা যে এটা সন্দেহও করে নি, তাতেই বোঝা যায় 'পনেরোর ধাঁধা'র জন্য তারা কেন এত পাগল হয়ে উঠেছিল।

এটাও দেখা যাক, যদি প্রতি সেকেন্ডে একটি করে ঘ;টি সাজানো যেত, তাহলে সমস্ত সম্ভাব্য উপায়ে সাজাতে ৪০,০০০ বছরেরও বেশী লাগত। আর তাও হত যদি কেউ একেবারে না থেমে কাজটা করত।

সাজানোর ব্যাপারে আলোচনা প্রায় শেষ করে এনেছি আমরা। স্কুল-জীবনের একটা ধাঁধা এবার সমাধান করা যাক।

ধরা যাক একটা ক্লাশে ২৫ জন ছাত্র আছে। কতরকমভাবে বসানো যায় তাদের?

উপরের যে ধাঁধাটা বলা হল তা যারা ভাল করে ব্ঝেছ, এটা সমাধান করতে তাদের কোন ম্বাস্কিল হবে না। যে কাজটা করতে হবে তা হল ২৫টা সংখ্যাকে এভাবে গ্রণ করতে হবে:

$$\mathbf{5}\times\mathbf{2}\times\mathbf{0}\times\mathbf{8}\times\mathbf{6}\times\mathbf{6}\times\dots\times\mathbf{20}\times\mathbf{28}\times\mathbf{26}$$

অনেক ব্যাপারকে সহজ করে করার অনেক উপায় আছে গণিতে। কিন্তু উপরে যেটা বলা হল, তার জন্য কোনও সোজা উপায় নেই। ঠিকভাবে এটাকে করার একটিমাত্রই উপায় আছে, তা হল সবগ্নলোকে গ্নণ করা।

^{*} এক্ষেত্রে খালি ঘরটা সবসময়েই থাকবে জার্নাদকের নিচের কোণে।

এর জন্য সময় বাঁচাবার উপায় যা আছে তা হল গ্রণকগ্রনিকে ঠিকমতো সাজানো। ফল হবে বিরাট। এতে থাকবে ২৬টে সংখ্যা। এটা এত অন্তুত বড় যে তা ধারণা করা আমাদের ক্ষমতার বাইরে।

সংখ্যাটা হল:

5,66,55,25,00,80,00,05,86,58,80,00,000

এ পর্যন্ত যত সংখ্যা আমরা দেখেছি তার ভেতর এটাই সবচাইতে বড়।
এ জন্যই একে একটি 'দানবীয় সংখ্যা' হিসেবে আখ্যায়িত করা যায়।
এর সঙ্গে তুলনায় সমস্ত সম্বুদ্র আর মহাসাগরে যত জল বিন্দ্ব আছে তাও
অনেক কম।

७७. भूमात याम्

আমার মনে পড়ছে ছেলেবেলায় আমার দাদা আমাকে মুদ্রা দিয়ে একটা মজার খেলা দেখিয়েছিল। প্রথমে সে তিনটে প্লেটকে সারবন্দী করে সাজাল। তারপর বিভিন্ন মুলোর পাঁচটা মুদ্রাকে বড় থেকে ছোট হিসেবে একটার উপর আর একটা রাখল (১ রুবল, ৫০ কোপেক, ২০ কোপেক, ১৫ কোপেক আর ১০ কোপেক* মুদ্রা)।

কাজটা হচ্ছে নীচের তিনটে নিয়ম মেনে ম্দ্রাগ্রলোকে তৃতীয় প্লেটে চালান করা:

(১) একবারে মাত্র একটা মনুদ্রা চালান করা যাবে; (২) ছোট মনুদ্রার উপর বড় মনুদ্রা বসানো চলবে না আর (৩) প্রথম দনুটো নিয়মমাফিক মাঝের প্লেটটাকে সাময়িকভাবে ব্যবহার করা চলবে। কিন্তু সবশেষে মনুদ্রাগন্লোকে আগের মতো করে তৃতীয় প্লেটেই সাজাতে হবে।

দাদা বলল, "বুঝলে, নিয়মটা খুবই সহজ। এবার আরম্ভ কর।"

আমি ১০ কোপেক মুদ্রাটা নিয়ে তৃতীয় প্লেটে রাখলাম। তারপর ১৫ কোপেকটা নিয়ে রাখলাম মাঝের প্লেটে, তারপরই আটকে গেলাম আমি। ২০ কোপেক মুদ্রাটা কোথায় রাখব? এটা তো দুটো থেকেই বড়।

দাদা আমাকে দেখিয়ে দিতে এগিয়ে এল, "আচ্ছা, ১০ কোপেকের ম্বাটাকে ১৫ কোপেক ম্বার উপরে বসাও। তাহলেই ২০ কোপেক ম্বাটার জন্য তৃতীয় প্লেটটা খালি পাবে।"

^{*} বিভিন্ন মাপের যেকোন পাঁচটা মুদ্রা দিয়ে খেলা চলতে পারে।

আমি তাই করলাম। কিন্তু আমার অস্বিধে এতেই শেষ হল না। ৫০ কোপেক মৃদ্রাটা কোথায় রাখব? অলপসময়ের ভেতরই উপায়টা পেয়ে গেলাম। ১০ কোপেক মৃদ্রাটাকে রাখলাম প্রথম প্লেটে, ১৫ কোপেকটা রাখলাম তৃতীয়টাতে, তারপর ১০ কোপেককে চালান করলাম সেখানে। এবারে ৫০ কোপেক মৃদ্রাকে দ্বিতীয় প্লেটে রাখা সম্ভব হল। তারপর অসংখ্য চাল দেবার পর র্বলের মৃদ্রাটাকে প্রথম প্লেট থেকে সরাতে পারলাম। তারপরেই সবকটা এসে গেল তৃতীয় প্লেটে।

দাদা আমার এই সমাধানের কায়দাটাকে তারিফ করে জিজ্ঞেস করল, "আচ্ছা, মোট কতগ্মলো চাল দিলে তুমি?"

"জানি না, গুনি নি তো আমি!"

"আচ্ছা বেশ। হিসেব করা যাক। কিভাবে সবচেয়ে কম চাল দিয়ে এটা করা যায় তা জানতে খুব মজা লাগবে। ধরা যাক, আমাদের পাঁচটা না থেকে মাত্র দুটো মুদ্রাই ছিল: ১৫ আর ১০ কোপেক। তাহলে মোট কত চাল লাগবে তোমার?"

"তিনটে। ১০ কোপেক ম্দ্রাটা যাবে মাঝের প্লেটে, ১৫ কোপেক ম্দ্রা যাবে তৃতীয়টাতে, তারপর ১০ কোপেক ম্দ্রাটা যাবে এর উপরে।"

"ঠিক, এবার এর সঙ্গে আর একটা মুদ্রা যোগ করা যাক। ২০ কোপেকের মুদ্রা যোগ করার পর দেখা যাক মুদ্রার থাকটা চালান করতে কয়টা চাল লাগবে আমাদের। আমরা জানি এটা করতে লাগবে তিনটে চাল। তারপর ২০ কোপেকের মুদ্রাটিকে আমরা চালান করলাম তৃতীয় প্লেটে। এই আর একটা দান। তারপর দ্বিতীয় প্লেটটা থেকে মুদ্রাদ্রটোকে চালান দেওয়া হল তৃতীয়টাতে। এই হল আরও তিনটে চাল। তাহলেই আমাদের দিতে হবে: ৩+১+৩=৭টা চাল।"

"চারটে মুদ্রার জন্য কটা চাল লাগবে তা হিসেব করে দেখা যাক," আমি তাকে থামিয়ে দিয়ে বললাম। "প্রথমে ছোট তিনটে মুদ্রা চালান করলাম মাঝের প্লেটে। এতে হল সাতটা দান। তারপর ৫০ কোপেকের মুদ্রাটাকে সরিয়ে দিলাম তৃতীয় প্লেটে। এই হল আরও একটা চাল। সবশেষে ছোট মুদ্রা তিনটিকে তৃতীয় প্লেটে চালান হল। এই হল আরও সাতটা চাল। সবশৃদ্ধ হবে: ৭+১+৭=১৫টা চাল।"

"চমংকার! পাঁচটা মুদ্রায় কি হবে তাহলে?"

"এ তো সোজা: ১৫ + ১ + ১৫ = ৩১," আমি চটপট উত্তর করলাম। "বাঃ, ব্যাপারটা বেশ ধরে ফেলেছ তো! আমি তোমাকে এটা করার

আরও একটা সোজা উপায় দেখাচছি। ৩,৭,১৫ আর ৩১, যে যে সংখ্যা আমরা পেরেছি সেগ্নলো ধরা যাক। এদের সবকটার অর্থ হল ২-কে ২ দিয়েই একবার বা বারবার গ্ল করে তা থেকে ১ বিয়োগ দিলে যা হয়। এই দেখ না!"

তারপর আমার দাদা এই ছকটা লিখল:

$$0 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \rightarrow 2$$

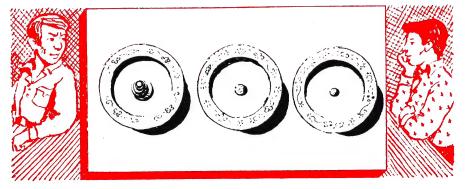
$$0 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \rightarrow 2$$

$$0 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \rightarrow 2$$

"এবার ব্রুতে পেরেছি আমি, যতটা মুদ্রা আমাকে চালান করতে হবে ২-কে ততবার ২ দিয়েই গুণু করলাম। তারপর তা থেকে বিয়োগ করলাম ১। এবার তাহলে মুদ্রার থাক সরাতে কতবার চাল দিতে হবে তা হিসেব করা শিখলাম। ধরা যাক, আমাদের আছে সাতটা মুদ্রা। ব্যাপারটা এইরকম হবে তাহলে:

 $2 \times 2 = 528 - 5 = 5291$ "

আমার দাদা বলে চলল, "তুমি তাহলে এই প্রুরনো খেলাটা শিখলে। আর একটামাত্র নিয়ম মনে রাখতে হবে তোমাকে: যদি মুদ্রার সংখ্যাটা



৫৪ নং ছবি। দাদা আমাকে একটা মজার খেলা দেখিয়েছিল।

বিজোড় হয় তাহলে প্রথম মুদ্রাটাকে রাখবে তৃতীয় প্লেটে, আর যদি জোড় হয় তাহলে প্রথম রাখবে দ্বিতীয় প্লেটে।"

আমি অবাক হয়ে বললাম, "খেলাটা কি সতিয়ই প্রেনো? আমি তো ভেবেছিলাম এটা তোমার নিজের!"

"না, আমি এটাকে মুদ্রা দিয়ে একটু আধ্বনিক করেছি মাত্র। খেলাটা খ্বই প্রনো। সম্ভবত এটা ভারতবর্ষ থেকে এসেছে। এর সঙ্গে একটা মজার গলপ জড়িয়ে আছে। বারাণসীতে একটা মন্দির আছে। শোনা যায় ব্রহ্মা যখন প্থিবী স্ভিট করলেন, তখন সেখানে রেখেছিলেন তিনটে হীরের কাঠি। তারই একটাতে পরালেন ৬৪টা সোনার আংটা। তার সবচেয়ে বড়টা ছিল একেবারে নীচে, আর ছোটটা সবার ওপরে। প্রোহিতদের সারা দিনরাত ঐ আংটাগ্র্লোকে একটা কাঠি থেকে আর একটা কাঠিতে চালান করার কাজে বাস্ত থাকতে হত। তৃতীয় কাঠিটা এই কাজে সাহায্য করত, নিয়ম-কান্ন ছিল ঠিক আমাদের মুদ্রার খেলার মতন। একবারে একটা আংটাই সরানো যেত, আর কোন ছোট আংটার ওপর বড় আংটা বসানো চলত না। গলেপ আছে, র্যোদন সমস্ত আংটা চালান করা শেষ হবে, সে দিনই প্রথিবীর শেষ।"

"এ গলপটা বিশ্বাস করলে তো প্রথিবীর বহু আগেই ধরংস হয়ে যাওয়া উচিত ছিল।"

"তুমি ভাবছ এভাবে ৬৪টা আংটা চালান করতে খ্ব বেশী দেরি হবে না. তাই না?"

"নিশ্চয়ই, খ্ব বেশী সময় লাগবে না। ধর না, যদি প্রত্যেকবার চালান করতে এক সেকেন্ড করে লাগে, তার মানে হল এক ঘণ্টায় একজন লোক ৩৬০০ বার ওগালো সরাতে পারবে।"

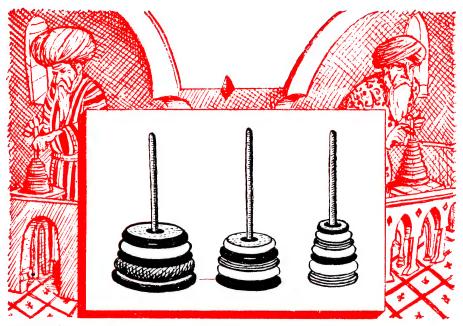
"বেশ তো!"

"তাহলে একদিনে হবে প্রায় ১ লক্ষ বার আর দর্শদিনে হবে প্রায় ১০ লক্ষ বার। ১০ লক্ষটা চাল দিয়ে তুমি ১০০০টা আংটা চালান করতে পারবে বলে বিশ্বাস করি।"

"ভুল বললে তুমি। এই ৬৪টা আংটাকে চালান করতে তোমার লাগবে ৫০,০০০ কোটি বছর, এর একটুও কম বা একটুও বেশী নয়!"

"কিন্তু তা হবে কেন? মোট চালের সংখ্যা হবে ২-কে ৬৪ বার ২ দিয়ে গ্ন্ন করে তা থেকে ১ বিয়োগ দিলে... তার মানে হল... আচ্ছা একটু দাঁডাও... এক সেকেন্ডের ভেতর উত্তরটা বলছি তোমাকে।" "বেশ, তুমি যতক্ষণে এই গুণটা করবে আমি অন্য কাজকম করার প্রচুর সময় পাব ততক্ষণ।"

দাদা চলে গেলে আমি বসে গেলাম হিসেবটা করতে। প্রথমে x_i^{SS} -র ফলটা বের করে ফেললাম, হল ৬৫,৫৩৬; এবার ঐ সংখ্যাকে



৫৫ নং ছবি। প্রোহিতদের অবিরাম আংটাগ্রেলাকে এক কাঠি থেকে আর একটা কাঠিতে চালান করার কাজে ব্যন্ত থাকতে হত।

ঐ সংখ্যা দিয়েই গ্র্ণ করলাম; যে ফল পেলাম তাকে আবার সেই সংখ্যা দিয়ে গ্র্ণ করলাম। পরে তা থেকে বিয়োগ করলাম ১। এতে যে সংখ্যাটা পাওয়া গেল, তা হল:

১,৮৪,৪৬,৭৪,৪০,৭৩,৭০,৯৫,৫১,৬১৫*

^{*} সংখ্যাটা আন্নাদের চেনা: দাবাখেলা আবিষ্কারের জন্য সেসা এই প্রক্রারই চেয়েছিলেন।

पापा ार्ट्स ठिकरे तर्लाष्ट्रल ।

এরই সঙ্গে আরও একটা জিনিস এসে পড়ছে। আমাদের প্থিবীর বয়স কত তা হয়ত জানবার ইচ্ছে হতে পারে তোমাদের। বৈজ্ঞানিকরা সেটা বের করেছেন। অবশ্য এটা একটা মোটামুটি হিসেব:

স্যেরি বয়স				6,00,000	কো	ট বছর		
প্থিবীর বয়স				000	কোগি	ট বছর		
প্থিবীতে জীবনের আবিভাব				\$00	কো	ট বছর		
মান ধের বয়স			_	ی	লক্ষ	বছরের	ক্য	নয়

৫৭, বাজি ধরা

আমাদের ছুটি কাটাবার বাড়িটায় দুপুরে খেতে বসেছি আমরা। এমন সময় কথাবার্তা শুরু হল। আলোচ্য বিষয়: একই ধরনের ঘটনা ঘটার সম্ভাব্যতা। এর ভেতর একজন তর্ণ গণিতজ্ঞ একটা মুদ্রা নিয়ে বলতে লাগল:

"দেখ সবাই, আমি না দেখে এই মুদ্রাটাকে টস করব টেবিলের ওপর। বল তো. মাথার দিকটা উপর দিকে থাকার সম্ভাবনা কতটা?"



৫৬ নং ছবি। মুদ্রাটি দুরকম ভাবে টেবিলে পড়তে পারে।

আর সবাই একসঙ্গে চে°চিয়ে উঠল, "সম্ভাবনা বলতে কী ব্রুছ তা একটু পরিষ্কার করে বলবে তো — ব্যাপারটা কী সবাই তো আর তা জ্ঞানে না!"

"সে খ্ব সোজা জিনিস। একটা ম্বার মাত্র দ্বরকমভাবেই পড়ার সম্ভাবনা আছে, হয় ছবির দিক, নয়ত সংখ্যার দিক (৫৬ নং ছবি)।"

এর ভেতর মাত্র একটাই আমাদের মনোমত হয়। তাহলে এইরকম হিসেব পাওয়া যাচ্ছে:

মনোমতভাবে পড়ার সংখ্যা বতরকমভাবে পড়ার সম্ভাবনা তার সংখ্যা

এই ১/২ ভগ্নাংশটা দিয়ে বোঝা যাবে কতবার ছবির দিক করে পড়ার সম্ভাবনা আছে।"

একজন বাধা দিয়ে বলল, "মুদ্রা নিয়ে কবলে ব্যাপাবটা খুবই সোজা। অন্যকোন জিনিস, যেমন ধর একটা ছক্কা, তাই দিয়ে এটা করা যাক না!"



৫৭ নং ছবি। খেলার ছকা।

অধ্কনবীশটি রাজী হল তাতে,
"বেশ তাই হবে, একটা ছক্কা নেওয়া যাক।
এর চেহারাটা ঘনক্ষেরাকার পদার্থের মতো
এবং এর প্রত্যেক পাশে সংখ্যা দেওয়া
আছে (৫৭ নং ছবি)। এখন বল তো,
৬ পড়ার সম্ভাবনা কতটা? এটা কতবার
ঘটতে পারে? ৬টা দিক আছে এর,
তাহলে ১ থেকে ৬ যেকোন সংখ্যাই
পড়তে পারে। ৬ পড়লেই সেটা
আমাদের মনোমত হবে। এক্ষেত্রে
সম্ভাবনা হচ্ছে ১/৬।"

একটি মেয়ে প্রশ্ন করল, "কোনও ঘটনার সম্ভাবনা হিসেব করে বের করা কি সত্যিই সম্ভব? আমার একটা ধারণা আছে যে আমাদের জানালা দিয়ে প্রথম

যে মানুষ্টিকে দেখা যাবে, সে একটা পারুষ্ মানুষ। আমার ধারণাটা ঠিক হবার সম্ভাবনা কতটা?"

"যদি আমরা এক বছর বয়সের কোনও বাচ্চা ছেলেকেও প্রর্থ বলে ধরে নিতে রাজী থাকি তাহলে এর সম্ভাবনা ১/২। কেননা প্থিবীতে প্র্যুষ আর স্থালোকের সংখ্যা সমান।"

আর একজন প্রশ্ন করল, "প্রথম দ্ব'জনই প্ররুষ হবার সম্ভাবনা কতটা?"

"এখানে হিসেবটা আরও গোলমেলে হয়ে যাচ্ছে। যতরকমভাবে তারা আসতে পারে সব হিসেব করে দেখা যাক। প্রথমত, হতে পারে সকলেই হবে প্রর্ম মান্ষ। দ্বিতীয়ত, প্রথম জন হয়ত হবে প্রর্ম, দ্বিতীয় জন হবে স্থীলোক। তৃতীয়ত, ঘটনাটা একেবারে উল্টো হতে পারে: প্রথমে স্থীলোক, তারপর প্র্র্ষ। চতুর্থত, ওদের দ্ব'জনই স্থীলোক হতে পারে। তাহলে তাদের বিভিন্নভাবে পরপর আসবার সম্ভাবনা হল ৪। এর ভেতর প্রথমটাই আমাদের মনোমত। তাহলে সম্ভাবনার সংখ্যা হল ১/৪। এই হল তোমার প্রশেবর সমাধান।"

"এটা তো পরিষ্কার। কিন্তু তিনজন মানুষের প্রশনও তো আসতে পারে? যে তিনজন আমাদের জানালা দিয়ে প্রথম যাবে তারা সকলেই পুরুষ হবে তার সম্ভাবনা কতটা?"

"বেশ, তাও হিসেব করা যায়। সম্ভাবনার সংখ্যাটাকে প্রথমে সাজিয়ে হিসেবটা শ্রুর্ করা যাক। দ্'জন পথিকের জন্য পরপর আসবার সংখ্যাটা হল ৪। এর সঙ্গে একজন তৃতীয় পথিক যোগ করলে বিভিন্ন বিন্যাসের সংখ্যাটা দ্বিগুণ হয়ে যাচ্ছে, কারণ দ্'জন পথিকের এই চারটে দলের সঙ্গে একজন প্রর্য বা একজন স্হীলোকও যোগ হতে পারে। তাহলে এক্ষেত্রে পরপর বিন্যাসের সংখ্যা হচ্ছে ৪ ২ ২ = ৮। তাহলে সম্ভাবনার সংখ্যাটা হচ্ছে ১/৮। কারণ এর ভেতর মাত্র একটা বিন্যাসকেই চাই আমরা। সম্ভাবনার সংখ্যা বের করার উপায় হিসেব করা খ্রই সোজা। দ্'জন পথিকের ক্ষেত্রে সম্ভাবনা হল ১/২ × ১/২ = ১/৪, তিনজনের ক্ষেত্রে ১/২ × ১/২ = ১/৮, চারজনের ক্ষেত্রে সম্ভাবনার সংখ্যা হল ১/২-কে পরপর চারবার গ্রণ করলে যা হয়, তাই। তাহলেই দেখছ প্রত্যেক বারেই সম্ভাবনার সংখ্যাটা কমে যাচ্ছে।"

"তাহলে ১০ জন পথিকের ক্ষেত্রে এটা কি হবে?"

"তুমি বলছ, প্রথম দশজন পথিকেরই প্রের্ষ হবার কতটা সম্ভাবনা? এর জন্য ১/২-কে দশবার গ্রণ করলে যা হয় সেটা বের করতে হবে। তা হবে ১/১০২৪। তার মানেই হল, তুমি যদি এক র্রল বাজি ধরে বল এটা ঘটবে, আমি তাহলে ১০০০ র্বল বাজি ধরে বলতে পারি এটা ঘটবে না।"

উপস্থিত স্বার ভেতর একজন চিংকার করে বলল, "বাজিটাতে লোভ লাগছে! এক র্বল বাজি রেখে হাজার র্বল জিততে খ্বই ইচ্ছে হচ্ছে আমার।" "কিন্তু ভুলে যেও না, জেতবার সম্ভাবনাটা কিন্তু হাজারে একবার মাত্র।" "কুছ্ পরোয়া নেই, আমি বরং হাজার র্বলের জন্য এক র্বল বাজি ধরতেই রাজি আছি এই বলে যে পথিকদের প্রথম একশো জনই হবে প্রহুষ।"

"এক্ষেত্রে সম্ভাবনাটা যে কত কম তা ব্রুবতে পারছ?"

"এটা বোধহয় দশ লক্ষে একবারের মতন বা সেরকম কিছু হবে।"

"এই তো মোট?"

"খুব কম মনে হচ্ছে নাকি? সম্দুদ্রেও এত ফোঁটা জল নেই, এমনকি এর ১০০০ ভাগের এক ভাগও নয়।"

"হ্যাঁ, সংখ্যাটা খ্বই বিরাট বটে! তা আমার র্বলের বদলে তুমি কত টাকা রাখছ?"

"হিঃ হিঃ!.. স্বাকিছ্য, আমার যাকিছ্য আছে।"

"সবকিছ্ম, বড় বেশী হয়ে গেল। তোমার সাইকেলটাই রাথ। আমি ঠিকই জানি তোমার সে সাহস নেই।"

"আমার সাহস নেই? আচ্ছা, এস না! আমার সাইকেলই বাজি ধরলাম। এতে কোন ঝুণিকই নেওয়া হচ্ছে না আমার!"

"আমিও না। একটা র্বল খ্ব বেশী কিছ্ব নয়! তব্ও আমি জিতলে পাব একটা সাইকেল, আর তুমি জিতলে যা পাবে তা প্রায় কিছ্ই না।"

"কিন্তু তুমি কি ব্রুতে পারছ না যে তুমি কখনই জিতবে না? সাইকেলটা তুমি কিছ্তেই পাবে না, আর তোমার র্বলটা তো প্রায় আমার পকেটেই এসে গেছে।"

"এরকম কোরো না!" অঙকনবীশের বন্ধ্বটি এবার যোগ দিল কথায়, "একটা র্বলের বদলে বাজি ধরছ একটা সাইকেল? পাগল নাকি?"

অঙ্কনবীশ বন্ধনুটিকে বলল, "তাছাড়া এসব ক্ষেত্রে এক রব্বল বাজি ধরাও বোকামি। একেবারে নিশ্চিত হার হবে। এ তো স্লেফ টাকা ছুংড়ে ফেলে দেওয়া।"

"তব্ব একটা সম্ভাবনা তো আছে!"

"হাাঁ, সারা সমুদ্রে এক বিন্দু, জলের মতন—সতি৷ বলতে দশটা

সম্দ্রে এক বিন্দরে মতন। কত বড় স্বযোগ। একটা সম্ভাবনার জন্য দশটা সম্দুর্র বাজি রাখছি আমি। আমি জিতব একেবারে দ্বই আর দ্বইয়ে চার-এর মতোই নিশ্চয়।"

একজন বৃদ্ধ অধ্যাপক মাঝখানে বলে উঠলেন, "তুমি যে একেবারে কল্পনায় গা ভাসিয়ে দিচ্ছ!.."

"আছো প্রফেসর, আপনি কি সতিটে মনে করেন ওর কোন স্বযোগ আছে জেতবার?"

"তোমরা কি ভাবছ না যে সব ঘটনাই ঘটা সম্ভব নয়? সম্ভাবনার এই হিসেবটা কখন ঠিক হয়? যখন বিভিন্ন রকমই ঘটার সম্ভাবনা থাকে, তাই না? এই দেখ না... আচ্ছা যাক, শোন তো তোমরা। তোমাদের ভুলটা এবার ব্রুবতে পারবে বোধহয়। সৈন্যদের ব্যান্ডের আওয়াজ শুনতে পাচ্ছ?"

"তা পাচ্ছি... এর সঙ্গে তার সম্পর্ক কি...?" তর্ণ অধ্কনবীশটি বলতে গিয়ে থেমে গেল। ওর মুখে একটা ভয়ের ছাপ ফুটে উঠল, তাড়াতাড়ি সে ছুটে গেল জানালার দিকে।

"ঠিক," দ্বংখের সঙ্গেই বলল সে, "বাজিটা আমিই হারলাম। গেল সাইকেলটা…"

এক মুহুত পরেই আমরা দেখলাম আমাদের জানালার সামনে দিয়ে এক ব্যাটালিয়ন সৈন্য কুচকাওয়াজ করতে করতে যাচ্ছে।

৫৮. আমাদের চারপাশে আর দেহের ভেতরে দানবীয় সংখ্যাগুলো

দানবীয় সংখ্যাগ, লোকে বের করতে হলে খ্ব দ্রে যাবার দরকার নেই। সবই রয়েছে আমাদেরই চারপাশে, এমনকি আমাদের দেহের ভেতরেও। কি করে তাদের চিনতে হবে সেইটাই জানা দরকার। মাথার উপরের আকাশ, পায়ের নীচের বাল্বাশি, চারপাশের বাতাস, আমাদের দেহের রক্ত — সবের মধ্যেই লাকিয়ে আছে দৈত্যের মতন সব সংখ্যা।

আকাশের বিরাট সংখ্যাগর্নল বেশীর ভাগ লোকের কাছেই অজানা নয়।
আকাশে তারার সংখ্যাই হোক, তাদের পরস্পরের ভেতরকার বা প্থিবী
থেকে তাদের দ্রত্বই হোক বা তাদের আয়তন, ওজন বা বয়স যাই
হোক — প্রত্যেক ক্ষেত্রের সংখ্যাগর্নোই আমাদের কল্পনাকেও হার মানিয়ে
দেয়। মান্য যে 'জ্যোতিষিক সংখ্যা' কথাটা বার করেছে তা তো আর শ্র্ম
শ্র্ম নয়। কিন্তু কেউ কেউ হয়ত এটা ভাবতেও পারবে না যে, এই আকাশের
যেসব জিনিসকে জ্যোতিবি জ্ঞানীরা 'ছোট' বলে আখ্যা দিয়েছেন সেগ্রেলাকে

যদি মান্ব্ৰের অভ্যাসের দিক থেকে বিচার করা যায়, তাহলে সত্যি সত্যিই দৈত্যের মতো বিরাট হয়ে দাঁড়ায়। আমাদের সোরজগতে কতকগ্বলো গ্রহ আছে যাদের ব্যাস মাত্র কয়েক কিলোমিটার। জ্যোতির্বিজ্ঞানীরা সবসময় বিরাট বিরাট সংখ্যা নিয়ে কারবার করেন বলে এদের বলেছেন 'ছোট'। কিন্তু আকাশের বড় বড় জিনিসগ্বলোর সঙ্গে তুলনা করলে তবেই তাদের 'ছোট' বলে মনে হবে। আমাদের দ্ভিটতে তারা মোটেই 'ছোট' নয়। তিন কিলোমিটার ব্যাসের একটি 'ছোট' গ্রহের কথাই ধরা যাক। জ্যামিতির সাহায্যে এটা হিসেব করা মোটেই কঠিন নয় যে এর উপরিভাগের আয়তন ২৮ বর্গ কিলোমিটার বা ২,৮০,০০,০০০ বর্গ মিটারের সমান। এক বর্গ মিটার জায়গায় সাত জন লোক স্বচ্ছদে সোজা হয়ে দাঁড়িয়ে থাকতে পারে। তাহলেই দেখতে পাচ্ছে এই ছোট্ট গ্রহের ওপরেই ১৯,৬০,০০,০০০ জন লোক দাঁডিয়ে থাকবার মতো যথেণ্ট জায়গা আছে।

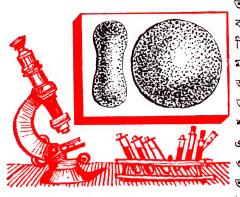
যে বাল্বর্রাশির ওপর দিয়ে আমরা হে°টে যাই তাও দানবীয় সংখ্যার সঙ্গে আমাদের পরিচয় করিয়ে দেয়। 'সম্দ্রতীরের বাল্বর্রাশির মতোই অসংখ্য' কথাটি তো আর শ্বধ্ব শ্বধ্ব আসে নি! দেখা যাচ্ছে, প্রবনো দিনের লোকেরা বাল্বকণার সংখ্যাকে ছোট করে দেখতেন। তাঁরা ভাবতেন আকাশে যত তারা আছে বাল্বকণার সংখ্যাও ঠিক তত। প্রাচীনকালে কোন টেলিস্কোপ ছিল না, তাই এক গোলাধে মান্য খালি চোখে দেখতে পেত প্রায় ৩৫০০ তারা। সম্দ্রতীরের বাল্বর্রাশ খালি চোখে যত তারা দেখা যায় তার কোটি কোটি গুণ বেশী।

যে বাতাসে আমরা নিঃশ্বাস নিই তার ভেতরও এমনি সংখ্যা ল্বকিয়ে আছে। এর প্রতি ঘন সেন্টিমিটারে আছে ২,৭০,০০,০০,০০,০০,০০,০০,০০০ 'অন্ব'।

সংখ্যাটা যে কত বড় তা কল্পনা করাও অসম্ভব। প্থিবীতে এত মানুষ থাকলে তাদের উপযুক্ত জায়গাই পাওয়া যেত না। সত্যি সত্যিই ভূপ্র্পেঠ সমস্ত মহাদেশ আর সমুদ্র ধরে নিলে আছে ৫০ কোটি বর্গ কিলোমিটার। একে যদি বর্গ মিটারে ভাঙা যায়, তাহলে দাঁড়াবে

৫০,০০,০০,০০,০০,০০০ বর্গ মিটার।

এবার ২,৭০,০০,০০,০০,০০,০০,০০,০০০,০০০-কে এই সংখ্যা দিয়ে ভাগ করা যাক। উত্তর হল ৫৪,০০০। আর এর অর্থ দাঁড়াচ্ছে যে প্রত্যেক বর্গ মিটারের ভাগে ৫০,০০০-এরও বেশী লোক পড়ছে! আমরা বলেছি যে প্রত্যেক মান্যই তার ভেতরে দৈত্যের মতো বিরাট সংখ্যা বহন করে চলেছে। সেটা হল রক্ত। অণ্বাক্ষণ যন্দ্রের নীচে এক ফোঁটা রক্ত পরীক্ষা করলে আমরা এক বিরাট সংখ্যার লোহিত কণিকা দেখতে পাব। এরা হল চাকতির মতো, মাঝখানটা চাপা (৫৮ নং ছবি)।



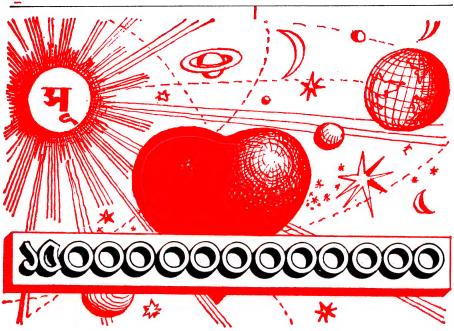
৫৮ নং ছবি। লোহিত কণিকা।

তাদের প্রত্যেকের আকৃতিই প্রায় সমান, ব্যাস ০০০০৭ মিলিমিটার, আর ০০০০২ মিলিমিটার পুরু। ১ ঘন মিলিমিটারের ছোট মতো এক ফোঁটা অনেক অনেকগ্বলো কণিকা রয়েছে — তাদের সংখ্যা ৫০ লক। মানুষের শরীরে কণিকা আছে ? কত একটা মানুষের শরীরের যত কিলোগ্রাম ওজন, শরীরে রক্তের পরিমাণ তার ১৪ ভাগের চেয়ে কিছু কম লিটার। ধরা যাক, লোকটির ওজন যদি হয় ৪০ কিলোগ্রাম, তাহলে তার শরীরে আছে ৩ লিটার (বা ৩০ লক্ষ ঘন প্রায়

মিলিমিটার) রক্ত। খ্ব সহজ একটা হিসেব করলেই দেখা যাবে, তার শরীরে আছে ৫০,০০,০০০ \times ৩০,০০,০০০ = ১,৫০,০০,০০,০০,০০০ লোহিত কণিকা (৫৯ নং ছবি)।

একবার ভাব তো! ১৫,০০,০০০ কোটি লোহিত কণিকা! এদের যদি সার বে'ধে রাখা যায় তাহলে কণিকার স্বতোটা কত বড় হবে? সেটা হিসেব করা কঠিন নয় মোটেই: ১,০৫,০০০ কিলোমিটার, অর্থাৎ প্থিবীর বিষ্ব রেখার চারদিকে কয়েক পাক জড়িয়ে রাখা যায়, এটা এমন লম্বা, এর ১,০০,০০০:৪০,০০০=২০৫ গ্রেণ। যদি উপযুক্ত ওজনের কোনো মান্বের কথাই ধরা যায়, তাহলে লোহিত কণিকার এই শেকল দিয়ে ৩ বার প্থিবীকে জড়ানো চলবে।

এই ছোট্ট লোহিত কণিকাগর্নল আমাদের দেহের অতি প্রয়োজনীয় কাজ করে। তারা শরীরের সমস্ত অংশে অক্সিজেন পেণছে দেয়। রক্ত যখন ফুসফুসের ভেতর দিয়ে যায় তখন তারা অক্সিজেন শ্বেষে নেয়, তারপর রক্তস্রোত যখন তাদের পেণছে দেয় আমাদের কোষকলার ভেতরে, তখন ফুসফুস থেকে বহু দ্রের সেই অংশে তারা নিয়ে যায় সেই অক্সিজেন।



৫৯ নং ছবি। পূর্ণ বয়স্ক মানুষের সার বাঁধা লোহিত কণিকার সুতো দিয়ে তিনবার প্রথিবীর চারদিকে পাক দেওয়া যায়।

কণিকাগর্নল যত ছোট হবে আর সংখ্যায় যত বেশী হবে তাদের কাজও ততই ভালভাবে চলবে। কারণ তাহলে তাদের দ্বকের আয়তনটা বেশী হয় আয় এই দ্বকের মধ্য দিয়েই তো তারা অক্সিজেন শ্বেষ নিতে বা ছেড়ে দিতে পারে। হিসেব করলে দেখা যাবে এদের দ্বকের মোট আয়তন মান্মের বাইরের দ্বকের আয়তনের চেয়ে অনেক অনেক গ্রণ বেশী। এটা ৪০ মিটার লম্বা আয় ৩০ মিটার চওড়া, অর্থাৎ প্রায় ১২০০ বর্গ মিটারের সমান। এখন তাহলে ব্বমতে পারছ জীবিত প্রাণীর দেহে যত বেশী সম্ভব লোহিত কণিকা থাকা কতটা দরকারী। এরা আমাদের শ্রীরের চেয়েও ১০০০ গ্রণ বেশী আয়তনের জায়গা দিয়ে অক্সিজেনকে শ্বুষে নেয়, তারপর তা শ্রীরের অন্য অংশে নিয়ে যায়।

একজন মান্স মোট যতটা পরিমাণ খাবার খায় তাও একটা দানবীয় সংখ্যা বৈকি (জীবনের দৈর্ঘ্য যদি গড়ে ৭০ বছর করে ধরা যায়)। একজন মান্য তার সারা জীবনে যত টন জল, রুটি, মাংস, পশ্পাখি, মাছ, শাকসব্জি, ডিম, দ্বধ ইত্যাদি খায় তা চালান করতে রীতিমতো একটা দ্রেন লেগে যাবে। সত্যিই, এটা বিশ্বাস করতে বেগ পেতে হয় যে একবারে না হলেও একজন মান্য একটা দ্রেন ভার্ত জিনিস তার পেটে চালান করতে পারে।



৫৯. পদক্ষেপে দ্রত্বের হিসেব

আমাদের কাছে তো আর সবসময়ই গজ-কাঠি থাকে না! কি করে মোটামুটিভাবে দ্বেত্ব হিসেব করা যায়, তা জানা থাকলে স্ববিধাই হবে।

মনে কর, তুমি যখন পায়ে হে টে বেড়াচ্ছ, তখন দ্রত্ব হিসেব করার সবচেয়ে সোজা উপায় হল পদক্ষেপ গোনা। এটা করতে তোমার পদক্ষেপের দ্রত্ব জানা থাকা চাই। অবশ্য সবসময়ই যে সমান দ্রে দ্রের পা পড়বে তানয়: তাছাড়া ইচ্ছেমতো ছোট ছোট বা লম্বা লম্বা পা ফেলা যায়। তবে মোটাম্টিভাবে পা ফেলার দ্রত্ব প্রায় সমান, আর তোমার যদি এটা জানা থাকে, তাহলে যেকোন দ্রত্বই হিসেব করে ফেলতে পারবে।

প্রথমে তোমার পদক্ষেপের মোটাম্বিট দ্বেছ হিসেব করতে হবে। এটা অবশ্য মাপবার যন্ত্র ছাড়া করার উপায় নেই।

একটা ফিতে নিয়ে ২০ মিটার পর্যন্ত সেটাকে বিছাও। তারপর সেটাকে সরিয়ে নিয়ে ঐ দ্রেছটা পার হতে তোমার কতবার পা ফেলতে হয় তা দেখ। এমন হতে পারে যে, হিসেবটা হল পা আর কিছু ভগ্নাংশ। যদি ভগ্নাংশটা ১/২-এর কম হয়, তাহলে তা হিসেবের মধ্যে আনবার দরকার নেই। যদি ১/২-এর বেশী হয়, তাহলে সেটাকে প্রুরো একটা সংখ্যা হিসেবেই গোন। এরপর ২০ মিটারকে পদক্ষেপের সংখ্যা দিয়ে ভাগ করলেই মোটামুটি পদক্ষেপের মাপ পেয়ে যাবে। উত্তরটাকে মনে করে রাখো।

পদক্ষেপের হিসেব যাতে হারিয়ে না যায়, বিশেষত যখন বেশী দ্রম্থ হিসেব করতে হয়, তখন সবচেয়ে ভাল উপায় হল ১০ পর্যন্ত গোনা, তারপর বাঁ হাতের একটা আঙ্গল ভাঁজ করে রাখা। যখন সবগ্নলো আঙ্গল ভাঁজ করা হয়ে যাবে, অর্থাৎ তুমি যখন ৫০ পা চলে গেছ, তখন ডান হাতের একটা আঙ্গল ভাঁজ কর। এভাবে তুমি ২৫০ পর্যন্ত পারবে। তারপর আবার প্রথম থেকে শ্রু করতে হবে। শ্র্ম্ব এটা ভুললে চলবে না যে তোমার ডান হাতের আঙ্গ্ল তুমি মোট কতবার বাঁকিয়েছ। ধরা যাক, তোমার গন্তব্য স্থানে পেণছতে ডান হাতের সমস্ত আঙ্গল তুমি প্রবাপ্রার

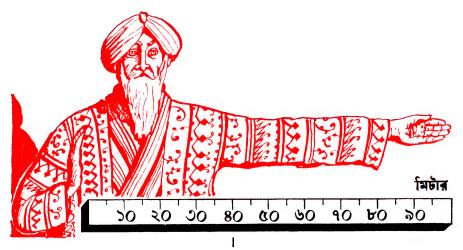
দ্ব'বার বাঁকিয়েছ, তারপর ডান হাতে বাঁকিয়েছ তিন আঙ্গ্রল আর বাঁ হাতে চার আঙ্গ্রল, তার অর্থ দাঁড়াচ্ছে, তুমি মোট গিয়েছ:

$$2 \times 260 + (0 \times 60) + (8 \times 50) = 950$$
 পা।

এর সঙ্গে অবশ্য শেষ আঙ্গল ভাঁজ করার পর অলপ আরও কয়েক পা যদি তুমি গিয়ে থাক, তা যোগ দিতে হবে।

আচ্ছা এই দেখ, একটা প্রবনো নিয়ম: একজন বয়স্ক লোকের মোটামর্টি পদক্ষেপ হল তার চোখ থেকে পায়ের বুড়ো আঙ্গুল যতটা তার অর্ধেক।

হাঁটবার গতি সম্পর্কে আর একটা প্রনাে নিয়ম: মান্য তিন সেকেন্ডে যত পা যাবে, এক ঘণ্টায় যাবে ঠিক তত কিলােমিটার। কিন্তু পদক্ষেপের বিশেষ একটি মাপ থাকলেই এটা সতি্য হবে, আর পদক্ষেপটা বড় হলেই হিসেবটা খাটবে। যদি পদক্ষেপের বিস্তার হয় প মিটার, আর তিন সেকেন্ডে পদক্ষেপের সংখ্যা হয় ন, তাহলে তিন সেকেন্ডে মান্য যাবে ন প মিটার, আর এক ঘণ্টায় (৩৬০০ সেকেন্ডে) যাবে ১২০০ ন প মিটার বা ১২ ন প কিলােমিটার। এই দ্রেম্ব যদি তিন সেকেন্ডের পদক্ষেপের সংখ্যার সমান হয়, তাহলে এই সমীকরণটা আসছে: ১২ন প = ন বা ১২ প = ১।



৬০ নং ছবি। এক হাত লম্বা করে দিয়ে হাতের আঙ্বল থেকে অন্য দিকের কাঁধ পর্যস্ত দৈর্ঘ্য হবে প্রায় এক মিটার।

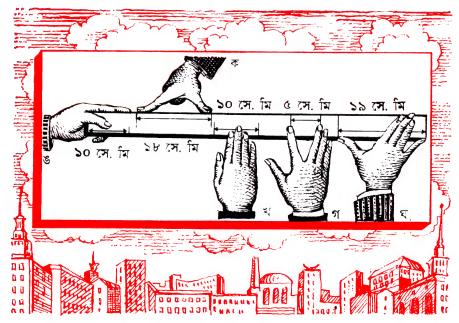
অর্থাৎ :

প=০ ৮৩ মিটার

মান্ব্যের পদক্ষেপের দৈর্ঘ্য যে তার উচ্চতার ওপর নির্ভার করে এ নিরমটা ঠিক। দ্বিতীয় যে নিরমটা আমরা এমনি করে দেখলাম, তা কেবল প্রমাণ মাপের মান্ব্যের ক্ষেত্রে, অর্থাৎ যে মান্ব্য প্রায় ১-৭৫ মিটার লম্বা, তার ক্ষেত্রেই সত্যি।

৬০. জীবন্ত মাপকাঠি

হাতের কাছাকাছি মাপ নেবার কোন যন্ত্রপাতি না থাকলে এই নিয়মটা দিয়ে প্রমাণ আকারের জিনিস মাপ করা চলে। এক হাত লম্বা করে দিয়ে হাতের আঙ্গলে থেকে অন্য দিকের কাঁধ পর্যন্ত একটা দড়ি বা কাঠি রাখ



৬১ নং ছবি। মাপ নেবার ফিতে ব্যবহার না করে মাপার জন্য নিজের হাতের কি কি মাপ জানা দরকার।

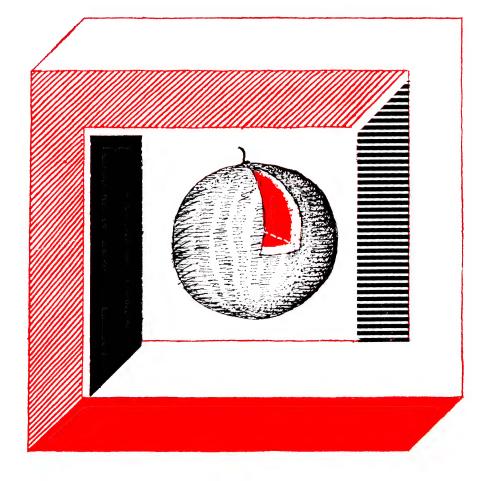
(৬০ নং ছবি)। পূর্ণবিয়স্ক লোকের ক্ষেত্রে এর দৈর্ঘ্য হবে প্রায় ১ মিটার। আঙ্গুল দিয়ে (মোটাম্বিটভাবে) মিটার মাপবার আরও একটা উপায় আছে। তর্জানী আর ব্বড়ো আঙ্গুল যতটা পারা যায় ফাঁক করলে তাদের দ্বেত্ব হয় প্রায় ১৮ সেন্টিমিটার, আর এইরকম ছয়বার হলেই প্রায় ১ মিটার হয়ে যাবে (৬১-ক নং ছবি)।

এগর্নল থেকে 'খালি হাতে' মাপা শেখা যায়। এজন্য নিজের হাতের চেটোর মাপটা মনে রাখলেই চলবে।

প্রথমে হাতের চেটোর প্রস্থ জানতে হবে — ৬১-খ নং ছবিতে দেখান হয়েছে। বয়স্ক লোকের ক্ষেত্রে এটা সাধারণত ১০ সেন্টিমিটার। তোমারটা হয়ত এরচেয়ে বড় বা ছোট। কতটা তফাত তা তোমাকে জেনে রাখতে হবে। তারপর জানতে হবে তর্জনী আর মধ্যমাকে যতটা সম্ভব ফাঁক করলে তাদের দ্রেত্ব কত হয় (৬১-গ নং ছবি)। তর্জনী বৢড়ো আঙ্গুলের গোড়া থেকে কতটা লম্বা (৬১-ঙ নং ছবি) তা জেনে রাখাও খৢব কাজের হবে। সবশেষে মেপেরাখ, যতটা সম্ভব ফাঁক করলে বৢড়ো আঙ্গুল আর কনিষ্ঠার দ্রেত্ব কত হয় (৬১-ঘ নং ছবি)।

এই 'জীবস্ত মাপকাঠি' ব্যবহার করে তোমরা ছোট ছোট জিনিসের মোটামনুটি মাপ বের করতে পারবে।

शाशां वाशां ना



এই পরিচ্ছেদের প্রশ্নগন্বলোর সমাধান করতে খ্ব ভাল জ্যামিতি জানবার দরকার নেই। গাণতের এই বিভাগটি সন্বন্ধে প্রার্থামক জ্ঞান থাকলেই যেকেউ এগ্রেলা করতে পারবে। এখানে যে এক সারি ধাঁধা দেওয়া হচ্ছে একজন তা দিয়েই ব্রুতে পারবে সতিয়ই জ্যামিতি তার কিছ্ব জানা আছে কিনা। জ্যামিতিক আকৃতিগর্নলির বৈশিষ্ট্য জানাই আসল জ্ঞান নয় — জানতে হবে বাস্তব সমস্যায় সেটাকে কি করে কাজে লাগাতে হবে। যে লোক গর্নলি ছ্বড়তে জানে না, তার বন্দ্বক কোন কাজে লাগাবে?

পাঠক, তোমরাই দেখ না, এই জ্যামিতিক চাঁদমারীতে কটা গ্র্নলকে তোমরা ঠিক নিশানায় লাগাতে পার।

৬১. छंनार्गाफ़

গাড়ির সামনের ধ্রুরোটা পেছনেরটার চাইতে তাড়াতাড়ি ক্ষয়ে যায় কেন?



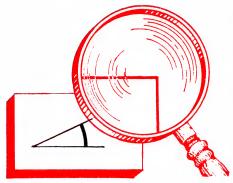
৬২ নং ছবি। ঠেলাগাড়ির সামনের ধ্রোটা পেছনেরটার চাইতে তাড়াতাড়ি ক্ষয়ে যায় কেন?

৬২. বিবর্ধক কাঁচের মধ্য দিয়ে

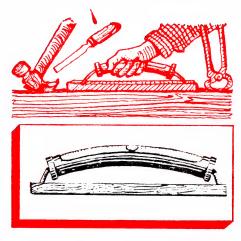
যে কাঁচ দিয়ে জিনিসকে চার গ্র্ণ বড় দেখায় তার ভেতর দিয়ে দেখলে ১ · ৫ · কোণকে কত বড় দেখাবে (৬৩ নং ছবি)?

৬৩. ছ্বতোরের **লেভেল**

তোমরা বোধহয় ছ্বতোরদের লেভেল যন্তরটা দেখেছ। এতে থাকে একটা কাঁচের নল আর তার ভেতরে একটা ব্বদ্বদ (৬৪ নং ছবি)! ঢাল্ব জায়গায় বসালে এই ব্বদ্বদটা কেন্দ্র থেকে দ্রের সরে যায়। জায়গাটা যত ঢাল্ব হবে



৬০ নং ছবি। কোণকে কত বড় দেখাবে?



৬৪ নং ছবি। ছ্বতোরের লেভেল।

ব্দ্ব্দটাও মাঝের দাগ থেকে তত বেশী দ্বরে সরে যাবে। এটা যে নড়ে বেড়ায় তার কারণ হল নলের ভেতরকার তরল পদার্থের থেকে হাল্কা হওয়াতে এটা ওপরের দিকে চলে আসে। যদি টিউবটা সোজা হত, তাহলে বুদুদ্টা নলের শেষ প্রান্তে চলে আসত, অর্থাৎ সেটাই হত সবচেয়ে উ°চ্ম জায়গা। এই ধরনের 'লেভেল' হলে খুবই অসুবিধে হত তা তো দেখতেই পাচ্ছ তোমরা। এইজন্যই নলটা বাঁকানো থাকে এবং ৬৪ নং ছবিতে এটাই দেখানো হয়েছে। 'লেভেল' যদি সমতল ক্ষেত্রের ওপর থাকে, তাহলে त्रृष्वाृपठा नत्नत भावशात्न, भवतहत्त्र छेका অংশে চলে আসে। যদি লেভেলটা ঢাল্বর উপর থাকে, তখন এর সবচেয়ে উচ্চুঅংশ আর কেন্দ্র না হয়ে একটু দুরে সরে যায় আর ব্বদ্বদটাও কেন্দ্রের দাগ থেকে নলের অন্যপ্রান্তে চলে যায়।*

প্রশ্নটা হল: যদি লেভেলটা ০ · ৫° ঢাল্বর ওপর থাকে, আর বাঁকা নলের ব্যাসাধ হয় ১ মিটার, তাহলে ব্যুদ্দটা কেন্দ্রে দাগ থেকে কত মিলিমিটার সরে যাবে?

^{* &#}x27;দাগটা ব্ব্ব্ব্দ থেকে সরে যায়' একথা বলা আরও সঠিক হবে, কারণ ব্ব্ব্ব্দটা আসলে নিজের জায়গাতেই থাকে, আর নল ও দাগটাই সরে যায়।

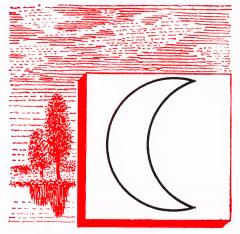
৬৪. কতগ্নলো ধার?

প্রশ্নটা হয়ত খ্রই বোকার মতো মনে হবে, আর নয়ত মনে হবে খ্রই চালাকির প্রশন:

ছয়-কোণওয়ালা একটা পেন্সিলের কটা ধার থাকে? উত্তরটা দেখার আগে ভাল করে ভেব কিন্তু।

৬৫. অর্ধচন্দ্র

একটা অর্ধাচন্দ্রের আকৃতিকে (৬৫ নং ছবি) মাত্র দ্বটো সরল রেখা টেনে ছয় ভাগে ভাগ করতে পার?





৬৫ নং ছবি। অধ্চন্দ্র।

৬৬ नः ছবি। ১২টি দেশলাই কাঠির কুশ।

৬৬. দেশলাই কাঠির খেলা

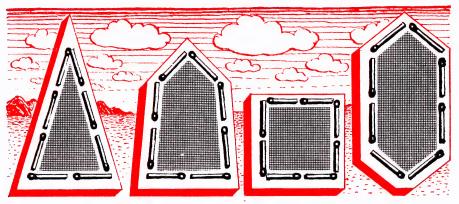
১২টা কাঠি দিয়ে তো তোমরা একটা কুশের মতো করতে পারই (৬৬ নং ছবি)। দেশলাই কাঠি দিয়ে বর্গক্ষেত্র তৈরি করলে তার পাঁচটা ক্ষেত্রের সমান হবে এর আয়তন।

কাঠিগ্নলোকে কী এমন করে সাজাতে পার, যাতে এর পরিমাপ চারটে বর্গক্ষেত্রের পরিমাপের সমান হয়?

কোন মাপন-খন্ত্র ব্যবহার করা চলবে না কিন্তু।

৬৭. আরও একটা দেশলাই কাঠির খেলা

তোমরা আটটা দেশলাই কাঠি দিয়ে অনেক রকম ক্ষেত্র তৈরি করতে পার। ৬৭ নং ছবিতে তার কয়েকটা দেখানো হল। এদের প্রত্যেকটির মাপ আলাদা। এই আটটা দেশলাই কাঠি দিয়েই সবচেয়ে বড় ক্ষেত্র তৈরি করতে হবে।



৬৭ নং ছবি। আটটি দেশলাই কাঠি দিয়ে সম্ভাব্য বৃহত্তম ক্ষেত্র তৈরি।

৬৮, মাছির রাস্তা



একটা বেলনাকার পাত্রের ভেতরের দেয়ালে, উপরের গোলাকার মাথা থেকে তিন সেন্টিমিটার নীচে এক ফোঁটা মধ্য আছে। এর ঠিক উল্টো দিকে, বাইরের দেয়ালে আছে একটা মাছি (৬৮ নং ছবি)।

মধ্বর কাছে পে[°]ছিবার সবচেয়ে ছোট রাস্তাটা ঐ মাছিটাকে দেখাতে হবে।

পার্নাটির ব্যাস ১০ সেন্টিমিটার আর এর উচ্চতা ২০ সেন্টিমিটার।

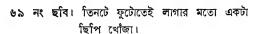
মাছিটা নিজেই পথ খ'্ৰজে নেবে এমন

৬৮ নং ছবি। মাছিকে মধ্বর ফোঁটার পথ বলে দাও। মনে করো না। তাহলে তো সমাধানটা

সোজাই হয়ে গেল। এটা করতে হলে জ্যামিতি ভাল করে জানতে হবে, আর সেটা তো একটা মাছির ক্ষমতার বাইরে।

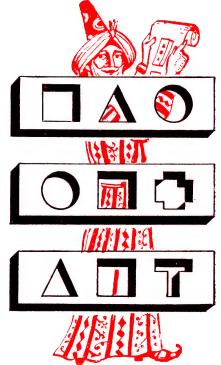
৬৯. ছিপি দিতে পার একটা?

তোমাকে একটা তক্তার টুকরো দেওয়া হল, তাতে আছে তিনটে ফুটো — একটা বর্গক্ষেত্রের মতো, একটা ত্রিকোণ আর একটা গোলাকার। এমন একটা ছিপি দিতে পার যা তিনটে ফুটোতেই লাগবে (৬৯ নং ছবি)?



৭০ নং ছবি। এই ফুটোগ্বলোর জন্য একটা ছিপি হতে পারে কি?

৭১ নং ছবি। এই তিনটি ফুটোর জন্য একটা ছিপি বানানো যায় কি?



৭০. দ্বিতীয় ছিপি

যদি আগের প্রশ্নটার সমাধান করে থাক, তবে ৭০ নং ছবিতে যে ফাঁকগনলো দেখানো আছে তার জন্য একটা ছিপি বের করতে চেণ্টা কর তো?

৭১. তৃতীয় ছিপি

ঐ ধরনেরই আরও একটা প্রশ্ন: ৭১ নং ছবিতে দেখানো ফাঁকগ[্]লোর জন্য একটা ছিপি হতে পারে কি?

५२. भूमात त्थला

দ্বটো মনুদ্রা নাও: ৫ কোপেক আর ২ কোপেক (২৫ মিলিমিটার আর ১৮ মিলিমিটার ব্যাসের যেকোন দ্বটো মনুদ্রা হলেই চলবে)। এরপর একটা কাগজে ২ কোপেক মনুদ্রর পরিধির সমান গোল করে কেটে বাদ দাও।

৫ কোপেক মুদ্রাটা এই ফাঁকের মধ্য দিয়ে যেতে পারবে কি?

এ ধাঁধাটায় কোনই ফাঁকি নেই কিস্তু। এটা একেবারে জ্যামিতির প্রশ্ন।

৭৩, মিনাবের উচ্চতা

তোমাদের শহরে একটা খ্ব বড় মিনার আছে, কিস্তু এর উচ্চতা তোমার জানা নেই। অবশ্য এর একটা ফোটো আছে তোমার কাছে। এর থেকে কি আসল উচ্চতাটা বের করা যায়?

৭৪. একই ধরনের ক্ষেত্র



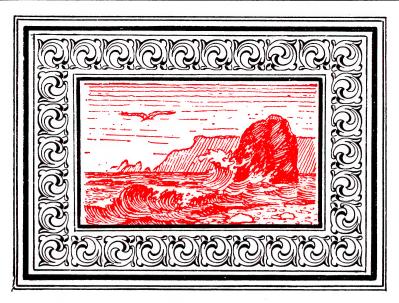
জ্যামিতিক সাদৃশ্য বারা ব্রুবতে পার এই ধাঁধাটা তাদেরই জন্য। এই দ্বটো প্রশ্নের উত্তর দাও:

- (১) ৭২.নং ছবির দ্বটো বিভর্জ কি সদৃশ বিভর্জ?
 - (২) ৭৩ নং ছবির বাইরের আর

৭২ নং ছবি। ভেতরের ও বাইরের ত্রিভুজ কি সদৃশ? ভেতরের চত্রভুজিগ্রালি কি সদৃশ?

৭৫. তারের ছায়া

রোদের দিনে একটা ৪ মিলিমিটার মোটা টেলিগ্রাফ-তারের নিখ্;ত ছায়া কত দ্র পর্যস্ত দেখা যাবে?



৭৩ নং ছবি। বাইরের ও ভেতরের চতুর্ভুজগ**্নাল** কি সদৃশ?

৭৬. একটা ই^{*}ট

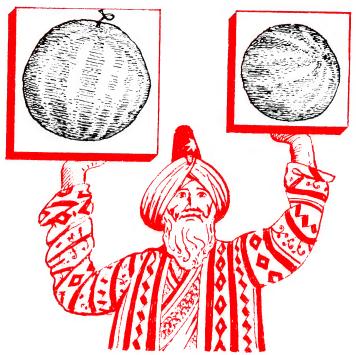
একটা ঠিক মাপের ই'টের ওজন হল ৪ কিলোগ্রাম। এর চার ভাগের এক ভাগ আর একই জিনিস দিয়ে তৈরি একটা ছোট ই'টের ওজন কত হবে?

৭৭. দৈত্য আর বামন

১ মিটার লম্বা একজন বে'টে লোকের থেকে ২ মিটার লম্বা একজন লোকের ওজন প্রায় কত গুণ বেশী?

৭৮. দুটো তরম্জ

একজন লোক দ্বটো তরম্বজ বিক্রি করছে। একটা আর একটা থেকে চার ভাগের এক ভাগ বড়, কিন্তু তার দাম দেড় গ্র্ণ বেশী। কোনটা কেনা লাভজনক (৭৪ নং ছবি)?



98 নং ছবি। কোন তরমুজটা কেনা লাভজনক?

৭৯. म्द्रिंग कूछि

একই ধরনের দ্বটো ফুটি বিক্রি হচ্ছে। একটার পরিধি ৬০ সেন্টিমিটার, অন্যটার ৫০। প্রথমটার দাম দেড় গ্র্ণ বেশী। এর ভেতর কোনটা কিনলে বেশী লাভ হবে?

৮০. একটা চেরী ফল

চেরী ফলের বাঁচির চারপাশের শাঁস বাঁচির মতোই প্রর্। ধরে নেওয়া যাক, চেরী ফল আর বাঁচি দ্বটোই গোল। মনে মনে হিসেব করে বলতে পার চেরী ফলটায় বাঁচির চেয়ে শাঁস কত গুণু বেশাঁ?

৮১. এইফেল টাওয়ার

প্যারিসের ৩০০ মিটার উ'চু এইফেল টাওয়ার ৮০ লক্ষ কিলোগ্রাম ইম্পাত দিয়ে তৈরি। আমি এরই একটা ১ কিলোগ্রাম ওজনের প্রতিকৃতি তৈরি করতে দেব ঠিক করেছি।

এটা কত উ'চু হবে? একটা জলের গ্লাস থেকে বড় না ছোট হবে?

४२. म्यूटी कड़ारे

দ্বটো কড়াই একইরকম দেখতে আর সমান প্রব্ন। একটার চাইতে অন্যটায় আট গ্র্ণ বেশী জিনিস ধরে।

ছোটটা থেকে বড়টার ওজন কত বেশী?

৮৩. শীতকালে

এক ঠাণ্ডার দিনে একজন পূর্ণবয়স্ক লোক আর একটি বাচ্চা একইরকম পোশাক পরে রাস্তায় দাঁড়িয়ে আছে।

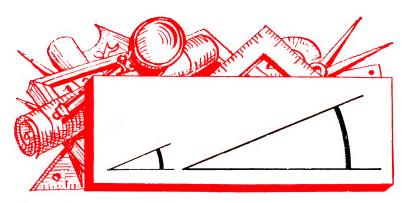
কার বেশী শীত লাগছে?

৬১—৮৩ নম্বর ধাঁধার উত্তর

৬১. প্রথম নজরে ধাঁধাটায় কোন জ্যামিতির ব্যাপার আছে বলে মনেই হবে না।
কিন্তু জ্যামিতি-জ্ঞানী সহজেই ব্রুবতে পারবে যে এর ভেতরে সমস্ত বিবরণের
আড়ালে একটা জ্যামিতির স্ত্র ল্বিকয়ে আছে। আসলে এটা একটা জ্যামিতির
সমস্যা। জ্যামিতিকে বাদ দিয়ে এর কোন সমাধান সম্ভব নয়।

প্রশ্নটা হল: গাড়ির সামনের চাকার ধ্রেরা (অক্ষদণ্ড) কেন পেছনের চাকার ধ্রেরার থেকে তাড়াতাড়ি ক্ষয়ে যায়? সাধারণত দেখতে পাবে গাড়ির সামনের চাকাগ্রলো পেছনের চাকার চাইতে ছোট। জ্যামিতি থেকে পাচ্ছিযে একই দ্রেস্ব যেতে একটা ছোট পরিধির গোলককে একটা বড় পরিধির গোলকের চেয়ে বেশী ঘ্রতে হবে। আর এ তো খ্রই স্বাভাবিক যে সামনের চাকাটা যত বেশী ঘ্রবে, তার ধ্রেরাও তত তাড়াতাড়ি ক্ষয়ে যাবে।

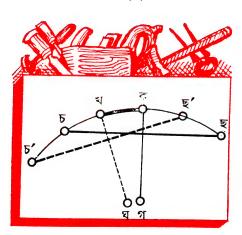
৬২. তোমরা যদি মনে করে থাক যে বিবর্ধক কাঁচের জন্য কোণটা বেড়ে ১ $\gtrless \times$ 8 = ৬ $^\circ$ হয়েছে তাহলে খুবই ভূল করছ। বিবর্ধক কাঁচ কোণের পরিমাপকে



৭৫ নং ছবি

বাড়াবে না। এটা সত্যি যে কোণ-মাপক চাপের দৈর্ঘ্য বেড়ে যাবে। কিন্তু সেক্ষেত্রে এর ব্যাসার্ধও সমান অনুপাতে বাড়বে। ফলে কেন্দ্রীয় কোণের পরিমাপের কোন পরিবর্তন হবে না। ৭৫ নং ছবি থেকে এটা ভাল বোঝা যাবে।

৬৩. ৭৬ নং ছবিতে লেভেলের চাপের প্রাথমিক অবস্থা হল চ ক ছ। চ খ ছ হল পরিবর্তিত অবস্থা। এদের জ্যা চ ছ এবং চ ছ ১/২° কোণ তৈরি করেছে। ব্দুদ্দটা প্রথমে ছিল ক-তে এবং এখনো ঠিক সেখানেই আছে। কিন্তু



চ ছ চাপের মধ্যবিশ্ব সরে গেছে খ-তে।
আমাদের এখন ক খ চাপের দৈর্ঘ্য বের
করতে হবে। এর ব্যাসার্ধ হল ১ মিটার
আর কোণের মাপ হল ১/২°। (এরকম
হবার কারণ হচ্ছে, লম্ব বাহ্ম দ্টোর
অন্তর্বাতা স্ক্র্য কোণের হিসেব করছি
আমরা।)

এখন হিসেব করতে আর কোন মুক্তিল নেই। ব্যাসার্ধ ১ মিটার (১০০০ মিলিমিটার) হলে পরিধি হবে

₹×७·\$8×\$000=७₹४0

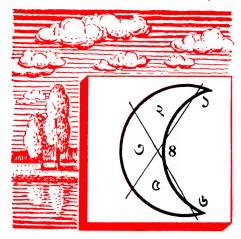
মিলিমিটার। একটি পুরো পরিধিতে আছে

৩৬০° বা ৭২০টি অর্ধ ডিগ্রি, তাহলে এক্ষেত্রে ১/২°-তে পরিধির দৈঘ্য হবে

৬২৮০: ৭২০ = ৮ ৭ মিলিমিটার

সন্তরাং দাগ থেকে বৃদ্ধ্দিটি সরে যাবে (আসলে দার্গটিই বৃদ্ধ্দ থেকে সরে যাবে) প্রায় ৯ মিলিমিটার। এও বোঝা যাচ্ছে যে নলের বক্রতার ব্যাসার্ধ যত বাড়বে, লেভেলটিও ততই স্ক্ল্যু কাজের উপযুক্ত হবে।

৬৪. ধাঁধাটিতে চালাকির কিছ, নেই: কথার ভুল মানে করার ভেতরই আসল



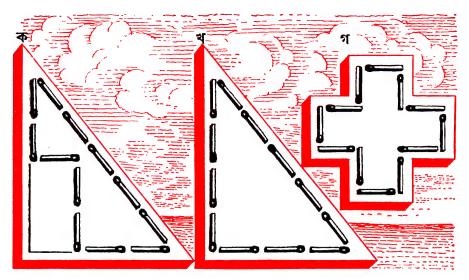
জিনিস রয়েছে। বেশার ভাগ লোকেরই বোধহয় ধারণা এই যে ছয়-কোণা পেন্সিলের ছাটি ধার। তা ঠিক নয়। যদি পেন্সিল না চোখা করা হয়ে থাকে তাহলে হবে আটটি ধার: ছাটি ধার আর ছোট দর্বি প্রান্ত। যদি সত্যিই এর মাত্র ছাটি ধার থাকত, তাহলে পেন্সিলটির চেহারা হত একেবারে অন্যরকম — আয়তক্ষেত্রের মতো।

তাই পেন্সিলটাকে ছয় ধারওয়ালা না বলে ছয়কোণওয়ালা বলাই ঠিক।

৭৭ নং ছবি

- ৬৫. ৭৭ নং ছবির মতো করে করতে হবে এটাকে। মোট ছ'টি অংশ হবে। স্ক্রবিধের জন্য অংশগ্রুলিতে নম্বর দেওয়া হল।
- ৬৬. ৭৮-ক নং ছবিতে যেমন দেখানো হয়েছে দেশলাইয়ের কাঠিগ্নলিকে সেভাবে সাজাতে হবে। এর আয়তন একটি দেশলাই কাঠির মাপের বর্গক্ষেত্রের চার গ্নণ। ব্যাপারটা সত্যিই তাই। মনে মনে আমাদের ছবিটিকে প্ররো বিভুজাকৃতি করা যাক। একটা সমকোণী বিভুজ হল, যার ভূমি তিনটি দেশলাই কাঠির সমান, আর উচ্চতা হল চারটে কাঠির সমান।*

^{*} পাঠকদের ভেতর যাদের পিথাগোরাসের উপপাদ্যের সঙ্গে পরিচয় আছে তারা ব্রুত পারবে আমাদের ছবিটি যে সমকোণী বিভুজ তাতে কোন সংশয় নেই: $0^2+8^2=6^21$



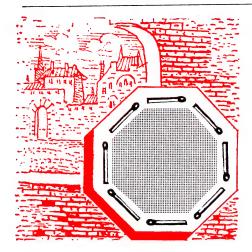
৭৮ নং ছবি

এর ক্ষেত্রফল হল ভূমির অর্ধেক আর উচ্চতার গ্রণফল: ১/২×৩×৪=৬িট দেশলাই কাঠির মাপের বর্গক্ষেত্রের সমান (৭৮-খ নং ছবি)। কিন্তু আমাদের ছবির আয়তন, ত্রিভুজের আয়তন থেকে দেশলাই কাঠির মাপের দুই বর্গক্ষেত্রের মাপ কম হচ্ছে। স্বৃতরাং, এর আয়তন ঐরকম চার বর্গক্ষেত্রের সমান।

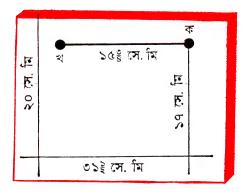
৬৭. সীমাবদ্ধ সমস্ত সমতলক্ষেত্রের মধ্যে বৃত্তই হল সবচেয়ে বড়। অবশ্য দেশলাই কাঠি দিয়ে ঠিকঠাক বৃত্ত তৈরি করা সম্ভব নার। কিন্তু আটিট দেশলাই কাঠি দিয়ে প্রায় বৃত্তের মতোই একটি ক্ষেত্র তৈরি করা যায়। এটি একটি স্বম্ম অন্টভুজ হবে (৭৯ নং ছবি)।

এই সাধ্য অণ্টভুজই আমাদের অভিণ্ট সেই ক্ষেত্রটি। কেননা এরই ক্ষেত্রফল সবচেয়ে বেশী।

৬৮. এই সমস্যার সমাধান করতে হলে পাত্রটি লম্বালম্বি ফেলে খ্রুলে চ্যাপ্টা করে ফেলতে হবে। এটা তখন হবে একটা আয়তক্ষেত্র (৮০ নং ছবি)। এর প্রস্থ ২০ সেন্টিমিটার আর দৈর্ঘ্য হবে পরিধির সমান, অর্থাৎ ১০ × ৩ ১/৭ = = ৩১ · ৫ সেন্টিমিটার (প্রায়)। এখন এই আয়তক্ষেত্রে মাছি আর মধ্বর



৭৯ নং ছবি



৮০ নং ছবি

ফোঁটার অবস্থান চিহ্ন দেওয়া যাক। মাছিটি আছে ক বিন্দরতে, ভূমি থেকে ১৭ সেন্টিমিটার দরের। মধ্র ফোঁটা আছে খ বিন্দরতে, ভূমি থেকে সমান উচ্চতায়, কিন্তু ক থেকে পাত্রের পরিধির অর্ধেকটা দরের, অর্থাৎ ১৫৪ সেন্টিমিটার দরের।

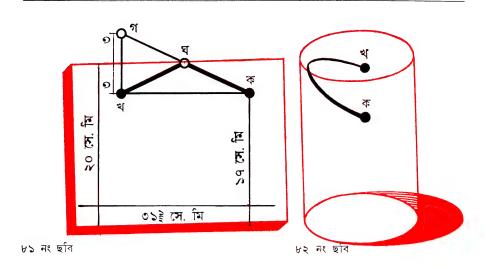
পারের ভেতর যে বিন্দর্পর্যন্ত মাছিকে উঠে এসে ভেতরে নাবতে হবে তা এভাবে বের করতে হবে: খ বিন্দর্থেকে (৮১ নং ছবি) উপরের কিনারার উপর একটি লম্বরেখা এ কৈ সেই রেখাকে সমান দ্রুছে টেনে বাড়িয়ে গেলাম। এবার আমরা পেলাম গ বিন্দর্। একটা সরল রেখা টেনে ক বিন্দর্র সঙ্গে গ-র সংযোগ করা হল। তাহলে ঘ হবে সেই বিন্দর্যখান থেকে মাছিকে কিনারা পার হয়ে পারের ভেতর ঢুকতে হবে। ক ঘ খ হল সবচেয়ে ছোট রাস্তা।

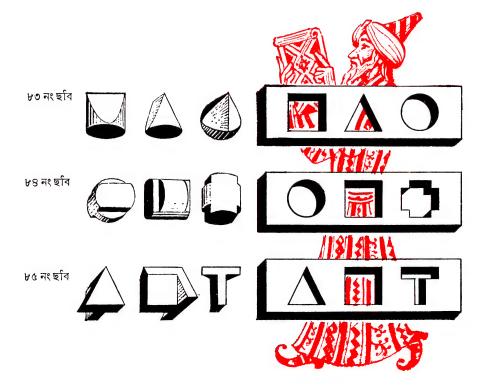
চ্যাপ্টা আয়তক্ষেত্রে সবচেয়ে ছোট রাস্তাটি বের করে নেবার পর এটিকে আবার গোল করে পাত্রের মতন করে নিয়ে মধ্বর বিন্দব্ব কাছে পেণছতে মাছিটি কিভাবে এগিয়ে যায় তা দেখতে পারি (৮২ নং ছবি)।

এসব ক্ষেত্রে মাছিরা সত্যি সতিয়ই

এইরকম রাস্তার যায় কিনা তা বলতে পারি না। ভাল নাক থাকার মাছিদের পক্ষে সবচেয়ে ছোট রাস্তার যাবার ক্ষমতা আছে। ক্ষমতার কথাই বলছি, সম্ভাবনার কথা নয়। জ্যামিতির জ্ঞান না থাকলে ভাল ঘ্রাণেন্দ্রির থাকাটাই যথেন্ট নয়।

৬৯. ৮৩ নং ছবিতে এইরকম একটা ছিপি দেখানো হয়েছে। দেখতে পাচ্ছ এটা সত্যিই চৌকোণা, তেকোণা এবং গোল, তিন-রকম ফুটোকেই বন্ধ করতে পারে।





- ৭০. ৮৪ নং ছবিতে গোল, চোকোণা এবং কুশ আকারের ফুটো বন্ধ করতে পারে এমন আরও একটি ছিপি আছে। এর তিনটে দিকই দেখানো হয়েছে।
- **৭১**. হ্যাঁ, এরকম ছিপিও হয় এর সবকটা অংশ ৮৫ নং ছবিতে দেখতে পাবে।
- ৭২. অন্তুত মনে হলেও ছোটু ফুটো দিয়ে একটা ৫ কোপেক মুদ্রা গলানো সম্ভব।



কাগজটাকে ভাঁজ করে ফেলে গোল ছিদ্রটিকে টেনে লম্বা করে (৮৬ নং ছবি), তার ভেতর দিয়ে ৫ কোপেক মনুদ্রা গলিয়ে আনা যায়।

এই কোশলের কাজটা জ্যামিতি দিয়ে সহজেই ব্যাখ্যা করা যায়। ২ কোপেক মুদ্রার ব্যাস হল ১৮ মিলিমিটার। এর পরিধি বের করা কঠিন নয়: ৫৬ মিলিমিটারের অলপ একটু বেশী। সর্ব পথটার দৈঘ্য এর অর্ধেক বা ২৮ মিলিমিটার। এখন ৫ কোপেক মুদ্রার ব্যাস হল ২৫ মিলিমিটার। এটা ১০৫ মিলিমিটার প্রব্ হলেও ২৮ মিলিমিটারের সর্ব পথ দিয়ে বেশ গলে যেতে পারবে।

৭৩. গশ্ব্জটির আসল উচ্চতা বের করতে হলে ফোটোর ভেতরে এর উচ্চতা ও ভিতের মাপ ঠিকঠাক নিতে হবে। ধরা যাক, মাপগর্লি হল ৯৫ ও ১৯ মি.মি। এরপর আসল গশ্ব্জের ভিতের মাপটা নাও। ধরা যাক, ভিতের প্রস্থ হল ১৪ মিটার।

জ্যামিতি দিয়ে বিচার করলে দেখা যাবে ফোটোর গশ্ব্জ আর আসল গশ্ব্জ একই জিনিসের ভিন্ন অনুপাত। অর্থাৎ ফোটোর গশ্ব্জের উচ্চতা আর ভিতের অনুপাত এবং আসল গশ্ব্জের উচ্চতা আর ভিতের অনুপাত সমান। প্রথম ক্ষেত্রে এটা হল ৯৫:১৯, অর্থাৎ ৫। তাহলে গশ্ব্জের উচ্চতা ভিতের চাইতে ৫ গুণ বেশী।

স্ত্রাং আসল গম্ব্রেজর উচ্চতা হবে: $$8 \times 6 = 90$ মিটার। অবশ্য. একটা 'কিন্তু' আছে। গম্ব্রেজর উচ্চতা বের করতে হলে সত্যিকারের

ভাল ফোটো চাই। অর্নাভজ্ঞ সথের ফোটোগ্রাফারের হাতে সাধারণত যা ওঠে তেমন বিকৃত ছবি হলে চলবে না।

98. প্রায়ই এই দ্বটো প্রশেনর উত্তরে হাঁ বলা হয়। প্রকৃতপক্ষে একমাত্র রিভুজগ্বলোই সদৃশ। সাধারণভাবে বলতে গেলে ছবির ফ্রেমের বাইরের এবং ভেতরের দিকের আয়তক্ষেত্রগর্বলি সদৃশ নয়। সদৃশ ত্রিভুজ হতে হলে অন্রর্প কোণগর্বলি সমান হলেই যথেন্ট। এখানে যেহেতু বাইরের ত্রিভুজের বাহ্বগর্বলির সঙ্গে ভেতরের ত্রিভুজের বাহ্বগর্বলি সমান্তরাল স্বৃতরাং চিত্রদ্বিটি সদৃশ। সদৃশ বহর্ভুজ হতে হলে কিন্তু তাদের কোণগর্বলা সমান হলেই (অথবা বাহ্বগ্রলা সমান্তরাল হলেই — অবশ্য ব্যাপারটা তাতে একই দাঁড়ায়) যথেন্ট নয়। বহর্ভুজের বাহ্বগ্রলাকে সমান্ত্রাতিক হতে হবে। ছবির ফ্রেমের বাইরের এবং ভেতরের আয়তক্ষেত্রগর্বলির মধ্যে একমাত্র বর্গক্ষেত্রের বেলায়ই (সাধারণত রন্বসের ক্ষেত্রে) সদৃশ হওয়া সম্ভব। এছাড়া অন্য সমস্ত ক্ষেত্রে বাইরের এবং ভেতরের আয়তক্ষেত্রের বাহ্বগর্বল সমান্ব্রণাতিক নয়। স্বৃতরাং চিত্রগর্বলি সদৃশ নয়। মোটা আয়তক্ষেত্রের মতো ফ্রেমগর্বলাতে এই

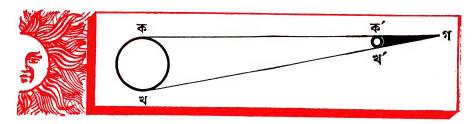


৮৭ নং ছবি

সাদ্শ্যের অভাব আরও বেশী পরিষ্কার (৮৭ নং ছবি)। বাঁদিকের ফ্রেমের বাইরের বাহ্বগ্লি আছে ২:১ অন্পাতে আর ভেতরের বাহ্বগ্লো আছে ৪:১ অন্পাতে। ডার্নাদকের ফ্রেমে আছে পর্যায়ক্রমে ৪:৩ এবং ২:১ অনুপাতে।

৭৫. অনেকেই একথা শ্বনে আশ্চর্য হবে যে এই ধাঁধার সমাধান করতে প্থিবী ও স্থেরি দ্রেত্ব ও স্থের ব্যাস ইত্যাদি জ্যোতির্বিদ্যার জ্ঞান দরকার।

একটা তারের নিখৃতে ছায়ার দৈর্ঘ্য কতটা হবে তা ৮৮ নং ছবির জ্যামিতিক চিত্র দিয়ে বের করা যেতে পারে। এটা খুব পরিজ্কার দেখা যাচ্ছে যে সুর্যের ব্যাস (১৪ লক্ষ কিলোমিটার) থেকে প্রথিবী ও সুর্যের দুরম্ব



৮৮ নং ছবি

(১৫,০০,০০,০০০ কিলোমিটার) যতগর্ণ বেশী তারের ব্যাস থেকে তারের ছায়াও ততগর্ণ বড়। মোটামর্টিভাবে, স্থেরি ব্যাস ও প্থিবী এবং স্থেরি দ্রুছের অনুপাত প্রায় ১:১১৫। স্বতরাং তারের নিখ্ত ছায়ার দৈর্ঘ্য হবে:

 $8 \times 556 = 840$ মিলিমিটার = 84 সেন্টিমিটার

নিখ্ত ছায়ার দৈর্ঘ্য এরকম নগণ্য মাপের হয় বলেই ছায়াটা মাটি বা দেওয়ালের উপর সবসময় দেখা যায় না। আবছা দাগ যা দেখা যায় তা ছায়া নয়, উপচ্ছায়া।

এই ধরনের সমস্যা সমাধানের আর একটি পদ্ধতি ৭ নম্বর ধাঁধায় দেখানো হয়েছে।

- ৭৬. খেলার ই'টের ওজন হবে ১ কিলোগ্রাম অর্থাৎ চারভাগ কম এরকম উত্তর দিলে তা একেবারে ভূল হবে। ছোট ই'টটা আসল ই'ট থেকে কেবল দৈর্ঘ্যেই চারভাগ কম নয়, প্রস্থে এবং উচ্চতায়ও চারভাগ করে কম। স্তরাং এর ঘনফল এবং ওজনও ৪×৪×৪=৬৪ ভাগ কম। স্তরাং ঠিক উত্তর হবে: ৪০০০:৬৪=৬২ ৫ গ্রাম।
- ৭৭. এই ধাঁধাটাও ঠিক উপরের ধাঁধার মতো। স্বৃতরাং তোমাদের এটা ঠিকভাবে করা উচিত। মান্বের শরীর মোটাম্বিভাবে সদৃশ। স্বৃতরাং যদি কারও উচ্চতা দ্বিগ্ল হয় তাহলে তার ওজন অন্যজনের ওজনের চাইতে দ্বিগ্ল নয়, আট গ্লে বেশী হবে।

প্থিবীতে সবচেয়ে বড় যে মান্ষটির কথা জাদা যায় সে ছিল একজন জ্যালসেশিয়ান — ২ ৭৫ মিটার লম্বা, অর্থাৎ মান্বের স্বাভাবিক উচ্চতা থেকে প্রায় ১ মিটার বেশী লম্বা। সবচেয়ে ছোট মান্বটি ছিল একজন লিলিপ্রটীয়। সে ছিল ৪০ সেন্টিমিটারের চেয়েও বেংটে। তাহলে

মোটাম্বিটভাবে বলা যায় ছোট মান্বিটি অ্যালসেশিয়ানটির চাইতে ছিল সাত ভাগ খাটো। এদের মেপে সমান করতে হলে পাল্লার একদিকে চাপাতে হবে ৭×৭×৭=৩৪৩ জন বে°টে মান্বি। অর্থাং বে°টে মান্বদের দম্বুরমতো একটা দঙ্গল।

৭৮. বড় তরমুজটির আয়তন ছোটটির থেকে

গুন্ণ বেশী, অর্থাৎ প্রায় দ্বিগুন্ণ। সন্তরাং বড় তরমন্জ কেনাই ভাল। এর দাম ছোটটির থেকে মাত্র দেড় গুন্ণ বেশী, কিন্তু খোলটি দ্বিগ্নণেরও বেশী। এখন তোমরা প্রশন করতে পার ফলওয়ালারা কেন তাহলে দ্বিগ্নণ দাম না চেয়ে মাত্র দেড় গুন্ণ দাম চায়? কারণখুবই সহজ। বেশীর ভাগ ফলওয়ালাই জ্যামিতিতে কাঁচা। কিন্তু এ ব্যাপারে ক্রেতারাও একইরকম। সেজন্যই তারা অনেক সময় এই লাভজনক প্রস্তাবিও প্রত্যাখ্যান করে বসে। একথা নিঃসন্দেহে বলা যায় যে ছোট তরমন্জ কেনার চাইতে বড় তরমন্জ কেনাই ভাল, কেননা সেগ্নলোর দাম আসলে যা হওয়া উচিত তার থেকে সবসময়ই কম থাকে। কিন্তু বেশীর ভাগ ক্রেতা তা আন্দাজ করতেও পারে না।

একই কারণে ছোট ডিম কেনার চাইতে বড় ডিম কেনা অনেক লাভের, অবশ্য যদি তা ওজনদরে বিক্রি না হয়।

৭৯. একাধিক পরিধির ভেতরে যে অনুপাত থাকে তাদের ব্যাসও সেই একই অনুপাত অনুযায়ী হয়। যদি একটি ফুটির পরিধি হয় ৬০ সেন্টিমিটার ও অন্যটির হয় ৫০ সেন্টিমিটার, তাহলে তাদের ভেতর অনুপাত হবে ৬০:৫০ = ৬/৫ এবং তাদের আক্রতির অনুপাত হবে:

বড় ফুটিটির দাম যদি আকৃতি (বা ওজন) অনুযায়ী ধরা হয় তাহলে তার দাম হওয়া উচিত ছোটিটির চাইতে ১ ৭৩ গুণ বা ৭৩ শতাংশ বেশী। কিন্তু বিক্রেতারা শতকরা ৫০ ভাগ মাত্র বেশী দাম চেয়ে থাকে। তাহলে স্পণ্টই দেখা যাচ্ছে যে বড় ফুটি কেনা অনেক লাভের।

yo. ধাঁধাটিতে দেওয়া আছে যে চেরী ফলের ব্যাস তার বীচির ব্যাসের তিন গ্র্ণ।

সন্তরাং চেরী ফলের আয়তন বীচির চাইতে ৩ \times ৩ \times ৩=২৭ গুন্ণ বেশী। তার অর্থ বীচিটা চেরী ফলের ১/২৭ ভাগ জন্ত থাকে আর শাঁসটা থাকে বাকি ২৬/২৭ অংশে। তার মানে শাঁসটা বীচির চাইতে আয়তনে ২৬ গুন্ণ বড়।

৮১. যদি আসল এইফেল টাওয়ার থেকে তার মডেলটা ৮ লক্ষ ভাগ ওজনের হয় এবং তারা একই ধাতু দিয়ে তৈরি হয়ে থাকে তাহলে মডেলের আয়তন আসল টাওয়ারের আয়তন থেকে ৮ লক্ষ ভাগ কম হওয়া উচিত। আমরা জানি একইরকম চেহারার জিনিসের অনুপাত আর তাদের উচ্চতার ঘনফলের অনুপাত অভিন্ন। স্বতরাং মডেলটির মাপ আসল টাওয়ারের চাইতে ২০০ ভাগ কম হবে, কারণ

200 × 200 × 200 = 80,00,000 I

এইফেল টাওয়ারের উচ্চতা ৩০০ মিটার। স্বৃতরাং মডেলের উচ্চতা হবে
৩০০ :২০০ = ১ ≩ মিটর।

তাহলে মডেলটির উচ্চতা প্রায় একজন মান্ব্রের সমান হবে।

- ৮২. দ্টো কড়াই জ্যামিতিকভাবে সদৃশ। যদি বড় কড়াইয়ে আট গ্লণ বেশী জায়গা হয় তাহলে এর সমস্ত রৈখিক মাপ দ্বিগ্লণ বেশী হবে। এটা উচ্চতায় ও প্রস্থেও হবে দ্বিগ্লণ। তাই যদি হয় তাহলে এর প্রত্তিতল হবে ২ × ২ = ৪ গ্লণ বড়। কারণ অন্বর্প জিনিসের প্রতিলের অন্পাত এবং তাদের রৈখিক মাপের বর্গফলের অন্পাত অভিন্ন। এদের দেওয়াল সমান প্রর্। কড়াইয়ের ওজন নির্ভার করছে প্রতিতলের মাপের ওপর। স্ত্রাং উত্তর হবে: বড় কড়াইটা চার গ্লণ ভারী।
- ৮৩. প্রথম নজরে ধাঁধাটায় যে অঙ্কের কিছ্ব আছে তা মনেই হবে না। কিন্তু আসলে আগেরটার মতো এটারও সমাধান হবে জ্যামিতির সাহায্যে।

এই ধাঁধাটা সমাধান করতে বসার আগে আর একটা ঐ ধরনেরই, কিন্তু সোজা ধাঁধা পরীক্ষা করে দেখা যাক।

একটা ছোট আর একটা বড় — দ্বটো বয়লার। দ্বটো আকারে একইরকম এবং একই উপাদানে তৈরি। তাদের ভর্তি করা হল গরম জল দিয়ে। এদের ভেতর কোনটায় জল তাভাতাভি ঠাপ্ডা হবে? জিনিস সাধারণত ঠান্ডা হয় উপরিভাগ থেকে। স্বৃতরাং যে বয়লারে প্রতি একক ঘনত্বে বড় পৃষ্ঠতল থাকবে তা ঠান্ডা হবে তাড়াতাড়ি। যদি একটি বয়লার অন্যটির থেকে ন গ্র্ণ উচ্চু, ন গ্র্ণ চওড়া হয় তাহলে এর পৃষ্ঠতল হবে ন গ্র্ণ ও আয়তন ন গ্র্ণ বড়। বড় বয়লারটিতে প্রতিটি একক পৃষ্ঠতলের ভাগে আছে ন গ্র্ণ বেশী আয়তন। স্বৃতরাং ছোট বয়লার ঠান্ডা হবে তাড়াতাড়ি।

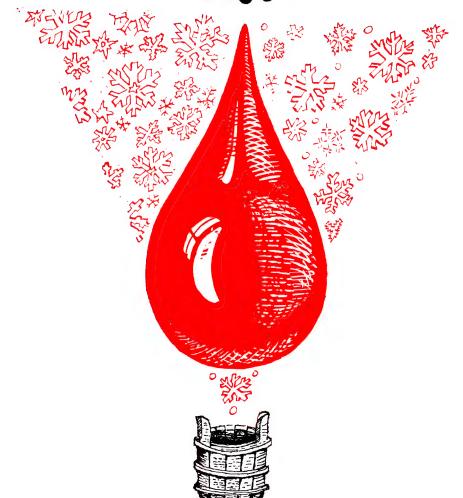
একই কারণে শীতের দিনে রাস্তায় দাঁড়িয়ে একটি শিশ্ব ঠিক তারই মতো পোশাক-পরা কোন বয়স্ক লোকের চাইতে ঠাণ্ডা অন্তব করবে অনেক বেশী। দ্ব'জনের ক্ষেত্রেই তাদের শরীরের প্রতি ঘন সেন্টিমিটারে উত্তাপের পরিমাণ প্রায় সমান। কিন্তু শিশ্বটির শরীরের প্রতি ঘন সেন্টিমিটারে বয়স্ক লোকটির চাইতে ঠাণ্ডা হবার মতো বহির্ভাগ রয়েছে বেশী।

এই কারণেই শরীরের অন্য অংশের চাইতে মান্বের আঙ্গ্লে এবং নাকে বেশী ঠান্ডা লাগে ও এই জায়গাগ্লেলা তুষারাহত হয়ে থাকে। কেননা শরীরের আয়তনের তুলনায় শরীরের অন্য অংশের বহিভাগি কোথাও এত বড় নয়।

সবশেষে আর একটা উদাহরণও একইভাবে ব্যাখ্যা করা যায়: গাছের গর্নাড়তে আগন্ন ধরতে যে সময় লাগে, সেই গর্নাড় থেকেই চেরা কাঠে আগন্ন ধরতে তার অনেক কম সময় লাগে।

উত্তাপ কোন জিনিসের গায়ের উপরিভাগ থেকে সমগ্র দেহে ছড়িয়ে পড়ে। তাই কাঠের উপরিভাগ ও আয়তনের (ধরা যাক বর্গক্ষেরের মতো টুকরো) সঙ্গে সমান দৈর্ঘ্যের ও বর্গক্ষেরের মতো টুকরো চেহারার গাছের গর্মার প্রতাত ও আয়তনের তুলনা করে দ্'ক্ষেরে প্রতি একক ঘল সেন্টিমিটার কাঠে কতটা পৃষ্ঠতল আছে তা বের করতে হবে। যদি গাছের গর্মাড় চেরা কাঠ থেকে দশ গ্রন্থ মোটা হয় তাহলে গর্মাড়র বাইরের দিকের গা চেরা কাঠের গা থেকে দশ গ্রন্থ বেশী বড় হবে। আর আয়তন হবে ১০০ গ্রন্থ। প্রতি একক পৃষ্ঠতলে যতটা পরিমাণ কাঠ গাছের গর্মাড়তে আছে, চেরাই কাঠে আছে তার দশ ভাগের এক ভাগ। তাহলে একই পরিমাণের তাপ চেরাই কাঠে গরম করে তুলছে দশ ভাগের এক ভাগ উপাদানকে। স্বতরাং একই উৎস থেকে উত্তাপ কাঠের গর্মাড়র চেয়ে অনেক তাড়াতাড়ি আগ্রন ধরায় চেরা কাঠে। (কাঠের তাপ পরিবহণ করার ক্ষমতা খ্রব কম। স্বতরাং এই তুলনাকে মোটাম্বিট ঠিক ধরতে হবে। এটাই সামগ্রিক প্রক্রিয়াটির বৈশিষ্ট্য এবং উপাদানের পরিমাণের সঙ্গে তার সম্পর্ক নেই।)

वृष्टि ज्यासित



৮৪. বৃষ্টি মাপার যন্ত্র: প্রুডিওমিটার

সোভিয়েত ইউনিয়নে লেনিনগ্রাদকে অতিব্ছিটর শহর বলে মনে করা একটা রেওয়াজে দাঁড়িয়েছে। উদাহরণ দিয়ে বলা যায়, মস্কোর থেকেও এখানে অনেক বেশী বৃষ্টি হয়। কিন্তু বৈজ্ঞানিকরা তা অস্বীকার করেন। তাঁরা দাবি করেন যে বৃষ্টি লেনিনগ্রাদের থেকে অনেক বেশী জল দেয় মস্কোতে। তাঁরা কিভাবে জানলেন এটা? সত্যিই কি বৃষ্টির জল মাপার কোনও যক্ত আছে?

কাজটা কঠিন বলেই মনে হবে। কিন্তু এটা কী করে করতে হয় তা তোমরা নিজেরাই শিখতে পার। যত জল মাটির উপর নেমে আসে তার সবটাকেই জমাতে হবে এমন ভেব না কিন্তু। যদি বৃষ্টির জল ছড়িয়ে না পড়ত বা মাটি জল শ্বেষ না নিত, তাহলে শ্বেষ্ক জলের গভীরতা মেপে নিলেই হত। সে কাজটা কিছ্ব কঠিনও হত না। যখন বৃষ্টি হয় তখন তা সব জায়গাতেই সমানভাবে পড়ে। বাগানের একটা ফুলের বেডে বেশী জল পড়ল বা পাশেরটায় কম পড়ল এমন কোন ঘটনা ঘটে না। স্বৃতরাং কোন এক জায়গায় জলের গভীরতা মেপে নিলেই সমস্ত জায়গাটায় জলের গভীরতা জানার পক্ষে যথেষ্ট হত।

এতক্ষণে বোধহয় তোমরা আন্দাজ করেছ, বৃষ্টির জল মাপতে হলে তোমাদের কী করতে হবে। তোমাদের যা করতে হবে তা হল: একটা ছোট পাত্র নিতে হবে যার থেকে জল ছড়িয়ে পড়বে না বা মাটিতে শ্বেষ যাবে না। যেকোন মুখখোলা পাত্র, যেমন ধর একটা বালতিতেই কাজ চলে যাবে। যদি তোমাদের কাছে কোন খাড়া দেওয়ালওয়ালা পাত্র থাকে (যার চেহারা হবে খাড়া দেওয়ালওয়ালা গোল সিলিন্ডারের মতো) তবে বৃষ্টির সময় সেটা বাইরে রেখে দিও।* বৃষ্টি থামলে পাত্রের ভেতর জলের গভীরতা মেপে নাও। তাহলেই তোমার দরকার যা তা পেয়ে গেলে।

^{*} পাত্রটাকে যথাসম্ভব উ'চুতে রাখতে হবে যাতে যে ফোঁটাগনুলো মাটিতে পড়বে ত। ছিটকে উঠে পাতের ভেতর না ঢোকে।

দেখা যাক, আমাদের ঘরে তৈরি ব্ িটমাপক যন্ত্র — প্রুভিওমিটার — কেমন কাজ করে। বালতির ভেতরে জলের গভীরতা মাপা হবে কী করে? একটা রুলার দিয়ে? এ উপায়টা মন্দ নয়, যদি ভেতরে জল যথেন্ট থাকে। কিন্তু সাধারণত মাত্র ২ কি ৩ সেন্টিমিটার জল জমে বালতিতে, আবার কথনও জমে মাত্র অলপ কয়েক মিলিমিটার। সেসব ক্ষেত্রে সঠিকভাবে মাপা অসম্ভব হয়ে দাঁড়াবে। আমাদের কাজে প্রতিটি মিলিমিটার, এমনকি তার প্রতিটি ভগ্নাংশও খ্রব মূল্যবান। তাহলে কী করা যায়?

সবচেয়ে ভাল হবে জলটাকে বালতি থেকে খ্ব সর্ কোনও কাঁচের পাত্রে ভরে নেওয়া। তাহলে জলটা বেশ উ চু হয়ে থাকবে। আর স্বচ্ছ দেওয়ালের ভেতর দিয়ে জল কতটা উ চু হয়ে জমেছে তা দেখাও সহজ হবে। অবশ্য সর্ পাত্রে জমা জলের গভীরতা বালতির জলের মাপ হবে না। কিন্তু এভাবে একটা মাপকে আর একটা মাপে পরিবর্তন করে নেওয়া যায়। যদি সর্ পাত্রের ব্যাস আমাদের প্ল্ভিডমিটার, অর্থাৎ বালতির দশ ভাগের এক ভাগ হয়, তাহলে এর ভিতের আয়তন বালতির ভিতের আয়তনের ১০ × ১০ = ১০০ ভাগ ছোট হবে। অর্থাৎ সহজেই বোঝা যাচ্ছে যে, কাঁচের পাত্রে জলের লেভেলটা থাকবে বালতিতে যেখানে ছিল তার ১০০ গ্রণ উপরে। যদি বালতিতে বৃণ্টির জল থাকে ২ মিলিমিটার উচ্চতায়, তাহলে কাঁচের পাত্রে থাকবে ২০০ মিলিমিটার বা ২০ সেণ্টিমিটার উচ্চতায়।

এই হিসেব থেকে দেখা যাবে যে বালতি (প্লুভিওমিটার) থেকে পার্রটা খ্ব বেশী সর্হওয়া উচিত নয়। কেননা তাহলে বৃষ্টির জলের গভীরতা মাপার জন্য আমাদের খ্ব বেশী লম্বা পার দরকার হবে। এটা পাঁচ ভাগের এক ভাগ সর্হলেই যথেণ্ট। তাহলে এর ভিতের আয়তন বালতির ভিতের আয়তন থেকে ২৫ ভাগ ছোট হবে। আর জলের লেভেল উঠবে ২৫ গুণ উপরে। বালতির প্রতি মিলিমিটার জল কাঁচের পারের ২৫ মিলিমিটার জলের সমান হবে। কাজের স্ববিধার জন্য কাঁচের প্রাসের বাইরের দিকে একটুকরো কাগজ সেণ্টে দাও। একে প্রতিটি এক মিলিটিমার করে ২৫টা ভাগে ভাগ করে প্রতিটি ভাগে ১, ২, ৩ ইত্যাদি লিখে দাও। কাঁচের পারে জন্যে উচ্চতা দেখে সোজাস্বিজই প্লুভিওমিটারের বালতিতে কতটা জল জমেছে তা জানতে পারবে, কোন পরিবর্তনের হিসেবে করতে হবে না। যদি কাঁচের পারের ব্যাস বালতির ব্যাসের থেকে পাঁচ ভাগ কম না হয়ে চার ভাগ হয় তাহলে কাগজের টুকরোর ওপরের ভাগগুলো ১৬ মিলিমিটার ফাঁক হবে।

একটা বালতি থেকে সর, কাঁচের পাত্রে জল ঢালা খ্রবই অস্ক্রবিধের ব্যাপার। এর একটা স্ক্রবিধেজনক সমাধান হবে বালতির দেওয়ালের গায়ে ফুটো করে নিয়ে একটা কাঁচের টিউব দিয়ে জলটা বের করে নেওয়া।

তাহলে এবার বৃণ্টির জলের গভীরতা মাপার প্রয়োজনীয় যন্ত্রপাতি হল। একটা বালতি আর বাড়িতে তৈরি বৃণ্টি মাপার পাত্র কিন্তু আবহাওয়া অফিসের আসল প্র্ভিওমিটার বা দাগ-কাটা কাঁচের প্লাসের মতো হবে না। তব্ এই সাধারণ এবং সস্তা যন্ত্র দিয়ে তুমি অনেক শিক্ষাপ্রদ হিসেব করে ফেলতে পারবে। এখানে আর কয়েকটা সমস্যা দেওয়া হল।

४৫. कच्छा द्रीष्ठे दल?

তোমাদের সব্জিবাগানটি ৪০ মিটার লম্বা ও ২৪ মিটার চওড়া। সবে বৃদ্টি থেমেছে। এই বাগানে কতটা বৃদ্টি হয়েছে তুমি জানতে চাও। এখন মাপটা কী করে হবে?

বৃষ্ণির জলের গভীরতা বের করা থেকে শ্রুর্ করতে হবে। এটা না জানলে কিছ্ব করা যাবে না। ধরা যাক, তোমার বাড়িতে তৈরি বৃষ্ণিমাপক যন্ত্র প্রভিতমিটারে ৪ মিলিমিটার জল জমেছে। যদি মাটি শ্বেষ না নিয়ে থাকে তাহলে সবৃজিবাগানে প্রতি বর্গ মিটারে কত ঘন সেন্টিমিটার করে জল পড়েছে, তা হিসেব করা যাক। এক বর্গ মিটারের অর্থ ১০০ সেন্টিমিটার লম্বা ও ১০০ সেন্টিমিটার চওড়া ক্ষেত্র। এটা ঢাকা পড়েছে ৪ মিলিমিটার অর্থাৎ ০ ৪ সেন্টিমিটার জলে। তাহলে এই জলের স্থরের আয়তন হবে: ১০০ × ১০০ × ০ · ৪ = ৪০০০ ঘন সেন্টিমিটার।

তোমরা জান যে ১ ঘন সেন্টিমিটার জলের ওজন হল ১ গ্রাম। স্তরাং, সব্জিবাগানের প্রতি বর্গ মিটারে ৪০০০ গ্রাম বা ৪ কিলোগ্রাম করে জল হয়েছে। তোমাদের বাগানের ক্ষেত্রফল হল: $80 \times 8 = 80$ বর্গ মিটার। অর্থাং তোমাদের সব্জিবাগানে যতটা বৃন্টি হয়েছে তার ওজন হল $8 \times 80 = 80$ কিলোগ্রাম অথবা ৪ টন থেকে কিছু কম।

একটা মজা করা যাক। হিসেব কর তো বৃষ্টিতে তোমার বাগানে যতটা জল হয়েছে বালতি করে তা আনতে গেলে কতগ্নলো বালতি লাগবে? একটা সাধারণ বালতিতে প্রায় ১২ কিলোগ্রাম জল ধরে। তাহলে, বৃষ্টিতে মোট ৩৮৪০:১২=৩২০ বালতি জল হয়েছে তোমার বাগানে।

তাহলে মিনিট পনেরোর মধ্যে তোমার বাগানে যে ব্লিট হয়েছে সেই পরিমাণ জলের জন্য তোমাকে ৩০০-রও বেশী বালতি জল এনে ঢালতে হত। এক পশলা বৃণ্টি বা ঝিরঝিরে বৃণ্টিকে কি অঙক দিয়ে হিসেব করা যায়? তার জন্য আবার প্রতি মিনিটে কত মিলিমিটার করে বৃণ্টি হচ্ছে তা বের করতে হবে। যদি এমন বৃণ্টি হয় যে প্রতি মিনিটে ২ মিলিমিটার করে জল পড়ে তাহলে এটা হবে অস্বাভাবিক বর্ষণ। শরংকালের ঝিরঝিরে বৃণ্টিতে ১ মিলিমিটার জল জমতে প্রায় একঘণ্টা বা তার বেশী সময় লাগে।

তাহলে দেখছ বৃণ্টির জলের গভীরতা মাপা শুধু যে সম্ভব তাই নয়, উপায়টা খুব সহজও। যদি চাও তাহলে বৃণ্টির ফোঁটার সংখ্যাও গুনুনতে পার, অবশ্য মোটামুটিভাবে।* আসলে সাধারণ বৃণ্টিতে প্রতি গ্রামে গড়ে প্রায় ১২টা করে ফোঁটা হয়। তাহলে উপরের যে বৃণ্টির কথা বলছিলাম তাতে ছিল বর্গ মিটার প্রতি ৪০০০ × ১২ = ৪৮,০০০ ফোঁটা। সারা সব্জিবাগানে মোট কত ফোঁটা জল পড়েছিল তা বের করা কঠিন নয়। কিন্তু হিসেবটা খুব উৎসাহজনক হলেও তা কোন কাজে আসবে না। একটিমাত্র কারণে কথাটি উল্লেখ করলাম আমরা, খুব অবিশ্বাস্য রকমের হিসেব এটা, শুধু কি করে হিসেব করতে হবে তা যদি জানা থাকে।

৮৬. কতটা তুষার?

বৃণ্টির জলের গভীরতা কী করে মাপতে হয় তা আমরা শিথেছি।
শিলাবৃণ্টি হলে জলের গভীরতা মাপব কী করে? ব্যাপারটা একই।
শিলাবৃণ্টির শিলের টুকরোগ্নলো বৃণ্টি মাপার যন্তের ভেতরে পড়ে গলে
যাবে। তারপর গভীরতা মেপে নাও।

কিন্তু তুষারবৃণ্টির সময় এর তফাত হবে। এক্ষেত্রে প্লুভিগুমিটারে সঠিক হিসেব পাওয়া যাবে না। কারণ বাতাসের জন্য কিছুটা তুষার বালতির বাইরে পড়বে। কিন্তু সেসব ক্ষেত্রে তুষারজলের গভীরতা প্লুভিগুমিটার ছাড়াই মাপা সম্ভব। কোনও উঠান বা মাঠের ভেতর তুষারের গভীরতা একটা কাঠের লাঠির সাহায্যেই মাপা যেতে পারে। বরফ গলে যাবার পর জলের গভীরতা কতটা হবে তা বের করার জন্য একটা পরীক্ষা করতে হবে। সমান ভঙ্গুর বরফ দিয়ে একটা বালতি বোঝাই কর। বরফটা গলতে দাও, তারপর গভীরতা মেপে নাও। তাহলেই এক সেন্টিমিটার বরফে কতটা জল পাবে তা বের করে ফেলবে। এটা জানা হলে বরফের গভীরতাকে জলের গভীরতায় পরিণত করতে কোন অসুবিধে নেই।

^{*} বৃণ্টি সবসময়েই ফোঁটা ফোঁটা পড়ে, যথন আমরা ভাবি হাড় হাড় করে জল পড়ছে তথনও।

গ্রীষ্মকালে প্রতিদিন বৃষ্টির জল মেপে নিয়ে তার সঙ্গে শীতকালে প্রতিদিন বরফ থেকে কতটা করে জল পাবে তা যোগ করতে ভুলো না। এতে বছরে তোমাদের জেলায় কতটা জল জমে তা জানতে পারবে। এটা খ্বই গ্রেড্প্ণ তথ্য, কারণ এ থেকে ঐ স্থানের বারিপাত জানা যায়। 'বারিপাত' বলতে আমরা বৃষ্টি, শিলাবৃষ্টি বা তুষারবৃষ্টি সবরকমের জল জমার কথা বৃষ্টি।

নীচে সোভিয়েত ইউনিয়নের কতকগ্নলো শহরে গড়পড়তা বার্ষিক বারিপাতের হিসেব দেওয়া হল:

লেনিনগ্রাদ	৪৭ সে.মি	অাস্তাখান	>8	সে.মি
ভোলোগ্দা	8৫ "	কুতাইসি	292	,,
আখাঙ্গেলস্ক	85 "	বাকু	₹8	,,
মঙ্গে	&& ''	স্ভেদ্′लाভ্স <u>ক</u>	৩৬	,,
কন্দ্রমা	8৯ ''	তবোল্স্ক	80	,,
কাজান	88 ''	সেমিপালাতিন্স্ক	२১	,,
কুইবিশেভ	৩৯ ''	আল্মা-আতা	65	,,
চ্কালভ	80 "	তাশখন্দ .	05	,,
ওদেসা	80 ''	ইয়েনিসেইস্ক	ు స	,,
		ইকুত্ম্ক	88	,,

এদের ভেতর সবচেয়ে বেশী বারিপাত হয় কুতাইসিতে (১৭৯ সেন্টিমিটার) আর আঙ্গ্রাখানে হয় সবচেয়ে কম (১৪ সেন্টিমিটার), কুতাইসির চেয়ে ১৩ ভাগ কম। কিন্তু কুতাইসির চাইতেও অনেক বেশী বারিপাত হয় এমন একাধিক জায়গা প্রিথবীতে আছে। উদাহরণ দিচ্ছি: ভারতবর্ষে এমন একটি জেলা যা প্রকৃতপক্ষে বৃন্টিতে জলমগ্ন হয়ে যায়; এখানে বছরে বৃন্টি হয় ১২৬০ সেন্টিমিটার, অর্থাৎ ১২ ৫ মিটারেরও বেশী! একবার তোদিনে ১০০ সেন্টিমিটারেরও বেশী বৃন্টি হয়েছিল। আবার আঙ্গ্রাখানের চেয়েও অনেক কম বৃন্টি হয় এমন জায়গাও আছে, য়েমন চিলিতে একটি অঞ্চলে বছরে বৃন্টিপাতের অঙ্ক ১ সেন্টিমিটারেরও কম।

যেসব এলাকায় বছরে ২৫ সেন্টিমিটারের কম ব্লিট হয় সেগ্রিল অনাব্লিটর অণ্ডল। সেখানে কৃত্রিম জলসেচের ব্যবস্থা ছাড়া চাষবাস অসম্ভব। এখন পরিষ্কার দেখতে পাচ্ছ, প্থিবীর নানা জায়গায় বাংসরিক বারিপাতের পরিমাণ মেপে ফেলতে পারলে সারা প্থিবীতে বাংসরিক ব্রিটর গড়পড়তা হিসেব করা সম্ভব। স্থলভাগে গড়পড়তা বাংসরিক ব্রিট হয় ৭৮ সেন্টিমিটার। শোনা যায়, স্থলভাগে যতটা ব্লিট হয়, জলভাগের ঠিক ততটা পরিমাণ অঞ্চলে প্রায় একই পরিমাণ ব্লিট হয়। এটা জানা থাকলে সারা প্থিবীতে ব্লিট, শিলাব্লিট বা তুষারপাত ইত্যাদিতে কতটা জল জমে তা হিসেব করা কঠিন নয়। সেজন্য সারা প্থিবীর উপরিভাগের আয়তন কত তা জানা দরকার। যদি তা না জানা থাকে তাহলে এভাবে হিসেব করে নাও।

এক মিটার হল প্রথিবীর পরিধির ঠিক ৪ কোটি ভাগের এক ভাগ, অর্থাং প্রথিবীর পরিধি ৪ কোটি মিটার বা ৪০,০০০ কিলোমিটার। প্রথিবীর ব্যাস হল পরিধির প্রায় ৩ ১/৭ ভাগ ছোট। তাহলে প্রথিবীর ব্যাস সহজেই হিসেব করা যেতে পারে:

80,000 : ৩ ১/৭≈১২,৭০০ কিলোমিটার।

কোনও গোল বস্তুর বাইরের দিকের আয়তন বের করার নিয়ম হল ব্যাসকে তারই সঙ্গে গুণু করে আবার ৩ ১/৭ দিয়ে গুণু করা:

১২.৭০০ \times ১২,৭০০ \times ৩ ১/৭ = ৫০,৯০,০০,০০০ বর্গ কিলোমিটার।

(উত্তরে চতুর্থ রাশি থেকে শ্ব্ধ, শ্ন্য লেখা হল, কেননা মাত্র প্রথম তিনটে রাশিই নির্ভারযোগ্য।)

তাহলে, ভূপন্তের আয়তন ৫০৯০ লক্ষ বর্গ কিলোমিটার।

এখন আমাদের প্রশ্নে ফিরে আসা যাক। প্রথমে হিসেব করছি প্থিবীপ্রতে প্রতি বর্গ কিলোমিটারে কতটা করে ব্লিট হয়। ১ বর্গ মিটার বা ১০,০০০ বর্গ সেন্টিমিটারে হয়:

৭৮ \times ১০,০০০ = ৭,৮০,০০০ ঘন সেন্টিমিটার।

প্রতি বর্গ কিলোমিটারে আছে ১০০০×১০০০ = ১০,০০০০০ বর্গ মিটার। তাহলে প্রতি বর্গ কিলোবিটারে বৃষ্টিপাতের পরিমাণ:

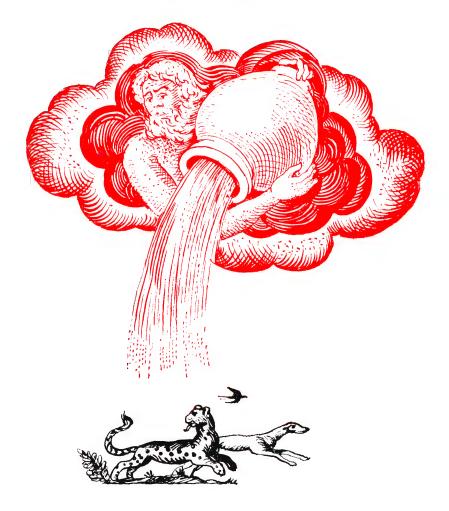
৭,৮০,০০,০০,০০,০০০ ঘন সেন্টিমিটার, অথবা ৭,৮০,০০০ ঘন মিটার এবং সমস্ত প্থিবীপ্রেঠ ব্লিউপাতের পরিমাণ:

৭,৮০,০০০ \times ৫০,৯০,০০,০০০ = ৩৯৭০,০০,০০,০০,০০০ ঘন মিটার একে ঘন কিলোমিটারে পরিবর্তন করতে হলে ১০০০ \times ১০০০, অর্থাৎ ১০০০০ লক্ষ দিয়ে ভাগ করতে হবে। উত্তর হবে ৩,৯৭,০০০ ঘন কিলোমিটার।

তাহলে আবহমণ্ডল থেকে আমাদের পৃথিবীতে বংসরে গড়পড়তা বৃষ্টি হয় ৪ লক্ষ ঘন কিলোমিটার (মোটাম্টি)।

বৃষ্টি ও তুষারের জ্যামিতি সম্পর্কে আমাদের এই আলোচনার এখানেই ইতি। আবহবিদ্যার বইতে আরও বিস্তৃত তথ্য পাওয়া যেতে পারে।

মহামাব্য মাগত ভ



৮৭, মহাপ্লাবন

বাইবেলে আছে, প্থিবীতে একসময় বৃণ্টির জলে এমন প্লাবন হয়েছিল যা সবচেয়ে উ'চু পর্বতকেও ছাপিয়ে উঠেছিল। এই কাহিনীতে আছে "প্থিবীতে মানুষ সৃণ্টি করে ঈশ্বরের পরে খুব অনুতাপ হয়েছিল।"

ঈশ্বর বললেন, "যে মান্মকে স্থি করেছি তাকে বিনণ্ট করে প্থিবীর ব্ক থেকে মুছে ফেলে দেব আমি, মান্ম, পশ্র, লতাপাতা বা আকাশের পাথি, স্বাক্ছ,!"

একমাত্র ন্যায়পরায়ণ নোয়া-কেই বাঁচাতে চেয়েছিলেন ঈশ্বর। তিনি তাঁকে প্থিবীর আসন্ন ধরংস সম্পর্কে সাবধান করে দিয়ে একটা জলখান বানাতে বললেন, যা হবে ৩০০ হাত লম্বা, ৫০ হাত চওড়া এবং ৩০ হাত উর্চু। জাহাজটা ছিল তেতলা। শুধুমাত্র নোয়া এবং তাঁর পরিবারবর্গ বা তাঁর উপযুক্ত সন্তানদের আত্মীয়-পরিজনই নয়, প্থিবীর সমস্ত জীবিত প্রাণীর বংশরক্ষা করাই ছিল এর উদ্দেশ্য। দীর্ঘ সময়ের পক্ষে পর্যাপ্ত খাবার ও একজোড়া করে প্রতিটি জীবিত প্রাণী এই জাহাজে নেবার জন্য নোয়াকে নির্দেশ দিলেন ঈশ্বর।

পৃথিবীর সমস্ত জীবিত প্রাণীকে ধরংস করার উপায় হিসেবে ঈশ্বর বৈছে নিলেন এই মহাপ্লাবনকে। সমস্ত মানুষ আর পশ্বকে বিনাশ করার হাতিয়ার হল জল। তারপর নোয়া এবং যে সমস্ত প্রাণীকে রক্ষার ব্যবস্থা করা হল তারাই সৃষ্টি করবে নৃতন মানববংশ ও জীবজগং।

বাইবেলের বর্ণনা: "সাতদিন গত হলে প্লাবনের জল এল মাটির ব্রকে... চিল্লিশ দিন, চিল্লিশ রাত বৃণ্টি ঝরে পড়ল পৃথিবীতে... জল বেড়ে ওঠে ভাসিয়ে তুলল সেই জাহাজকে... অতহীন জলরাশি জমল পৃথিবীর উপর। আকাশের নীচে উচু হয়ে ছিল যত পাহাড়পর্বত সব ডুবে গেল জলের নীচে। পনেরো হাত উচু হয়ে জমে রইল জল... পৃথিবীর সমস্ত প্রাণী হল বিনণ্ট। শ্র্যুমান্র বে'চে রইলেন নোয়া আর জাহাজে যারা ছিল তাঁর সঙ্গে।" বাইবেলের বর্ণনামতো আরও ১১০ দিন সেই জল জমে রইল পৃথিবীর উপর, তারপর কমে গেল। তখন যে সমস্ত জীবজভুকে তিনি রক্ষা করেছিলেন তাদের সঙ্গে জাহাজ থেকে বের হয়ে এসে নোয়া নতুন বসবাসের জন্য পৃথিবীতে নামলেন।

মহাপ্লাবনের কাহিনী থেকে দুটো প্রশ্ন ওঠে:

- (১) উচ্চতম প্রবর্ত গুলিকেও ডুবিয়ে দেওয়ার মতো বৃষ্টি কি সম্ভব?
- (২) নোয়ার জাহাজে কি সত্যিই প্থিবীর বংশধরদের জায়গা হওয়া সম্ভব ছিল?

৮৮. মহাপ্লাবন হওয়াকি সম্ভব?

দ্বটো প্রশেনরই সমাধান অঙকের সাহায্যে করা যেতে পারে। মহাপ্লাবনের এই জল এল কোথা থেকে? আকাশ থেকে নিশ্চয়ই। তারপর সে জল গেল কোথায়? সারা প্থিবীর জল মাটিতে শ্বেষ নেওয়া সম্ভব নয়, অন্য কোন উপায়ে উবে যাওয়াও সম্ভব নয়। একমাত্র যে জায়গায় এই জল যেতে পারে তা হল বায়্মশ্ডলে; অর্থাৎ এই জল বাৎপ হয়ে যেতে পারে। তাহলে বায়্মশ্ডলেই এখন জলটা আছে। এখন যদি আকাশের সমস্ভ বাৎপ জমে জলবিন্দ্বতে পরিণত হয় ও প্থিবীতে ঝরে পড়ে তাহলে আবার আর একটি মহাপ্লাবন হয়ে সর্বোচ্চ পর্বতগ্রালকেও ডুবিয়ে দেবে। দেখাই যাক ব্যাপারটা সম্ভব কিনা।

বায়্মশ্ডলে কতটা আর্দ্রতা আছে আবহবিদ্যার বইতে তা পাওয়া যাবে। তাতে আছে, প্রতি বর্গ মিটার জায়গার উপরিভাগে যে বায়্মশ্ডল রয়েছে তাতে গড়পড়তা ১৬ কিলোগ্রাম বাষ্প থাকে এবং ২৫ কিলোগ্রামের বেশী কখনই থাকতে পারে না। যদি এই সমস্ত বাষ্প ঘনীভূত হয়ে প্থিবীতে ঝারে পড়ে তাহলে সেই জলের গভীরতা কত হতে পারে মাপা যাক। পর্ণচশ কিলোগ্রাম, অর্থাৎ ২৫,০০০ গ্রাম জলের আয়তন হবে ২৫,০০০ ঘন সেন্টিমিটারের সমান। এই আয়তন হবে প্রতি ১ বর্গ মিটার, অর্থাৎ ১০০×১০০ =১০,০০০ বর্গ সেন্টিমিটার জায়গার উপরের স্তরে। জলের আয়তনকে ভূমির ক্ষেত্রফল দিয়ে ভাগ করলে জলস্তরের গভীরতা পাওয়া যাবে:

২৫,০০০ : ১০,০০০ = ২ · ৫ সেন্টিমিটার

প্লাবনের জল ২০৫ সেন্টিমিটারের বেশী উঠতে পারে না, কারণ বায়্মণডলে তার চেয়ে বেশী জল থাকাই সম্ভব নয়।* আবার এটুকু উচ্চতায়

^{*} বহু জায়গায় বৃণ্টিপাত অনেক সময় ২০৫ সেনিটমিটারকে ছাড়িয়ে যায়।
কিন্তু সেসব ক্ষেত্রে জল বায়্মণ্ডল থেকে সোজাস্কি শ্বে সে জায়গায় পড়ে না,
পাশাপাশি অন্যান্য অঞ্চল থেকেও বাতাস জল বয়ে আনে। বাইবেলের মতে মহাপ্লাবন
একই সঙ্গে সারা পৃথিবীকে ডুবিয়ে দিয়েছিল জলের নীচে, সন্তরাং এক অঞ্চল অন্য
অঞ্চল থেকে জল আসা সন্তব ছিল না।

জল জমা সম্ভব হতে পারে একমাত্র যদি মাটি এই বৃষ্টির জল শ্বেষ না নেয়।
আমাদের হিসেবে দেখা যাচ্ছে যে মহাপ্লাবন যদি হয়েও থাকে তাহলেও
জল ২ ৫ সেন্টিমিটারের বেশী উঠতে পারে নি। এভারেস্ট পর্বতের উচ্চতম
শৃঙ্গ হচ্ছে ৯ কিলোমিটার উর্চু, অর্থাৎ এই জল থেকে অনেক অনেক উর্চু।
বাইবেলে জলের গভীরতাকে বাড়িয়ে বলা হয়েছে, মাত্র ৩,৬০,০০০ গ্র্ণ
বাড়ানো হয়েছে!

আবার যদি বৃণ্টি হয়ে 'প্লাবন' হয়েও থাকে, তাহলে ঠিক যাকে বৃণ্টি বলে তা হয় নি, একটা ঝিরঝিরে বর্ষণ হয়েছে মাত্র। কেননা ৪০ দিন ধরে বিরামহীন বৃণ্টির ফলে যদি মাত্র ২৫ মিলিমিটার জল জমে, তাহলে দৈনিক বৃণ্টি হতে হবে ০০৫ মিলিমিটারেরও কম। শরংকালে যে ঝিরঝিরে বৃণ্টি হয়ে থাকে তাতেও এর ২০ গুণ জল হয়।

৮৯. ঐরকম একটা জাহাজ ছিল কি?

এবার দ্বিতীয় প্রশ্নটা ধরা যাক: নোয়া যে সমস্ত প্রাণীকে রক্ষা করেছিলেন ঐ জাহাজে তাদের সকলের জায়গা হওয়া কি সম্ভব ছিল?

দেখা যাক, মোট জায়গা ছিল কতটা। বাইবেলে আছে জাহাজটা ছিল তিনতলা। প্রতি তলা ৩০০ হাত লম্বা আর ৫০ হাত চওড়া। প্রাচীন পশ্চিম এশিয়ার লোকদের ভেতর 'এক হাত' বলতে যে মাপ বোঝানো হত তাকে দশমিক পদ্ধতিতে পরিবর্তন করলে দাঁড়ায় প্রায় ৪৫ সেন্টিমিটার বা ০ · ৪৫ মিটার। তাহলে প্রতি তলা ছিল ৩০০ × ০ · ৪৫ = ১৩৫ মিটার লম্বা, আর ৫০ × ০ · ৪৫ = ২২ · ৫ মিটার চওড়া।

তাহলে প্রতিটি মেঝের মাপ ছিল ১৩৫ \times ২২ \cdot ৫ \approx ৩০৪০ বর্গ মিটার। স্বতরাং, তিনটে তলা মিলিয়ে প্রাণীদের জন্য মোট জায়গা ছিল:

৩০৪০ × ৩ = ৯১২০ বগ মিটার।

এখন ধরা যাক, কেবল স্তন্যপায়ীদের জন্যই এ জায়গা যথেষ্ট কিনা? স্থলে স্তন্যপায়ী আছে প্রায় ৩৫০০ জাতের। আর নোয়াকে স্তন্যপায়ীদের জন্যই কেবল জায়গার ব্যবস্থা করতে হয় নি; যে ১৫০ দিন ধরে জল পর্রোপর্বার কমে যায় নি ততদিন চলার মতো যথেষ্ট খাবারের জায়গাও দিতে হয়েছিল। তারপর আবার একথা ভুললে চলবে না যে শিকারী প্রাণীদের নিজেদের জন্যই শ্ব্দু জায়গা হলে হবে না। তাদের শিকারের জন্যও জায়গা দরকার। আবার

এই শিকারের খাদ্যের জন্যও জারগা দরকার। জাহাজের প্রতিজোড়া স্তন্যপারীর জন্য জারগা ছিল:

৯১২০ : ৩৫০০ = ২ ⋅ ৬ বর্গ মিটার।

নিঃসন্দেহে এই জায়গা পর্যাপ্ত নয়। বিশেষত আরও একটা জিনিস ধরতে হবে। নোয়া ও তাঁর বিরাট পরিবারবর্গের জন্যও কিছু থাকবার জায়গা দরকার হয়েছিল, এবং প্রাণীদের খাঁচাগ্রলোকে ফাঁক ফাঁক করে রাখতে হয়েছিল।

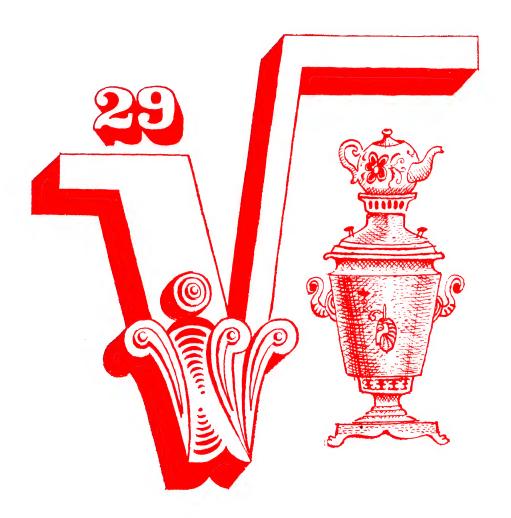
ন্তুন্যপায়ী ছাড়া নোয়াকে আরও অনেক প্রাণী নিতে হয়েছিল। হয়ত তারা স্তুন্যপায়ীদের মতো অত বড় নয়। কিন্তু তাদের ভেতর আছে অনেক বেশী জাতি ও প্রকার ভেদ। তাদের সংখ্যা প্রায় এইরকম দাঁড়াবে:

পাখি							50,000
সরীস্	ነ						৩,৫০০
উভচর							٥,800
অঙ্গুরী	মা	ল					১৬,০০০
পতঙ্গ							o, u o,000

কেবল শুন্যপায়ীদেরই যদি ঐ জাহাজে গাদাগাদি করে থাকতে হয়, তাহলে অন্যান্য প্রাণীর জন্য ওখানে তিল ধারণের জায়গাও ছিল না। প্রথিবীর যাবতীয় জীবিত প্রাণীর জন্য জায়গা দিতে হলে জাহাজকে তার আসল মাপের চেয়ে অনেক অনেক গ্র্ণ বড় হতে হয়। তাহলে বাইবেলের কথামতো এটা ছিল একটা বিরাট জাহাজ। নাবিকদের ভাষায় বলতে গেলে জাহাজটার আকৃতি ছিল ২০,০০০ টন জল স্থানচ্যুত করার মতো। সেই প্রবানা য্রেগ যখন জাহাজ নির্মাণ শিলেপর শৈশব অবস্থা তখনকার লোকদের পক্ষে এই বিরাট মাপের জাহাজ তৈরির কায়দাকান্বন জানার কথা সম্পূর্ণ অবাস্তব। জাহাজটা বড় হতে পারে, কিন্তু যে বিরাট কাজের বর্ণনা বাইবেলে দেওয়া আছে, তা পালন করার মতো বড় ছিল না। প্রশ্নটা আসলে পাঁচ মাসের উপযুক্ত খাবারদাবার সহ একটা প্ররো চিড়িয়াখানা নিয়ে যাওয়ার মতোই।

মোন্দাকথা, বাইবেলে প্লাবনের গলপকে মিথ্যে করে দিচ্ছে অঙ্কের হিসেব। আসলে ওরকম কিছ্ম ঘটাই অসম্ভব। যদি কিছ্ম হয়েও থাকে তো মনে হয় কোন স্থানীয় বন্যা হতে পারে। বাকি গলপটা কলপনা।

५५ श्राँभाना श्राँभा

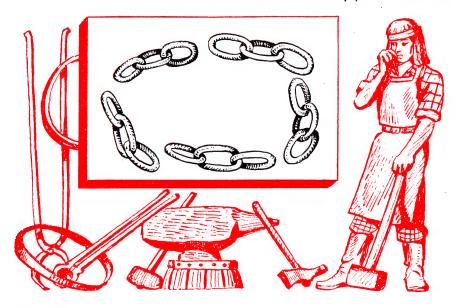


পাঠকদের কাছে বইটা খ্বই কাজের হয়েছে বলেই আশা করছি আমি। আরও আশা করছি যে, বইটা শ্ব্ব আনন্দই দেয় নি, ব্লি আর উদ্ভাবনী শক্তি বাড়াতে, জ্ঞানকে আরও ভালভাবে ব্যবহার করতেও সাহায্য করেছে। বইটা পড়ে নিশ্চয়ই ব্লিদ্ধটা একটু বাজিয়ে নিতে চাইবে তোমরা। তোমাদের ইচ্ছা প্রণ করতে এই শেষ পরিচ্ছেদে নানা রকমের কিছ্ব ধাঁধা দেওয়া হয়েছে।

৯০. শেকল

প্রতিভাগে তিনটি করে আংটা লাগানো একটা শেকলের সমান পাঁচটা ভাঙা অংশ কামারকে দেওয়া হল জোড়া দেবার জন্য।

কাজে হাত লাগাবার আগে কামার তো ভাবতে শ্বর্ করল কটা আংটা



৮৯ নং ছবি

খুলে ফেলে তবে জোড়া দেওয়া যাবে। শেষ পর্যন্ত সে চারটে খুলবে বলে ঠিক করল।

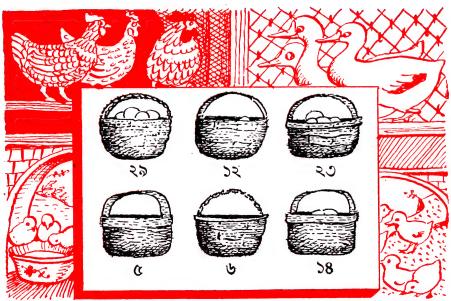
আরও কম আংটা খুলে ফেলে, তারপর জুড়ে দিয়ে কি কাজটা হতে পারে না?

৯১. মাকড়শা আর গ্রবরেপোকা

৮টা মাকড়শা আর গার্বরেপোকা ধরে একটি ছেলে একটা ছোট বাক্সে রেখেছিল। তাদের পাগারেলা গার্নতি করে সে দেখল মোট ৫৪টা হচ্ছে। তাহলে কটা মাকড়শা আর কটা গার্বরেপোকা সে জোগাড় করেছিল?

৯২. বর্ষাতি, টুপি আর গ্যালোস

কোন লোক একটা বর্ষাতি, একটা টুপি আর একজোড়া গ্যালোস* কেনে। সবকটার দাম ছিল ২০ র্বল। বর্ষাতির দাম টুপির চেয়ে ৯ র্বল বেশী,



৯০ নং ছবি। বেপারী কোন ঝুড়িটা বিক্রির কথা ভেরেছিল?

^{*} গ্যালোস হল শীতের দেশের জন্য তৈরি একরকম জ্বতো।

আবার বর্ষাতি আর টুপির দাম একসঙ্গে মিলিয়ে গ্যালোসের চাইতে ১৬ রুবল বেশী। তাহলে প্রত্যেকটার দাম সে কত করে দিয়েছিল?

প্রশ্নটা কিন্তু মনে মনে সমাধান করতে হবে। সমীকরণে কষা চলবে না।

৯৩. মুরগী আর পাতিহাঁসের ডিম

বুড়িগন্লোতে মনুরগী আর পাতিহাঁসের ডিম আছে। কয়েকটায় মনুরগীর ডিম আর কয়েকটায় আছে পাতিহাঁসের ডিম। কোন বুড়িতে কটা করে ডিম আছে তা বুড়ির গায়ে লেখা আছে — ৫, ৬, ১২, ১৪, ২৩ আর ২৯। ব্যাপারী বলল, "যদি আমি এই ঝুড়িটা বিক্রি করি তাহলে পাতিহাঁসের ডিম যা পড়ে থাকবে, মনুরগীর ডিম থাকবে তার চেয়ে ছিগ্নণ।"

কোন ঝুড়িটার কথা সে মনে ভেবেছিল (৯০ নং ছবি)?

১৪. জাকাশভ্রমণ

ক থেকে খ-তে পেণছতে একটা উড়োজাহাজের লাগে ১ ঘণ্টা ২০ মিনিট, আর ফিরে আসতে লাগে মান্ত ৮০ মিনিট। এটাকে কিভাবে ব্যাখ্যা করবে?

৯৫. উপহারের টাকা

দ্ব'জন ছেলেকে তাদের বাবারা কিছ্ব টাকা দিয়েছিলেন। একজন তাঁর ছেলেকে দিলেন ১৫০ র্বল, অন্যজন দিলেন ১০০ র্বল। ছেলে দ্ব'জন তাদের টাকা-কড়ি গ্বনে দেখল একত্রে মিলিয়ে ওদের টাকা বেড়েছে মাত্র ১৫০ র্বল। এটা কিভাবে হল বল তো?

৯৬. দ্বটো জ্যাফটের ঘ্টি

দ্বটো বিভিন্ন রঙের ঘ্রুটিকে ছকের ৬৪টি ঘরের যেকোন জায়গায় রাখ। কতভাবে তাদের রাখা যেতে পারে বল তো?

৯৭. দ্বটো অঙক

দুটো অঙ্ককে ব্যবহার করে সবচেয়ে ছোট পূর্ণসংখ্যা লেখা ষায়?

৯৮. এক

দশটা অঙ্ককেই ব্যবহার করে ১ লিখতে পার?

৯৯. পাঁচটা ৯

পাঁচটা ৯ দিয়ে ১০ লেখ। অন্তত দ্ব'ভাবে কর এটা।

১০০, দশটা অঙক

দশটা অঙ্কের সবকটাকেই ব্যবহার করে ১০০ লেখ। এটা কতভাবে করা যায়? আমরা কিন্তু অন্ততপক্ষে চারটে নিয়ম জানি।

১০১.চারটে উপার

পাঁচবার একই অঙ্ককে ব্যবহার করে ১০০ লেখবার চারটে ভিন্ন ভিন্ন উপায় দেখাও তো!

১০২.চারটে ১

চারটে ১ দিয়ে সবচেয়ে বড় কোন সংখ্যাটা লেখা যায়?

১০৩.মজার ভাগ

নীচের ভাগটায় ৪ ছাড়া সব সংখ্যাগ্বলোর বদলে লেখা হয়েছে*। অজানা সংখ্যাগ্বলোকে প্রেণ কর তো?

এই ধাঁধাটাকে অনেকভাবেই সমাধান করা যায়।

১০৪ আর একটা ভাগ অঙ্ক

এই ধরনের আর একটা ভাগ অঙ্ক দেওয়া হল এখানে, তোমাকে শ্ব্যু সাতটা ৭ দিয়ে হিসেব শ্বুরু করতে হবে:

১০৫. কতটা পাওয়া যাবে?

এক বর্গ মিটারে যত**গ**্বলি বর্গ মিলিমিটার আছে তা পাশাপাশি সাজালে কতটা লম্বা হবে? মনে মনে হিসেব কর তো?

১০৬.ঐ ধরনেরই আর একটা

এক ঘন মিটারে বত ঘন মিলিমিটার আছে তা একটার উপরে আর একটা সাজালে খঃটিটা কত উচু হবে — মনে মনে বের কর তো?

১০৭.একটা উড়োজাহাজ

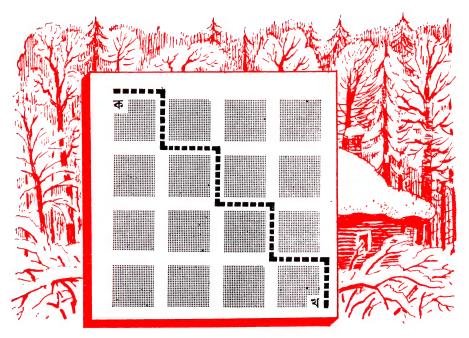
১২ মিটার ডানার বিস্তৃতিয**ুক্ত একটা উড়োজাহাজ যখন ঠিক মাথার উপর** দিয়ে উড়ে যাচ্ছিল তখন তার ফোটো নেওয়া হল। ক্যামেরাটির গভীরতা ১২ সেন্টিমিটার। ফোটোতে উড়োজাহাজের বিস্তার উঠল ৮ মিলিমিটার। যখন ছবিটা নেওয়া হল তখন উড়োজাহাজটা কত উচ্চতে ছিল?

১০৮.দশ লাখ জিনিস

একটা জিনিসের ওজন ৮৯ - ৪ গ্রাম। ঐরকম দশ লাথ জিনিসের ওজন কত মনে মনে হিসেব কর তো!

১০৯.পথের সংখ্যা

৯১ নং ছবিটা একটা গ্রীষ্মাবাসের নক্সা, কতকগ্নলো রাস্তার ফলে বর্গক্ষেত্রে ভাগ হয়েছে। ক বিন্দর্ থেকে খ বিন্দর্তে যেতে একজন লোক বে



৯১ নং ছবি। রাস্তা দিয়ে ভাগ করা গ্রীষ্মাবাসের নক্সা।

রাস্তাটা ব্যবহার করেছিল ফুর্টাক-দেওয়া রেখা দিয়ে তাই বোঝানো হয়েছে। ক ও খ-র ভেতরে এটাই একমাত্র রাস্তা নয়। একই দৈর্ঘ্যের আর কতগ[ু]লো পথ হতে পারে?

১১০.ঘাড়র মুখ



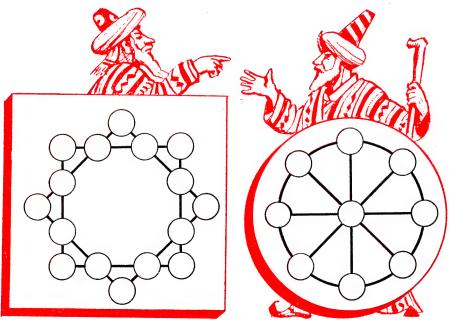
একটা ঘড়ির মুখকে (১২ নং ছবি) যেকোন ধরনের ছ'টা ভাগে ভাগ করতে হবে। কিন্তু প্রত্যেকটা ভাগের সংখ্যার যোগফল সমান হওয়া চাই।

এ ধাঁধাটা দিয়ে তোমাদের জ্ঞান আর উদ্ভাবনীশক্তির পরীক্ষা হবে।

৯২ নং ছবি। এই ঘড়ির মুখকে ছ'টা ভাগে ভাগ করতে হবে।

১১১.আট-মাথা তারা

৯৩ নং ছবিতে রেখাগ্বলোর সংযোগের জায়গায় যে ছোট ছোট বৃত্ত



৯৩ নং ছবি। আট-মাথা তারা।

৯৪ নং ছবি। সংখ্যা চক্র।

আছে সেগ্নলো ১ থেকে ১৬ পর্যন্ত সংখ্যা দিয়ে এমনভাবে প্রণ কর যাতে বর্গক্ষেত্রের প্রত্যেক বাহ্নতে লিখিত সংখ্যার যোগফল, আর শীর্ষবিন্দ্রগ্রলিতে লিখিত সংখ্যার যোগফল দ্বটোই হয় ৩৪।

১১২. সংখ্যा ठक

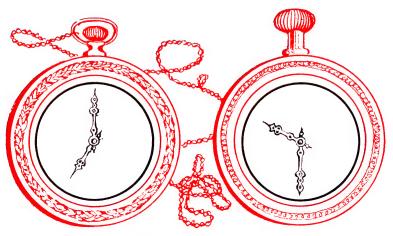
১৪ নং ছবিতে ১ থেকে ৯ পর্যস্ত সংখ্যা এমনভাবে সাজাও যাতে কেন্দ্রে একটা সংখ্যা আর ব্যাসের দ্ব'মাথায় অন্য সংখ্যাগবুলো সাজালে প্রত্যেক ব্যাসের তিনটে করে সংখ্যার যোগফল হবে ১৫।

১১৩.তেপায়া

তেপায়ার তিনটে পায়ের দৈর্ঘ্য ভিন্ন রকম হলেও তাকে নাকি ভালভাবেই বসানো যায়। এটা কি সত্যি?

১১৪.কোণ

৯৫ নং ছবিতে ঘড়ির কাঁটায় কত ডিগ্রি কোণ তৈরি হয়েছে এটা মনে মনে সমাধান করতে হবে, কোণ মাপবার চাঁদা যন্ত্র ব্যবহার করা চলবে না।



৯৫ নং ছবি। ঘড়ির কাঁটায় কত ডিগ্রি কোণ তৈরি হয়েছে?

১১৫.বিষাুবরেখার উপর

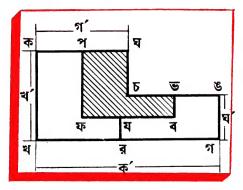
বিষ বরের বরাবর আমরা যদি প্রথিবীর চারদিকে ঘ্রের আসি তাহলে আমাদের মাথা যে ব্তরেখায় ঘ্রবে, তার পরিধি আমাদের পায়ের ব্তরেখার পরিধির চেয়ে বড় হবে। কিন্তু তফাত কতখানি হবে?

১১৬.ছ'টা সারি

নটা ঘোড়াকে কী করে দশটা আস্তাবলে রাখা হয়েছিল সেই মজার কথাটা তোমরা বোধহয় শ্বনে থাকবে? এখানে আর একটা ধাঁধা দিচ্ছি যা প্রায় একইরকম মনে হবে। তফাতটা এই যে এটাকে সত্যিই সমাধান করা যাবে। ধাঁধাটা হচ্ছে:

২৪ জন লোককে এমনভাবে ৬টা সারিতে দাঁড় করাও যাতে প্রত্যেক সারিতে থাকবে ৫ জন করে।

১১৭.ভাগটা করবে কী করে?



ধাঁধাটা অনেকেরই জানা আছে: ৯৬ নং ছবিটাতে একটা আয়তক্ষেত্র থেকে তার সিকি ভাগ বাদ দেওয়া আছে — এটাকে কী করে সমান চার ভাগে ভাগ করা যাবে? এটাকে তিনটে সমান ভাগে ভাগ করতে হবে, পারবে কি?

৯৬ নং ছবি। এই ক্ষেত্রটাকে সমান তিন ভাগে ভাগ করা যাবে কি করে?

১১৮.কুশ আর চাঁদের ফালি

৯৭ নং ছবিতে একটা চাঁদের ফালির মতো চেহারা দেখতে পাচ্ছ। প্রশ্নটা হল, এই চাঁদের ফালির সমান করে কিভাবে একটা লাল কুশ আঁকা যাবে।

৯০—১১৮ নম্বর ধাঁধার উত্তর

৯০. মাত্র তিনটে আংটা খ্বলেই কাজটা করা ষেতে পারে। একটা ভাগের স্বকটা আংটা খ্বলে নিয়ে তাতে অন্য চারটা ভাগ যোগ করলেই হয়ে যাবে।



৯৭ নং ছবি। চাঁদের ফালিকে কিভাবে কুশে 'পরিণত' করা যায়।

৯১. প্রশ্নটা সমাধান করার আগে তোমাদের জানতে হবে মাকড়শা আর গুবুরেপোকার কটা করে পা থাকে। প্রকৃতিবিজ্ঞানের কথা মনে থাকলে নিশ্চয়ই জান যে মাকড়শার থাকে ৮টা করে পা আর গুবুরেপোকার ৬টা। ধরা যাক, বাক্সটাতে কেবল ৮টা গুবুরেপোকাই ছিল। তার মানে এক্ষেত্রে থাকা উচিত ৬ × ৮ = ৪৮টা পা। ধাঁধাতে যে পায়ের সংখ্যা দেওয়া হয়েছিল তা থেকে ৬ কম হল এতে। যদি একটা গুবুরেপোকার জায়গায় একটা করে মাকড়শা বদল করা যায়, তাহলে পায়ের সংখ্যাও ২ করে বেড়ে যাবে, কারণ মাকড়শার পা ৬টা নয়, ৮টা।

যদি তিনটে গ্রবরেপোকার বদলে তিনটে মাকড়শা ধরা হয় তাহলে বাক্সের মধ্যে পায়ের সেই ৫৪টা সংখ্যা পূর্ণ হবে — এটা তো পরিষ্কার দেখা যাচ্ছে। তাহলে ৮টা গ্রবরেপোকার জায়গায় হবে.৫টা, বাকিটা হবে মাকড়শা। ছেলেটি ৫টা গ্রবরেপোকা আর ৩টে মাকড়শা সংগ্রহ করেছিল।

হিসেবটা মিলিয়ে দেখা যাক: ৫টা গ্রবরেপোকার ৩০টা পা আর ৩টা মাকডশার ২৪টা পা। তাহলে ৩০ + ২৪ $^-$ = ৫৪।

ধাঁধাটা সমাধানের আরও একটা উপায় আছে। ধরে নেওয়া যাক, বাক্সের ভেতর সবকটাই, অর্থাৎ ৮টাই ছিল মাকড়শা। তাহলে আমাদের থাকা উচিত $b \times b = b8$ টা পা। অর্থাৎ ধাঁধাতে যা আছে তার থেকে ১০টা বেশী। একটা মাকড়শার বদলে একটা গ্রবরেপোকা নিলে পায়ের সংখ্যা ২ কমে যাবে। সবশ্বদ্ধ এভাবে আমাদের ৫ বার বদল করতে হবে, তাহলেই পায়ের সংখ্যা আমাদের দরকারমতো ৫৪-তে এসে নামবে। তার মানে হল, ৮টা মাকড়শার

ভেতরে ৩টাকে আমরা বাক্সেই রেখে দেব, বাকিগ্নলোর জায়গায় রাখব গ্রবরেপোকা।

৯২. যদি একটা বর্ষাতি, একটা টুপি আর গ্যালোস জোড়ার বদলে তাকে শ্ব্ব দ্বই জোড়া গ্যালোস কিনতে হত তাহলে দাম দিতে হত ২০ র্বল নয়, দিতে হত গ্যালোস দ্ব'জোড়ার দাম, বর্ষাতি আর টুপির চেয়ে যত কম ততটা কম, অর্থাৎ ১৬ র্বল কম দিতে হত। তাহলে দ্ব'জোড়া গ্যালোসের দাম দাঁড়াচ্ছে ২০ — ১৬ = ৪ র্বল। তাহলে এক জোড়ার দাম ২ র্বল।

এখন আমরা জানি যে বর্ষাতি আর টুপির দাম একত্রে ২০ – ২ = ১৮ র্বল। একথা জানি যে টুপির চাইতে বর্ষাতির দাম ৯ র্বল বেশী। এখন আগের মতো য্তি দিয়েই অঙকটা করা যাক। একটা বর্ষাতি আর একটা টুপির বদলে দ্বটো টুপি কেনা যাক। সেক্ষেত্রে আমাদের ১৮ র্বল দিতে হবে না, দিতে হবে ৯ র্বল কম। তাহলে দ্বটো টুপির দাম ১৮ – ৯ = ৯ র্বল, অর্থাৎ একটা টুপির দাম — ৪ র্বল ৫০ কোপেক।

তাহলে, প্রত্যেকটা জিনিসের দাম কত তা পাওয়া যাচছে: গ্যালোস — ২ র্বল, টুপি — ৪ র্বল ৫০ কোপেক আর বর্ষাতি — ১৩ র্বল ৫০ কোপেক।

৯৩. ডিমের ব্যাপারী ২৯টা ডিমওয়ালা ঝুড়িটার কথাই ভেবেছিল। ২৩, ১২ আর ৫ লেখা ঝুড়িতে ছিল ম্রগার ডিম, আর ১৪ আর ৬ লেখা ঝুড়িতে ছিল হাঁসের ডিম।

উত্তরটা মিলিয়ে দেখা যাক। বিক্রির পর থাকবে

20 + 52 + 6 = 80টা মুরগীর ডিম

আর

১৪+৬=২০টা হাঁসের ডিম।

তাহ**লে ধাঁধা অনুযায়ী হাঁসের ডিমের চাই**তে মুরগীর ডিম থাকবে দ্বিগুল।

৯৪. এখানে বর্নিয়ে বলার মতো কিছ্বই নেই। উড়োজাহাজটা উড়ে যায়: আবার সেটা ফিরে আসে একই সময়ে। কারণ ৮০ মিনিট আর ১ ঘণ্টা ২০ মিনিট একই জিনিস। ধাঁধাটা অন্যমনস্ক পাঠকের জন্য দেওয়া হয়েছে। সে হয়ত ভাবতে পারে যে ৮০ মিনিট আর ১ ঘণ্টা ২০ মিনিটে কিছ্ম তফাত আছে।

- ৯৫. এটার চালাকি হল এই যে, এর মধ্যে একজন বাবা, অন্যজন বাবার ছেলে। ধাঁধাটার আছে ৪ জন নর, মাত্র তিনজন লোক ঠাকুদা, বাবা আর ছেলে। ঠাকুদা তাঁর ছেলেকে দিলেন ১৫০ র্বল, সে আবার নাতিটিকে তা থেকে দিল ১০০ র্বল (অর্থাৎ তার ছেলেকে)। তাহলে তার নিজের টাকা থাকল মাত্র ৫০ র্বল।
- ৯৬. একটা ঘ্টুটকে ৬৪টা ঘরের যেকোনটাতেই রাখা যেতে পারে, অর্থাৎ এটাকে রাখবার ৬৪টা উপায় আছে। এটা যখন রাখা হয়ে গেল তখন দ্বিতীয়টাকে রাখবার মতো আর আছে মাত্র ৬৩টা ঘর। তার মানেই হল, প্রথম ঘ্টুটর ৬৪টা অবস্থার যেকোনটার সঙ্গে দ্বিতীয় ঘ্টুটির ৬৩টা অবস্থা যোগ করা যেতে পারে। তাহলেই ড্র্যাফটের ছকে দ্বটো ঘ্টুটি রাখবার মতো ৬৪×৬৩ = ৪০৩২টা বিভিন্ন অবস্থা হতে পারে।
- ৯৭. দ্বটো সংখ্যা দিয়ে যে ক্ষ্বদ্রতম প্রণসংখ্যা লেখা যায় তা কিন্তু ১০ নয়। কেউ কেউ হয়ত তাই ভেবেছ। কিন্তু এটা হবে ১, আর তা হবে এইভাবে:

১/১, ২/২, ৩/৩, ৪/৪ ইত্যাদি ৯/৯ পর্যন্ত

যাদের বীজগণিতের **সঙ্গে পরিচয় আ**ছে তারা অন্য ধরনের **অঙকও** দেখাতে পারবে:

১°, ২°, ৩°, ৪° ইত্যাদি ৯° পর্যন্ত,

কারণ যেকোন সংখ্যা শ্ন্য শক্তিতে ওঠালে তা ১-এর সমান হয়।
১৮. ১-কে দ্বটো ভগ্নাংশের যোগফল হিসেবে দেখাতে হবে:

>84/2>6+06/90=>

যারা বীজগণিত জানো তারা অন্য উত্তরও করতে পার. যেমন:

১২৩৪৫৬৭৮৯^০; ২৩৪৫৬৭^{৯-৮-১} ইত্যাদি।

১১. দ্বটো উপায় হল এইরকম:

 $\delta + \delta \delta / \delta \delta = 0$ এবং $\delta \delta / \delta - \delta / \delta = 0$

বীজগণিত জানা থাকলে, তোমরা বোধহয় আরও কয়েকটা উত্তর যোগ করবে এর সঙ্গে। যেমন:

$$(3 \ 5/5)^{5/5} = 50; 5+35^{5-5} = 50$$

১০০. এর চারটে সমাধান:

১০১. ১, ৩ বা ৫-কে পাঁচবার ব্যবহার করে ১০০ লেখা তো সোজা। এখানে চারটে নিয়ম দেখা যাচ্ছে:

$$000 = 0 \times 0 + 0 \times 0$$

$$0000 = 0 \times 0 + 0 \times 0$$

$$0000 = 0 \times 0 + 0 \times 0$$

১০২. লোকে সাধারণত বলে সংখ্যাটা হল ১১১১। কিন্তু এরচেয়েও অনেক অনেক বড় সংখ্যা লেখা সম্ভব, ষেমন ১১^{১১}, অর্থাৎ ১১-র ১১-ক্রম পর্যন্ত শক্তি ওঠালে যা হয়। যদি এটা শেষ পর্যন্ত হিসেব করার ধৈর্য তোমাদের থাকে লেগারিদ্মের সাহায্যে অনেক সহজেই তা করা যায়) তাহলে দেখতে পাবে এর উত্তর ২,৮০,০০,০০,০০০-কেও ছাড়িয়ে যাবে। তাহলে সংখ্যাটা ১১১১ থেকে ২৫ কোটি গুলু বেশী।

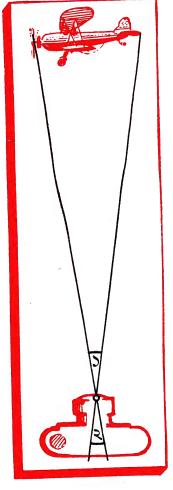
১০৩. ধাঁধাটা চারটে ভিন্ন ভিন্ন উপায়ে সমাধান করা যায়, যেমন:

\$0,09,\$98:\$80=\$856 \$0,80,968:\$85=\$856 \$2,00,898:\$86=\$858 \$2,02,868:\$86=\$856

১০৪. ধাঁধাটার একটি মাত্র সমাধান আছে:

9,09,68,24,850:5,26,890=64,945*

শেষের বেশ কঠিন এই ধাঁধাদ্বটো প্রথমে আমেরিকায় 'শিক্ষা জগতে' (১৯০৬) ও 'গণিত পত্রিকা' সামিয়কীতে (১৯২০) প্রকাশিত হয়েছিল।



৯৮ নং ছবি

- ১০৫. এক বর্গ মিটার ১০০০ হাজার বর্গ মিলিমিটারের সমান। এক হাজার বর্গ মিলিমিটারকে পাশাপাশি রাখলে তা ১ মিটার জায়গা জবুড়ে থাকবে; ১০০০ হাজার বর্গ তাহলে জবুড়ে থাকবে ১০০০ মিটার লম্বা জায়গা, তাহলে দাঁড়াচ্ছে ১ কিলোমিটার লম্বা।
- ১০৬. উত্তরটা হতবাক করে দেবে। খ্র্টিটা হবে ১০০০ কিলোমিটার উ'চু!

এটা মনে মনে হিসেব করা যাক। এক ঘন মিটার ১০০০ ঘন মিলিমিটার × ১০০০ × ১০০০-এর সমান। এক হাজার মিলিমিটারের ঘনক্ষেত্র একটার পর একটা সাজালে ১ মিটার উ°চু একটা খ্রুটি হবে। এখন আমাদের আছে ১০০০ × ১০০০ গ্রুণ ঘন। তাহলেই আমাদের খ্রুটিটা হবে ১০০০ কিলোমিটার লম্বা।

১০৭. ৯৮ নং ছবিতে দেখা যাচ্ছে (যেহেতু ১ নং আর ২ নং কোণ সমান) যে দৃষ্টবস্থুর রেখাগত মাপ আর ছবির ভেতর সেই অন্পাত রয়েছে, যা আছে লেন্স থেকে দৃষ্টবস্থু আর ক্যামেরার গভীরতার দ্রেত্বের ভেতরে। এক্ষেত্রে ক-কে

^{*} পরে এর আরও তিনটে সমাধান বের হয়েছে।

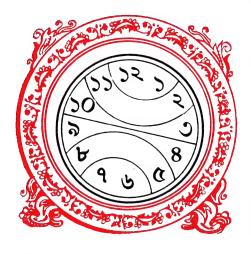
উড়োজাহাজের উচ্চতা ধরলে (মিটারের হিসেবে) আমরা যে অন্পাতটা পাই তা হল:

১২,000 : ৮=**ক** : 0 · **১**২

তাহলেই ক=১৮০ মিটার।

১০৮. হিসেবটা কী করে মনে মনে করা যায় তা দেওয়া হল। ৮৯ ৪ গ্রামকে গ্রণ করতে হবে দশ লক্ষ দিয়ে, অর্থাৎ ১০০০ হাজার দিয়ে।

এটা দুটো ভাগে করা যাক: ৮৯ · ৪গ্রাম × ১০০০ = ৮৯ · ৪ কিলোগ্রাম,



কারণ এক কিলোগ্রাম এক গ্রামের 5000 গর্ণ বেশী তাহলে 6000 তিলোগ্রাম 6000 তিন, কারণ এক টন হল এক কিলোগ্রামের 6000 গর্ণ।

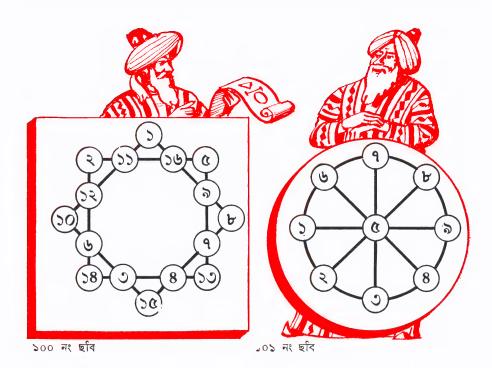
তাহলেই আমাদের ওজনের হিসেবটা হবে ৮৯ · ৪ টন।

১০৯. ক থেকে খ-তে যাবার মোটমাট ৭০টা পথ আছে। (এই ধাঁধাটার নিরমমাফিক সমাধান বীজগণিতের প্যাসক্যাল-এর ত্রিভুজের সাহায্যে করা যেতে পারে।)

৯৯ নং ছবি

- ১১০. ঘড়ির উপর সংখ্যাগনুলোর মোট যোগফল ৭৮, তাহলে ছ'টা ভাগে মোট সংখ্যা থাকবে ৭৮:৬=১৩। এটাই প্রশ্নটাকে সমাধান করতে সাহায্য করবে (৯৯ নং ছবিতে এটা দেখানো হয়েছে)।
- ১১১-১১২. এদের সমাধান ১০০ আর ১০১ নং ছবিতে দেওয়া হয়েছে।
 - ১১৩. তেপায়ার তিনটে পা সবসময়ই মেঝের উপর ঠিক হয়ে বসে, কারণ যেকোন জায়গার তিনটে বিন্দ্র দিয়ে একটিমার 'তল' ঠেতার হতে পারে। এজন্যই তেপায়া বেশ শক্ত হয়েই বসে। দেখতে পাচ্ছ, এর কারণ মোটেই দৈহিক নয়, প্ররোপ্রার জ্যামিতিক। এর জন্যই জমি জারপের কাজে আর ফোটো

२०२



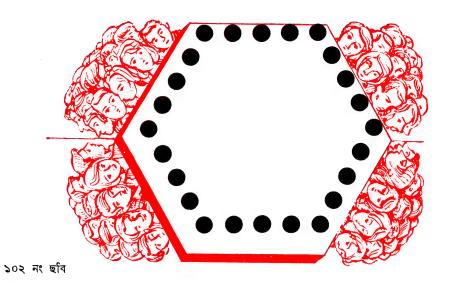
তোলার ক্যামেরা রাখতে তেপায়াটা খুবই সাহাষ্য করে। চতুর্থ পা একে মোটেই শক্ত করবে না, বরং তাতে ঝামেলাই বাড়বে।

১১৪. ধাঁধাটার উত্তর সহজেই দেওয়া যায়, বিশেষত কটা বেজেছে সেটা যদি একবার দেখ। ৯৫ নং ছবির বাঁদিকের ঘড়িটার কাঁটার দিকে তাকালেই দেখতে পাবে ৭টা বেজেছে। এর অর্থ হল দুটো সংখ্যার ভেতরে ব্রুচাপ পরিধির ৫/১২। ডিগ্রিতে দাঁড করালে হয়:

$$000^{\circ} \times 6/52 = 560^{\circ}$$

ভার্নাদকের ঘডিটার কাঁটাতে দেখা যাচ্ছে ৯ · ৩০টা বেজেছে। এখানে ব্তুচাপ ৩১/২×১/১২ বা পরিধির ৭/২৪- এর সমান।

ডিগ্রিতে দাঁড় করালে এটা হয়:



- \$\$6. যদি আমরা ধরে নিই যে মানুষের গড়পড়তা উচ্চতা ১৭৫ সেন্টিমিটার, আর ক-কে ধরি প্থিবীর ব্যাসার্ধ, তাহলে ২×৩·১৪×(ক+১৭৫)—(২×৩·১৪×ক)=২×৩·১৪×১৭৫=১১০০ সেন্টিমিটার, অর্থাৎ ১১ মিটার। সবচেয়ে মজার ব্যাপার হল এই যে উত্তরটা কোনভাবেই প্থিবীর ব্যাসার্ধের উপর নির্ভার করে না। স্বৃতরাং এটা স্থের মতো একটা বিরাট গ্রহের উপরই হোক বা ছোট বলের উপরই হোক উত্তরটা একই হবে।
- ১১৬. লোকগ্নলোকে একটা ষড়ভুজের আকারে দাঁড় করালে, ধাঁধাটার সমাধান করা সোজা হয়ে যাবে। ১০২ নং ছবিতে এটা দেখানো হয়েছে।
- ১১৭. এই সমস্যাটার প্রধান আকর্ষণ হল এই যে এটা ক'খ' গ'ঘ' বা ঙ' ধরে সমাধান করা চলবে না, নির্দিষ্ট উপায়েই এর সমাধান হবে। আসলে ৯৬ নং ছবিতে কালো জায়গাটাকে আমরা প্রত্যেকটা সাদা জায়গার সমান করতে চাই। বেশ দেখাই যাচ্ছে ফ ব রেখা খ গ রেখার থেকে ছোট। তাহলেই এটাকে ক খ-র সমান হতে হবে। অন্যাদিকে, ফ ব-কে র গ-র সমান হতে হবে; তাহলে ফ ব = র গ = খ'. সত্রাং খ র = ক' খ'. কিন্তু খ র, প ফ এবং গ ঙ-এর

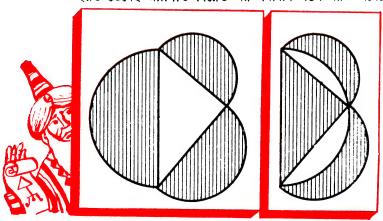
সমান হওয়া উচিত। তার অর্থ হল: খর=পফ=গঙ, অর্থাং ক'—খ'=ছ' আর পফ=ছ'।

তাহলেই আমরা দেখতে পাচ্ছি ক', খ' আর ঘ'-কে খেয়ালখ্নী মাফিক ধরলেই হবে না। ঘ' বাহ্নকে ক' এবং খ' বাহ্নর বিয়োগফলের সমান হতে হবে। কিন্তু সেটাই যথেষ্ট নয়। আমাদের দেখতে হবে সমস্ত বাহ্নগ্লোই যাতে ক' বাহ্র নির্দিষ্ট অংশ হয়।

তাহলেই দাঁড়াচছে: য র + প ফ = ক খ বা য র + (ক´ – খ´) = খ´, অর্থাৎ য র = ২ খ´ – ক´। কালো অংশের বাহ্বগ্নলির সঙ্গে ডানদিকের সাদা অংশের অন্বর্গ বাহ্বগ্নলাকে তুলনা করলে দাঁড়াচছে: য র = ব ভ, অর্থাৎ য র = ঘৄ ই, স্বতরাং ঘৄ ই = ২খ´ — ক´। এই সমীকরণটা ক´ – খ´ = ঘ´ সম্পর্কের সঙ্গে তুলনা করলে আমরা পাছি খ´ = ৩/৫ ক´ আর ঘ´ = ২/৫ ক´। কালো অংশের সঙ্গে বাঁদিকে সাদা অংশের তুলনা করলে দেখা যাছে যে ক প = ব ভ, অর্থাৎ ক প = য র = ঘৄ = 5/6 ক´। তাহলেই দেখা যাছে যে প ঘ = য র = 5/6 ক´, স্বতরাং ক ঘ = 5/6 ক´।

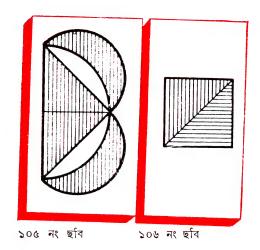
তাহলেই আমাদের ক্ষেত্রটার বাহনুগনুলো খেয়ালখনুশী মাফিক হলে চলবে না, ক' বাহনুর নির্দিষ্ট অংশ (৩/৫, ২/৫ ও ২/৫) হতে হবে। একমাত্র এইভাবেই এর সমাধান সম্ভব।

১১৮. পাঠকদের মধ্যে যারা শ্বনেছ যে ব্তুকে বর্গক্ষেত্রের সমান করা অসম্ভব, তারা হয়ত ভেবেছ জ্যামিতি দিয়েও এর সমাধান সম্ভব নয়। অনেকের মনে হবে,



১০৩ নং ছবি

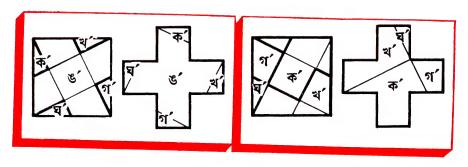
১০৪ নং ছবি



একটা ব্তকেই যদি বগ'ক্ষেত্রতে পরিণত না করা যায়, তাহলে দ্বটো চাপ দিয়ে তৈরি একটা অধ'চন্দ্রকে কিভাবে আয়তক্ষেত্রে পরিণত করা যাবে?

কিন্তু জ্যামিতিক অঙ্কনের সাহায্যে সমস্যাটাকে ঠিকই সমাধান করা যায়। এজন্য দরকার হয় বিখ্যাত পিথাগোরাসের উপপাদ্যের একটা মজার অনুনিদ্ধান্ত প্রয়োগ করার। সেটা হল: অতিভুজের ওপর যে ব্ত্তাংশ তৈরি করা যাবে, তা অন্য দ্বটো বাহ্বর উপরের ব্ত্তাংশর যোগফলের সমান

(১০৩ নং ছবি)। বড় ব্ত্তাংশটাকে যদি উল্টোদিকে ঘ্ররিয়ে ফেলা যায় (১০৪ নং ছবি), তাহলে দেখা যাবে দ্রটো কালো অর্ধচন্দ্রকে একত্র করলে তা ত্রিভুজটির সমান হয়।* যদি কোন সমদ্বিবাহ্র ত্রিভুজ নেওয়া যায়, তাহলে এই দ্রটো অর্ধচন্দ্রের প্রত্যেকটা এই ত্রিভুজের অর্ধেক হবে (১০৫ নং ছবি)। তাহলে জ্যামিতির সাহায্যে আমরা একটা সমকোণী সমদ্বিবাহ্র ত্রিভুজ তৈরি করতে পারি, যার ক্ষেত্রফল একটা অর্ধচন্দ্রের সমান হবে।

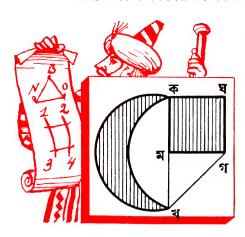


১০৭ নং ছবি

১০৮ নং ছবি

^{*} জ্যামিতিতে এই সম্পর্কটাকে বলে 'হিপোক্রাটিসের ল্যানিস'।

এখন বেহেতু একটা সমকোণী সমদ্বাহ্ন ত্রিভুজকে সহজেই বর্গক্ষেত্রে পরিণত করা যায় (১০৬ নং ছবি), সন্তরাং জ্যামিতির সাহায্যে অধ্চিন্দ্রটার বদলে একটা বর্গক্ষেত্রও তৈরি করা যাবে।



১০৯ নং ছবি

এখন যে কাজটা বাকি থাকল তা হল
এই বর্গক্ষেত্রটাকে একটা অনুর্পু কুশে
পরিণত করা (এটা তৈরি হবে ৫টা সমান
মাপের বর্গক্ষেত্র দিয়ে)। এটা করার অনেক
উপায় আছে: এর ভেতর দ্টো দেখানো
হয়েছে ১০৭ আর ১০৮ নং ছবিতে।
দ্টোতেই বর্গক্ষেত্রের শীষ্বিন্দ্রগ্রনিক
উল্টো দিকের বাহ্র মধ্যবিন্দ্রর সঙ্গে
যোগ করা হয়েছে।

আরও একটা কথা মনে রাখতে হবে
যে কোন অর্ধচন্দ্রকে এই মাপের কুশে
পরিণত করতে হলে পরিধির দ্বটো
ব্তুচাপ দিয়ে তা তৈরি হতে হবে।
বাইরের ব্তুচাপ বা ব্তুংশ আর

ভেতরের ব্স্তচাপ **হবে এর** চেয়ে বড় ব্যাসার্ধের পরিধির এক-চতুর্থাংশ।*
কি করে একটা অর্ধচন্দ্রের সমান করে কুশ তৈরি করতে হয় তা
দেখিয়েছি তোমাদের। অর্ধচন্দ্রের দুটো মাথা (১০৯ নং ছবি) একটা সরল
রেখা দিয়ে যোগ করা হয়েছে। এই সরল রেখার কেন্দ্র ম-তে একটা লম্ব
খাড়া করে ম গ-কে = ম ক করা হল। ম ক গ সম্মিরবাহ্ ত্রিভুজকে সম্পূর্ণ
করা ম ক ঘ গ বর্গক্ষেত্র তৈরি করা হল। এটাকে আবার ১০৭ বা ১০৮ নং
ছবির যেকোন একটি অনুসারে কুশে পরিণত করা হল।

^{*} আকাশে আমরা যে অর্ধচন্দ্র দেখি তার চেহারায় একটু তফাত আছে। এর বাইরের চাপটা বৃত্তাংশ আর ভেতরেরটা উপবৃত্তের অংশ। শিলপীরা অনেক সময় ভূল করে একে বৃত্তাংশ দিয়ে তৈরি করে থাকেন।

পাঠকদের প্রতি

বইটির বিষয়বস্থু, অনুবাদ ও অঙ্গসম্জার বিষয়ে আপনাদের মতামত পেলে প্রকাশালয় বাধিত হবে। অন্যান্য পরামশ ও সাদরে গ্রহণীয়।

আমাদের ঠিকানা

প্রগতি প্রকাশন ১৭, জনুবভ্সিক বন্লভার মকেকা, সোভিয়েত ইউনিয়ন

Progress Publishers 17, Zubovsky Boulevard Moscow, Soviet Union





